

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + Make non-commercial use of the files We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + Maintain attribution The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + Keep it legal Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/



A propos de ce livre

Ceci est une copie numérique d'un ouvrage conservé depuis des générations dans les rayonnages d'une bibliothèque avant d'être numérisé avec précaution par Google dans le cadre d'un projet visant à permettre aux internautes de découvrir l'ensemble du patrimoine littéraire mondial en ligne.

Ce livre étant relativement ancien, il n'est plus protégé par la loi sur les droits d'auteur et appartient à présent au domaine public. L'expression "appartenir au domaine public" signifie que le livre en question n'a jamais été soumis aux droits d'auteur ou que ses droits légaux sont arrivés à expiration. Les conditions requises pour qu'un livre tombe dans le domaine public peuvent varier d'un pays à l'autre. Les livres libres de droit sont autant de liens avec le passé. Ils sont les témoins de la richesse de notre histoire, de notre patrimoine culturel et de la connaissance humaine et sont trop souvent difficilement accessibles au public.

Les notes de bas de page et autres annotations en marge du texte présentes dans le volume original sont reprises dans ce fichier, comme un souvenir du long chemin parcouru par l'ouvrage depuis la maison d'édition en passant par la bibliothèque pour finalement se retrouver entre vos mains.

Consignes d'utilisation

Google est fier de travailler en partenariat avec des bibliothèques à la numérisation des ouvrages appartenant au domaine public et de les rendre ainsi accessibles à tous. Ces livres sont en effet la propriété de tous et de toutes et nous sommes tout simplement les gardiens de ce patrimoine. Il s'agit toutefois d'un projet coûteux. Par conséquent et en vue de poursuivre la diffusion de ces ressources inépuisables, nous avons pris les dispositions nécessaires afin de prévenir les éventuels abus auxquels pourraient se livrer des sites marchands tiers, notamment en instaurant des contraintes techniques relatives aux requêtes automatisées.

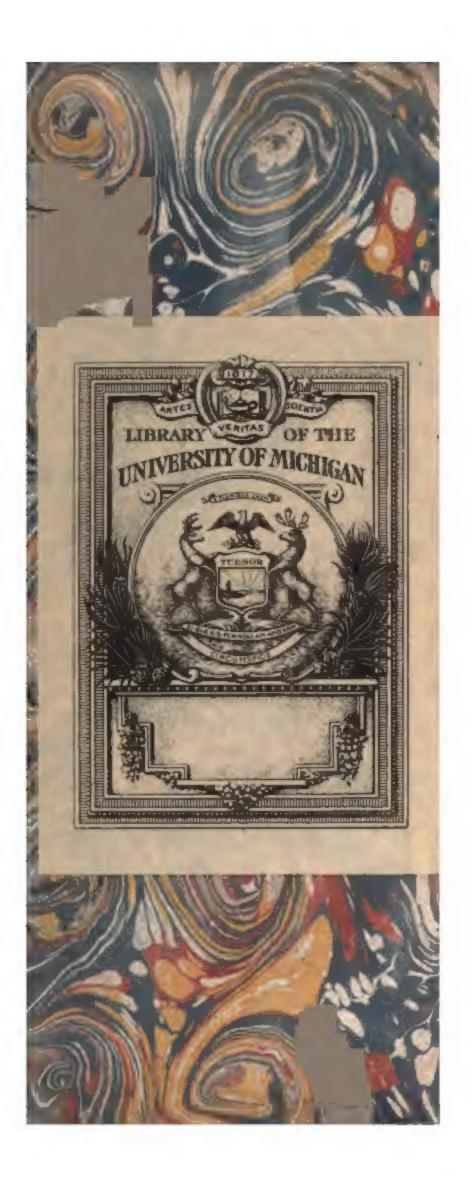
Nous vous demandons également de:

- + Ne pas utiliser les fichiers à des fins commerciales Nous avons conçu le programme Google Recherche de Livres à l'usage des particuliers. Nous vous demandons donc d'utiliser uniquement ces fichiers à des fins personnelles. Ils ne sauraient en effet être employés dans un quelconque but commercial.
- + Ne pas procéder à des requêtes automatisées N'envoyez aucune requête automatisée quelle qu'elle soit au système Google. Si vous effectuez des recherches concernant les logiciels de traduction, la reconnaissance optique de caractères ou tout autre domaine nécessitant de disposer d'importantes quantités de texte, n'hésitez pas à nous contacter. Nous encourageons pour la réalisation de ce type de travaux l'utilisation des ouvrages et documents appartenant au domaine public et serions heureux de vous être utile.
- Ne pas supprimer l'attribution Le filigrane Google contenu dans chaque fichier est indispensable pour informer les internautes de notre projet et leur permettre d'accéder à davantage de documents par l'intermédiaire du Programme Google Recherche de Livres. Ne le supprimez en aucun cas.
- + Rester dans la légalité Quelle que soit l'utilisation que vous comptez faire des fichiers, n'oubliez pas qu'il est de votre responsabilité de veiller à respecter la loi. Si un ouvrage appartient au domaine public américain, n'en déduisez pas pour autant qu'il en va de même dans les autres pays. La durée légale des droits d'auteur d'un livre varie d'un pays à l'autre. Nous ne sommes donc pas en mesure de répertorier les ouvrages dont l'utilisation est autorisée et ceux dont elle ne l'est pas. Ne croyez pas que le simple fait d'afficher un livre sur Google Recherche de Livres signifie que celui-ci peut être utilisé de quelque façon que ce soit dans le monde entier. La condamnation à laquelle vous vous exposeriez en cas de violation des droits d'auteur peut être sévère.

À propos du service Google Recherche de Livres

En favorisant la recherche et l'accès à un nombre croissant de livres disponibles dans de nombreuses langues, dont le français, Google souhaite contribuer à promouvoir la diversité culturelle grâce à Google Recherche de Livres. En effet, le Programme Google Recherche de Livres permet aux internautes de découvrir le patrimoine littéraire mondial, tout en aidant les auteurs et les éditeurs à élargir leur public. Vous pouvez effectuer des recherches en ligne dans le texte intégral de cet ouvrage à l'adresse http://books.google.com













RECREATIONS MATHEMATIQUES

ET

PHYSIQUES,

QUI CONTIENNENT

Plusieurs problèmes d'arithmétique, de géométrie, de musique, d'optique, de gnomonique, de cosmographie, de méchanique, de pyrotechnie, & de physique. Avec un traité des horloges élémentaires.

Par seu M. OZANAM, de l'Académie Royale des Sciences, & Prosesseur en Mathématique.

NOUVELLE ÉDITION.

Revue, corrigée & augmentée.

TOME SECOND:



A PARIS,

Chez CHARLES-ANTOINE JOMBERT, tue Dauphine, à l'Image Notre-Dame.

> M. DCC. L. AVEC PRIVILEGE DU ROI,



.

•

•

•

•

· . . .

.

•

Remarques sur les crépuscules à Paris.

Ţ.

L'au commencement du crepuscule du marin est de 89 d. 8' 31", lesquels réduits en tems, sont 5 h. 56' 34 4'. Cela étant, le crépuscule commence en capet à cinq heures 56' 34' 4". Cette distance ôtée de l'arc semi nocturne, qui est de 119 d. 47' 36', il reste 30 d. 29' 5", lesquels réduits en tems, sont 2 h. 2' 56 pour la durée du crépuscule en 50. Ainsi le soleil devroit se lever à 7 h. 59' 10" 24"; mais à cause de la réstaction, qui avance de 4' 5" 36" l'heure de son lever, cet astre se leve à 7 h. 55' 4" 48'.

Le seleil entrant dans Y, sa distance au méridien au commencement du crépuscule du matin est de 62d.0'
4, lesquels réduits en tems, font 4 h. 8' 0" 16". Cela étant, le crépuscule du matin en aries commence à
quarre heures 8' 0' 16'. Cette distance ôtée de l'arc
semi nocturne, qui est alors de 6 heures ou 90 d'il reste
27 d. 59' 56', lesquels réduits en tems, font 1 h. 51'
59 44' pour la durée du crépuscule en Y. Ainsi
le soleil devroit paroître à l'horison à 6 heures; mais à
cause de la réstraction, qui avance son lever de 3' 18"
3 2 ', on le voit se lever à 5 heures 36' 41" 28'.

Le soleil entrant en , le crépuscule dure toute la nuit, parce que sous la latitude de Paris (48 d. 50') la dépression méridienne du soleil, qui est de 17 d. 41', est moindre que l'arc crépusculaire, qui est de 18 d. L'arc semi diurne vrai est de 119 d. 47' 35", l'arc semi-nocturne est de 60 d. 12' 25", lesquels réduits en remssont 4 h. 0' 49 40', qui est la vraie heure à laquelle le soleil se leve à son entrée en cancer; mais la refraction avance le lever de cet astre de 4'8" 12"

REMARQUES.

de tems; car elle fait l'arc semi diurne apparent de 12d d. 49' 38", qui surpasse l'arc semi-diurne vrai de 12 d. 2' 3", comme on le connoîtra en ôtant 119 d. 47' 55", de 120 d. 49' 38". Ainsi le lever apparent du soleil est à 3 h. 56', 48', 28'. L'amplitude orientale vraie du soleil en cancer est de 37d. 15' 18"; l'amplitude apparente est de 38 d. 24' 17".

ΗV.

Le plus court crépuscule de l'année arrive au i 7^e d. 24' 20' de 2, & au 12 d. 35' 40' de)((ces deux points de l'écliptique ayant même déclinaison australe de 6 d. 50' 45) ce qui arrive vers le 11 d'octobre, & vers le 3 de mars; la distance du soleil méridien au commencement du crépuscule du matin est de 70 d. 23' 38", lesquels réduits en tems sont 4 h. 41' 34" 31", qui est l'heure que commence le crépuscule; l'arc semi-nocturne est de 97 d. 53' 44", lesquels réduits en tems sont 6 h. 31' 34" 56', partant si on ôte 4 h. 41' 34" 32", de 6 h 31' 34" 56", il restera 1 h. 50' 0" 24' pour la durée du plus court crépuscule, qui sera encore raccourci par la réfraction.

Le crépuscule égal à celui des équinoxes arrive au 6° d. 47′ 48″ dum, & au 23° d. 12′ 12″ de sa (ces deux points de l'exliptique ayant même déclinaifon australe de 13 d. 48″ 32′) ce qui arrive environ le 30 octobre, & environ le 12 février; la distance au méridien au commencement du crépuscule du
matin est de 78 d. 19′ 36″, l'arc semi nocturne est
de 106 d. 17′ 54″; leur difference 27 d. 58′ 18″
étant réduite en tems, donne 1 h. 51′ 53″ 12″
pour la durée du crépuscule égal à celui des équinoxes, ou du moins qui n'en est différent que de 6 32 ′;
comme on le connoîtra, en ôtant 1 h. 51′ 53″ 12″;
de 1 h. 51′ 59″ 44 ′, qui est la quantité du crépuseule équinoctial, déterminée en la II, temarque.



RECREATIONS

. MATHÉMATIQUES

ET PHYSIQUES.

Problèmes de Gnomonique.

LA Gnomonique est la partie la plus agréable des mathématiques. Comme j'en ai assez amplement traité dans mon cours de mathématique, & qu'elle dépend d'une théorie prosonde, quand on veut la posseder à sond, ce qui ne convient pas à des récréations mathématiques, je me suis proposé de mettre seulement ici les problèmes qui me sembleront les plus divertissans & les plus faciles à pratiquer & à comprendre,

PROBLEME I.

Tracer une ligne méridienne?

Sur un plan horisontal fermement arrêté, piquez une éguille ou une pointe de fer, de manière qu'elle soit oblique à ce plan. Pren : une équerre, qui peut être faite d'un quarré despapier Tome II.

RECREAT. MATHEM, ET PHYS. plié en plusieurs doubles à angles droits : chetchez avec cette équerre sur le plan horisontal le point qui répondra à l'extrêmité de l'éguille. Vous prendrez ce point pour le centre de quelques cercles, que vous décrirez sur le plan horisontal. Remarquez quelques heures avant midi, comme vers les dix heures, & dans quelque intervalle de tems, les points d'ombre de l'extrémité de l'éguille qui tomberent sur la circonférence des cercles; observez encore quelques heures après midi, comme vers les deux heures, le point d'ombre de l'extrêmité de l'éguille qui tombera fur la circonférence d'un de ces cercles. Divisez l'arc compris entre ces deux points trouvés avant & après midi, en deux parties égales, par une ligne qui passera par le centre du cercle. Cette ligne sera la méridienne.

REMARQUE.

On a soin de décrire plusieurs cercles, & d'obfetver avant midi les points d'ombre sur chacun, afin de pouvoit remarquer un point d'ombre sur un de ces cercles après midi; car les nuages poutroient empêcher de l'observer, si on ne faisoit qu'un cercle.

PROBLEMEIL

Construire des cadrans réguliers par deux ouver-

I.

Pl. 1. O N mene la méridienne SM, & du point C pris vers le milieu, comme centre, on dé-

PROBLEMIS DE GNOMONIQUE. erit à discrétion le c rele ETOP, qui sera la premiere ouverture de compas; puis on décrira quatre grands cercles d'une même grandeur EO, qui sera la seconde ouverture de compas; sçavoir, du point O, & de l'intervalle OE, on décrira le cercle EAMB; ensuite du point E, & du même intervalle EO, on décrira le cercle AOBS. Ces deux cercles se couperont aux points A & B. De ces points comme centre, & de la même ouverture de compas, on fait les deux derniers cercles, sçavoir, du point A le cercle XIEF, & du point B le cercle ZLEG Observez les intersections F, G, afin de tirer les lignes EG, EF. Cela étant fait, par les intersections A, B, des deux premiers cercles, vous menerez la ligne XACEZ, qui sera l'équinoctiale, laquelle se trouvera coupée aux points des heures requises. C'est pourquoi on y marquera les heures 7,8,9,10, 11, 12, 1, 2, 3, 4, 5, aux points des sections faites par les cercles, & par les lignes menées du point E aux points F & G.

II.

Pour avoir le centre de chaque cadran en particulier, & premierement de l'horisontal, on divisera CO en trois parties égales, pour en transporter une de O en H, qui sera le centre du cadran horisontal.

111.

Pour avoir le centre du cadran vertical, divisez CE en deux parties, & portant une de ces parties en V, on aura le centre du cadran vertical.

IV.

Le point E est le centre du cadran équinoctial.

V.

On achevera le cadran horisontal en menant du point H, son centre, des lignes aux points des heures qui sont marquées sur la ligne XCZ; la ligne de 6 heures passera par le centre H; on la fera parallele à l'équinoctiale XCZ. Les 7 & 8 heures du matin, prolongées au delà du centre H, donneront les 7 & 8 heures du soir, comme les 4 & 5 heures du soir, comme les 4 & 6 heures du matin. Du point H, ou de quelqu'autre point pris à discrétion, on décrita une ou deux circonférences de cercles, qui serviront à terminer les lignes horaires.

Voyez les Remarques,

On aura la hauteur du stile du cadran horisontal, en portant CV sur l'équinoctiale de C en R, & l'on tracera HR, qui seta l'axe; de sorte que HRC sera l'éguille du cadran horisontal, qu'il faut élever sur la ligne de 12 heures: on la prolongera si l'on veut.

VI.

On achevera le cadran vertical, en décrivant du point V, ou de quelque autre point, une ou deux circonférences, pour terminer les lignes horaires menées du centre V par les points des heures marquées sur la ligne XCZ. La ligne de 6 heures se tracera par le centre V paralelle à la ligne XCZ.

On aura l'éguille en prenant la distance CH, que l'on transportera de C en Q sur la ligne XCZ, asin de tracer l'éguille VQC, que l'on poutra prolonger à d Crétion, & on élevera à plomb cette éguille VQC sur la ligne de 12 heures.

VII.

Pour faire un cadran équinoctial, décrivez de son centre E une ou deux circonférences pour terminer les lignes horaires, que vous menerez du point E par les points des heures marquées sur la ligne XCZ. Vous tracerez la ligne de 6 heures, de les autres heures qui sont au-dessus en la manière que nous avons dit ci-devant.

L'éguille est un stile ou bâton placé à plomb

sur le plan au point E.

VIII.

Pour faire un cadran polaire, faites tomber à l'équerre des lignes horaires à tous les points marqués sur la ligne XCZ. Ces lignes doivent être paralleles entr'elles & à la méridienne SM. On les prolonge de : art & d'autre de l'équinoctiale, & on les termine haut & bas par deux autre, lignes, entre lesquelles on trace les heures.

L'éguille s'éleve à plomb sur le plan du cadran, de la grandeur de 12 à 3 heures, on la

place au point C.

IX.

Pour les cadrans orientaux & occidentaux, pl. 2 & voici de quelle maniere on s'y prend. On mene, 3, fig. 2. pour l'oriental à main droite, & pour l'occidental à main gauche du plan, une ligne verticale AB, par le moyen d'un fil chargé de plomb, en prenant vers le bas le point l. On décrit une circonférence sur laquelle on prend de la ligne AB l'élevation du pole, qui est ici à Paris de 49 degrés, pour y saire passer la ligne IL On la coupe vers le haut à l'équerre de la ligne SFM; puis

on applique sur IFL du cadran, tous les points des heures prises à la figure 1, mais seulement deux au dessus de F. Ensuite on sait tomber des lignes à l'équerre de tous ces points des heures, qui seront paralleles entr'elles, & on les prolongera autant d'une part que d'autre. On terminera ces lignes haut & bas de deux lignes, pour y renfermer le nombre des heures qui sont changées en ces cadrans; car la ligne qui passe par h, est 6 heures, les deux au dessus de F dans s'oriental sont 5 & 4; & au dessus vers le bas sont 7, 8, o 10, 11. Aux occider taux, les deux, aud ssu de F, sont 7, 8, & au dessous vers le bas, ont 5, 4, 3, 2, 1.

à ; ou 9 heures, élevée précisément sur la ligne

de 6 heures.

REMARQUES.

On remarquera que ces centres & axes ne sont Pl. 4 que pour les élevations du pole de 49 degrés, comme Paris: mais pour les avoir pour tout pays. on comptera au quait de cercle EP, qu'on sçair être de 90 degrés de E vers P en K, pareil nombre de degres qui fera l'élevation du pole du heu; ahn qu'en menant du centre C à ce point derermine K la ligne CKD, on la coupe perpendier latiement en K, point d'intersection en la circonférence Cette perpendiculaire, prolongée julqu'à la méridienne, y déterminera le centre du ca tran vertical en V, dont elle sera l'axe: elle déterminera encore sur l'équinc chale le centre du cadran heri'o tal en A; mais il faudra transporter CA de C en H, qui sera le vrai centre du cadran horifontal. Pour avoir l'axe du cadran

Problemes de Gnomonique. horisontal, on transportera sur l'équinoctiale la distance CV de C en R, & l'on tirera HR, qui sera l'axe du cadran horisontal.

Le point K sera le centre du cadran équinoctial, mais au lieu du point K, on se servira du centre E.

Exemple.

Si l'élevation du pole étoit de 55 degrés, fai- Pl. 4, tes l'arc EK de 55 degrés. Au point K élevez la fig. 4. perpendiculaire VKA qui coupera la méridienne & l'équinoctiale : V sera le centre du cadran vertical, & A le centre du cadran horisontal, &c.

PROBLEME III.

Construire les mêmes cadrans par une seule ouverture de compas.

Enez par un point C deux lignes SM, 75, perpendiculaires l'une à l'autre; de ce même point C, décrivez le cercle ETOP de quelque ouverture de compas que ce soit; puis l'ouverture de compas étant la même, portez une pointe sur O, l'autre sur Q; de Q détournez au point 4, & de 4 par deux tours sur 5; de 5 revenez par quatre tours sur 11.

Mettez encore le compas sur O & sur N; de N détournez sur 8, & de 8 par deux tours sur 7; de 7 revenez par quatre tours sur 1. Ensuite vous tirerez les lignes EN, EQ, qui donneront sur la ligne 75, 2 heures & 10 heures, & le cadran sera fait. Le centre de ces cadrans se trouvera, comme on a dit dans le probleme précédent.

A iy

REMARQUE.

Ment les deux lignes SM, 75, tirez seulement la ligne VH, & faites le cercle ETOP; divisez ce cercle en six parties égales aux points, O, Q, G, E, F, N. Du point Q faites l'arc 4 de la même ouverture de compas, & du point G vous couperez cet arc; puis faisant de même des points F & N, vous aurez le point 8. Ensin par ces deux intersections 4, 8, vous menerez la ligne RA qui sera perpendiculaire à la ligne VH.

PROBLEME IV.

Décrire un cadran horisontal par le moyen d'une ellipse, sans avoir besoin de trouver les points horaires sur la ligne equinoctiale.

Décrite un cadian horisontal, on tombera toujours dans un inconvénient, qui est, qu'on ne peut tires avec justesse les lignes horaites qui sont proche la ligne de 6 heures, à cause qu'elles coupent l'equinoctiale en des points tres-éloignés. La pratique que l'on va enseigner paroît la meilleure de toutes. Voici ce qu'il faut saire.

Fi., Tincez sur un plan horisontal la méridienne fig., AB, & la ligne de 6 heures DE, qui se coupent à a gles droits en C, qui est le centre du cadran, la ligne de l'axe CH, faisant avec la méridienne AE, n le GCH de 49 degrés, & la ligne IH perper acculaire sur GH, qui donne le point I sur la meridienne, par lequel l'équinoctiale doit passer

PROBLEMES DE GNOMONIQUE.

perpendiculairement, qu'il n'est pas nécessaire de décrire, lorsque la ligne CI a une longueur considérable; ce qui arrivera toutes les fois que le point H pris sur l'axe est assez éloigné du centre C du cadran, ou que le stile GH a été donné ou pris d'une bonne grandeur. Décrivez du centre C deux cercles, l'un avec le rayon CI, & l'autre avec le rayon HI, qui seront divisés chacun en quatre arcs égaux par la méridienne AB, & par la ligne de 6 heures DE.

Mais si le point I se trouve trop proche du centre du cadran, comme dans cette sigure, pour avoir pris le stile GH trop petit, ou bien pour avoir pris le point H trop proche du même centre; prenez à volonté dans l'axe prolongé CH un point F, le plus éloigné que vous pourrez du centre C, asin que le cadran en soit plus juste, & menez FB perpendiculaire à l'axe; puis décrivez du centre C deux cercles, l'un comme AD BE, avec le rayon CB, & l'autre comme NPMQ, avec le rayon CM, égal à la perpendiculaire FB, qui seront divisés chacun en quatre quatts égaux par la méridienne AB, & par la ligne de 6 heures DE.

Divisez chacun de ces quarts de cercle en six arcs égaux, comme ceux du cercle extérieur ADBE aux points O, O, & ceux du cercle intérieur, NPMQ aux points R, R, R; mais les divisions du cercle extérieur sussisser pour avoir celles de l'intérieur, que l'on trouve en tirant des lignes droites du centre du cadran par les divisions du cercle extérieur, qui donneront celles de l'intérieur.

Il faut ensuite joindre tous les points O, O par des lignes qui seront paralleles entrelles & à la

RECREAT. MATHEM. BT PHYS. ligne de 6 heures DE, & qui par conféquent feront toutes perpendiculaires à la méridienne AB. Il en est de même des points R, R, que l'on joint par des lignes paralleles entr'elles & à la méridienne AB, qui sont toutes perpendiculaires fur la ligne de 6 heures DE. Ces dernières paralleles couperont les premieres dans les points S, S, S, qui seront tous dans la circonférence d'une ellipse, dont le grand axe est le diametre AB da grand cercle extérieur, & le petit axe est le diametre NM du petit cercle intérieur. Il ne reste présentement qu'à tirer des lignes droites du centre C du cadran par tous les points de l'ellipse S, S; ce seront les lignes horaires qu'il falloit décrire sur le cadran horisontal, dont l'axe de monde est CF, que l'on dresse perpendiculaire ment sur la méridienne AB du plan horisontal

REMARQUES.

I.

On vient de décrire un cadran horisontal mais on peut décrire le vertical en faisant l'angle ICH de 41 degrés.

II.

Le grand axe AB, & le petit axe NM de l'ovale étant donnés, on peut décrire l'ovale selon la méthode qu'on a enseignée dans le problem XLVI de géometrie, tome I. page 329.

HI.

Il n'est pas nécessaire de marquer sur le cac les points des heures marquées au - dessus d courbe 8, 4.

IV.

On marquera les heures entre la circonférence du grand cercle & un autre, qu'on décrira au delà à volonté.

V.

Il est inutile d'avertir qu'on fera l'angle ICH pour telle élevation de pole qu'on voudra.

PROBLEME V.

Tracer un cadran équinoctial.

D'Un point C comme centre, décrivez un pl. 6, cercle AEDB; menez les deux diametres fig. 6. AD, EB, qui se coupent à angles droits au centre C; divisez ensuite chaque quart de cercle en six parties égales, & menez les rayons C 1, C 2, C 3, & les autres que vous voyez dans la figure. Ces rayons seront les lignes qui marqueront les heures par le moyen d'un stile que l'on plantera à plomb sur le plan du cadran qui sera placé dans le plan de l'équateur. La ligne AD doit concourir avec le plan de la méridienne, & le point A doit être tourné du côté du midi.

REMARQUES.

I.

Ce cadran équinoctial étant placé, si les lignes horaires regardent le ciel, il est appellé supérieur; mais si elles regardent la terre, il est nommé inférieur.

II.

Le cadran équinoctial supérieur ne montre les

12 RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

heures du jour que dans le printems & l'été; & le calran inférieur ne les montre que pendant l'automne & l'hyver; mais dans les équinoxes lorsque le soleil est dans l'équateur, ou qu'il en est tott prés, les cadtans équinoctiaux ne sont d'aucun usage, pursqu'ils ne sont point éclairés du soleil.

III.

On sçait qu'à Paris l'élevation du plan de l'équateur est de 41 degrés, qui est le complement de l'élevation du pole.

IV.

D'où l'on voit qu'il est aifé de construire un cadran équinoctial universel, que l'on ajustera à telle élevation de pole que l'on voudra. Il ne faut que Pl. 6, joindre deux pieces d'yvoire ou de cuivre ABCD, & CDEF, qui s'ouvriront à discrétion par une charnière mise en CD, décrire sur les deux surfaces de la piece ABCD deux cadrans équinoctiaux, dont l'un sera supérieur sur la surface inférieure, & mettre un stile qui traversera à plomb par le centre I la piece ABCD. On ménagera au milieu G de la piece CDEF une petite boîte pour y placer une éguille aimantée, que l'on couvrira d'un verre. On attachera à cette même piece un quart de cercle HL divisé en degrés, que l'on fera passer par une ouverture faite en H dans la piece ABCD. Les degrés & minutes doivent commencer à se compter en L.

Quand on voudra se servir de ce cadran pour quelque lieu que ce soit, on mettra l'éguille aimantee dans la méridienne, ayant pourrant égard à sa déclination dans ce lieu, & l'on sera faire

PROBLEMES DE GNOMONIQUE.

aux deux pieces ABCD, & CDEF un angle BCF, qui soit égal à l'élevation de l'équateur du lieu où l'on se trouve. On observera de tourner le quart de cercle du côté du midi. L'un & l'autre des cadrans équinoctiaux montrera l'heure de ce lieu.

PROBLEME VI.

Tracer un cadran sur quel ue plan vertical que ce soit sans bousole, pendant la nuit, avec une bougie.

A Près avoir échafaudé, s'il est nécessaire, tracez une méridienne sur une table, de la maniere qu'on l'a enseigné dans le probleme premier. Posez le long de cette méridienne un cadran horisontal, qu'il est aisé de faire. Ajustez le long de l'axe un fil ou ficelle, qui étant tendue aille rencontrer le plan sur lequel on a proposé de construire le cadran. Le point où la ficelle rencontrerale plan, sera l'endroit où il faudra mettre l'axe, de maniere qu'il soit en ligne droite avec la ficelle, ou plutôt qu'il ne sasse qu'une ligne avec elle. La méridienne se tracera en laissant tomber un plomb du centre du cadran. *

Pour tracer les lignes des autres heures, comme celle d'une heure, par exemple, ayant arrêté la ficelle, suivant l'axe des deux cadrans, servezvous d'une bougie, avec laquelle vous ferez ensorte que l'ombre de l'axe du cadran horisontal tombe sur la ligne d'une heure de ce cadran. La ficelle jettera une ombre sur le point vertical. Vous

Le centre du cadran est le point où l'axe est planté dans le plan du cadran, lorsque l'axe rencontre ce plan.

prendrez un point sur cette ombre. Par ce point & par le centre du cadran, vous menerez une la gne droite, qui marquera la ligne d'une heure sur le plan vertical. Vous ferez la même chose pour le autres heures, & vous aurez un cadran exactement tracé sans l'embarras qu'on a ordinaitement.

REMARQUES.

I.

Si vous le voulez tracer pendant le jour, il fau attendre que le soleil luise, & vous servir d'un misoir avec lequel vous ferez la même chose que vous avez faite avec la bougie.

II.

Si le plan vertical étoit tellement situé que la ficelle ne pût le rencontrer, alors vous attacheren au plan deux soutiens, pour arrêter une verge de fer, qui fera une même ligne avec la ficelle, se vous opérerez le teste de la même maniere qu'on vient de dire.

HI.

Comme le cadran équinoctial est le plus aisé de tous à construire, on pourra s'en servir utilement à tracer toutes sortes de cadrans par le moyen de son stile, qu'on prolongera autant qu'on le jugera à propos-

PROBLEME VII.

Connostre l'heure qu'il est par le moyen de la main gauche.

Uoique cette maniere ne soit point précise, etle peut néanmoins être de quelque utilité, sorqu'on se trouve à la campagne, ou qu'on est en voyage.

Il faut d'abord étendre la main gauche, & la Pl.6, poser horisontalement, ensorte que le dedans soit fig. 8. tourné vers le ciel, puis on prendra un brin de paille ou de bois, qu'on placera à angles droits à la jointure, entre le pouce & le doigt index, & qu'on tiendra élevé au - dessus de la main de la longueur qui est depuis cette jointure jusqu'à l'extrêmité du doigt index, comme on le voit représenté dans la figure en A: ce brin de paille sert de stile. Ensuite on tournera la racine du pouce vers le soleil, la main étant toujours étendue, jusqu'à ce que l'ombre du muscle qui est au-dessous du pouce se termine à la ligne de vie marquée C. Alors l'extrêmité de l'ombre du brin de paille montrera l'heure, en tournant le poignet ou la racine de la main vers le soleil, & tenant les doigts également étendus. L'ombre tombant au bout du doigt index marquera 5 heures du matin ou 7 heures du soir: au bout du doigt du milieu, 6 heures du matin & du soir : au bout du doigt suivant, 7 heures du matin & sheures du soir : au bout du petit doigt, 8 heures avant midi & 4 heures du soir: à la jointure prochaine du même petit doigt, 9 heures du matin & 3 heures après midi: à la jointure suivante du petit doigt, 10 heures avant midi, & 2 heures après midi : à la racine du même doigt, 11 heures du matin & 1 heure après midi: enfin l'ombre tombant sur la ligne de la main marquée D, dice ligne de la table, marquera 12 heures ou midi.

PROBLEME VIII.

Décrire dans un parterre un cadran horisontal avec des herbes.

N peut décrire par les méthodes ordinaires un cadran horisontal dans un parterre, en marquant les lignes des heures avec du buis, ou autrement, & en faisant servit de stile quelque ar bre planté bien droit sur la ligne méridieine, qui par l'extrêmité de son ombre marqueta les heures au soleil, comme dans les cadrans ordinaires qui se font sur les murailles. Mais au lieu d'un arbre une personne pourra se servit de sa propre hiureu pour stile, en se plaçant bien droit au pied de stile, qui doit avoit été marqué sur la méridienne conformément à cotte hauteur; ce qui seta tacité à celui qui entendra la Guomonique.

moyen d'une table des hauteurs u foleil, ou bien par le moyen d'une table des hauteurs u foleil, ou bien par le moyen d'une table des verticaux du foleil, comme nous avons enfeigné dans n'tre gnome.

nique, ou bien encore de cette sorte.

fig. 90.

Ayant tiré, par le point A, pris a discrétion se le plan horisontal, la ligne méridienne BC, a ayant décrit à volonté du même point A, le ce cle 6 B6 C, divisez sa circonfétence en 14 partie égales, ou de 15 degres en 15 degrés, pout les 24 heures du jour naturel, en commençant depuis méridienne BC. Joignez les deux points opposés également éloignés de la méridienne BC, pe des lignes Itoites, qui seront paralelles entre elle & à la méridienne BC, ou perpendiculaires au dismetre 6, 6, qui détermine sur le cercle les point de 6 heures du matin, & de 6 heure du soit.

On marquera sur chacune de ces lignes para leles les points des heures, qui se trouveront sur circonférence d'une ellipse en cette sorte. Ayan fait au centre A, avec la ligne A 6, l'angle 6 Allégal à l'élevation du pole, qui est de 49 degrés l'Paris, portez la distance perpendiculaire du poin 6 à la ligne AD sur la méridienne BC, de part

d'auts

PROBLEMES DE GNOMONIQUE. 17
depuis le centre A, aux points 12, 12, la disperience perpendiculaire du point I à la même ligne fig., aD, sur chacune des deux paralleles les plus proches de la ligne BC, depuis E & K de part d'autre aux points 1, 11; la distance perpendiculaire du point H à la même ligne AD, sur chacune des deux paralleles suivantes également éloignées, & plus proches des deux précédentes, depuis F, & L, de part & d'autre, aux points 2, 10, & ainsi des autres.

Il faut ensuite marquer le commencement de chaque signe du zodiaque, qui répond environ au 20^e jour de chaque mois, deçà & delà depuis le centre A, qui représente le commencement de γ & de 2, sur la ligne méridienne BC, en cette sorte.

Ayant fait au centre A, avec la méridienne AB, l'angle BAM égal à l'élevation du pole, par la ligne AM perpendiculaire à la ligne AD, & ayant pris l'arc DN égal à la déclination du lighte que vous voulez marquer, comme de 23 degrés & demi pour & & , de 20 degrés & un quart pour A, & , & pour & , +, & de 1 t degrés & demi pour & , m, & pour)(, m, tirez par le point N, la ligne NP parallele à la ligne AD, & la ligne NQ parallele à la ligne AD, & la ligne PR foit égale à la partie A 12 de P sur la ligne NQ en R, de forte que la ligne PR soit égale à la partie A 12, ou à la distance perpendiculaire du point & à la ligne AD. La partie OP, terminée par les deux lignes A 6, AM, sera la distance du signe proposé depuis le centre A qui représente les deux points équinoctiaux.

Ce cadran étant ainsi décrit avec ses ornemens, on pourra connoître les heures aux rayons du se Tome II.

RECREAT. MATHEM. BT PHYS. leil comme dans les précèdens, pourvu qu'on fe place environ au degré du figne courant du foleil, avec certe différence, qu'au lieu que dans l'horisontal le stile ne peut être que d'une certaine grandeur, ici il peut être de telle grandeur que l'on voudra. Il est bon même de le faire un peu long, parce que s'il étoit bien petit, son ombre pourroit en été devenir si petite, qu'elle ne parviendroit pas aux points horaires marqués sur les paralleles, & ne pourroit par consequent faire connoîne les heures. Ainsi quand on voudra se fervir de la propre hauteur pour connoître les heures dans un semblable cadran, il ne faudra pas décrire du centre A un cercle d'une grandeur énorme, de peur que les points des heures ne s'éloignent trop de ce centre.

PROBLEME IX.

Décrire un cadran horisontal, dont on a le centre & la ligne équinoctiale.

Pl 7, SI le centre donné est A, & la ligne équinocfg. 91. Stiale BC, titez à cette ligne BC, par le centre
A la perpendiculaire AD, qui sera la ligne méridienne. Ayant décrit autour de la ligne AE le demicercle AFE, prenez l'arc EF, égal au double de
l'élevation du pole, comme de 98 degrés à Paris,
où le pole est élevé sur l'horison à peu près de
49 degrés. Décrivez du point E par le point F,
tune circonférence de cercle qui donnera sur l'équinoctiale BC, les points G, H, de 3 & de 9
heures, & sur la méridienne AD les deux points
1, D, dont chacun peut être pris pour le centre
diviseur de l'équinoctiale BC, sur laquelle on mar-

Problemes de Gnomonique. quera les points des autres heures en cette sorte.

Portez la même ouverture de compas EF sur la circonférence du cercle décrit du centre E, de G & H aux points K, L, & de I, de part & d'autre, aux points M, N. Tirez du point D, par les points K, L, M, N, des lignes droites qui donneront sur l'équinoctiale BC les points O, P,Q, R, de 1, 11, 1, & 10 heures. Si vous portez la même ouverture de compas EF, de M & N, sut l'équinoctiale BC, aux points S, T, vous aurez en S le point de 4 heures, & en T le point de 8 heures. Enfin si vous portez la même ouverture de compas EF, deux fois à droite & à gauche, des points S, T, sur la même ligne équinoctiale BC, vous aurez les points de 5 & de 7 heures qui se rencontreront ici au dehors du plan du cadran, &c.

PROBLEME X.

Décrire un cadran horisontal par le moyen d'un quart de cercle.

JE suppose que le quart de cercle est divisé en ses 90 degrés, comme ABC, au dedans dufig. 91. quel il faudra tirer la ligne DE perpendiculaire au demi-diametre AB, ou parallele à l'autre demidiametre AC, plus ou moins éloigné du centre A du quart de cercle, selon que l'on voudra faire un cadran plus grand ou plus petit. Cette ligne DE sera divisée inégalement par les lignes droites titées du centre A de 15 en 15 degrés en des points qui représenteront les points horaires de la ligne équinoctiale du cadran horisontal, que l'on décrira en cette sorte.

Bij

Pl. 8:

PI. 8, Ayant tiré sur le plan horisontal la ligne mésig. 92. ridienne FG, & y ayant pris à volonté le point F
pour le centre du cadran, prenez depuis ce centre sur la méridienne FG, la partie FH, égale à
la partie AI, terminée par la ligne DE sur la ligne de l'élevation du pole, que nous avons ici
supposé de 30 degrés, en la comptant depuis C.
Menez par le point H la ligne HL perpendiculaire
à la méridienne FG, cette ligne HL sera prise
pour la ligne équinoctiale sur laquelle on transportera depuis H de part & d'autre les divisions
de la ligne DE, en les prenant depuis D, pour
avoir les points des heures, par lesquels on tirera
du centre F les lignes horaires, &c.

Si vous voulez trouver le pied & la longueur du stile, tirez dans le quart de cercle, du point D, qui représente le bout du stile, la ligne DO, perpendiculaire à la ligne AI de l'élevation du pôle, qui représente la ligne méridienne du cadran horisontal, & faites HM égale à AO, ou FM égale à IO, pour avoir en M le pied du stile, dont la longueur est égale à la perpendiculaire DO; parce que le point I représente le centre du cadran, comme il est évident à ceux qui entendent la gnomonique.

PROBLEME XI.

Décrire un cadran horisontal & un cadran vertical méridional, par le moyen d'un cadran polaire.

Pl. 9, SI le cadran polaire est supposé dans un plan sig. 93. S parallele au cercle de six heures, ensorte que la ligne équinoctiale AB soit perpendiculaire à la

Problemes de Gnomonique. ligne méridienne CD, & à toutes les autres lignes horaires qui sont paralleles entr'elles & à la méri- fig. 93. dienne: faites au point E de 9 heures sur l'équinoctiale, avec la même équinoctiale AE, l'angle AEF égal au complément de l'élevation du pole. Par le point F, où la ligne EF coupe la méridienne CD, tirez à cette méridienne CD la perpendiculaire GH, qui se trouvera coupée par les lignes horaires du cadran polaire en des points, par où vous tirerez au centre C les lignes horaires du cadran horisontal. On trouvera ce centre C sur la méridienne CD, en prenant la ligne FC égale à la ligne EF.

Si par le même point E vous tirez la ligne EI, perpendiculaire à la ligne EF, ou, ce qui est la même chose, si au point E on fait l'angle AEI égal à la hauteur du pole sur l'horison, & que par le point I, où la ligne El coupe la méridienne CD, on tire la ligne KL perpendiculaire à la méridienne, ou parallele à l'équinoctiale; cette ligne KL, qui représente le premier vertical, sera coupée par les lignes horaires du cadran polaire en des points, par où on tirera au centre D les lignes horaires du cadran vertical méridional. Ce centre D se trouvera sur la méridienne CD en faisant la ligne ID égale à la ligne IE.

REMARQUE.

L'axe CM du cadran horisontal est parallele à la ligne EF, & l'axe DN du cadran vertical est parallele à la ligne EI.



PROBLEME XII:

Décrire un cadran horisontal & un cadran vertical méridional, par le moyen d'un cadran
équinoctial.

Pl. 9, SI le cadran équinoctial est supposé décrit sur signe. 94. Sun plan parallele à l'équateur, ensorte que la ligne de six heures AB soit perpendiculaire à la ligne méridienne CD, saites au point E, pris à discretion sur la ligne de six heures AB, l'angle AEF égal à l'élevation du pole. Par le point F, où la ligne EF coupe la méridienne CD, tirez à cette méridienne CD, la perpendiculaire GH, qui se trouvera coupée par les lignes horaires du cadran équinoctial, en des points par où vous tirerez les lignes horaires du cadran horisontal de son centre C, que vous trouverez en portant la ligne EF sur la méridienne CD, de F en C.

Pour le cadran vertical, il faut tirer par le même point E, la ligne EI perpendiculaire à la ligne EF, ou bien, ce qui est la même chose, il faut faire au point E l'angle AEI, égal au complément de la hauteur du pole sur l'horison. Par le point I, où la ligne EI coupe la méridienne CD, tirez à la ligne de six heures AB, la parallele KL, qui se trouvera coupée par les lignes horaires du cadran équinoctial, qui partent du centre O, en des points, par où l'on tirera les lignes horaites du cadran vertical de son centre D, qu'on trouvera en portant sur la méridienne CD la longueur de la ligne EI, de I en D.

REMARQUE.

L'axe CM du cadran horisontal est parallele à

PROBLEMES DE GNOMONIQUE. 23 la ligne El, & l'axe DN du cadran vertical, ést parallele à la ligne EF.

PROBLEME XIII.

Décrire un cadran vertical sur un carreau de vitre, où l'on puisse connoître les heures aux rayons du soleil, sans aucun stile.

JE sis autresois un cadran vertical déclinant sur un carreau de vitre d'une senêtre, où l'on pouvoit sans aucun stile connoître facilement les

heures au soleil. Je m'y pris de cette sorte.

Je détachai un carreau de vitre qui étoit collé en dehors contre le chassis de la fenêtre: j'y traçai un cadran vertical, selon la déclinaison de la fenêtre & la hauteur du pole sur l'horison, ayanç pris pour longueur du stile l'épaisseur du chassis de la même fenêtre. Je sis ensuite recoller ce carreau de vitre en dedans contre le chassis, ayant donné à la ligne méridienne une situation perpendiculaire à l'horison, telle qu'elle doit être dans les cadrans verticaux. Je sis coller en dehors contre le même chassis, vis-à-vis du cadran, un papier fort, qui n'étoit point huilé, afin que les rayons du soleil le pénétrant moins, la surface du cadran en fût plus obscure. Et pour pouvoir connoître les lieures au soleil sans l'ombre d'un stile, je sis un petit trou avec une épingle dans le papier, vis-à-vis le pied du stile, que j'avois marqué dans le cadran. Le trou représentant le bout du stile, & les rayons du soleil passant au travers, faisoient sur la vitre une petite lumiere, qui montroit agréablement les heures dans l'obscurité du cadran.

PROBLEME XIV.

Décrire trois cadrans sur trois plans dissérens, où l'on pourra connoître les heures au soleil par l'ombre d'un seul axe.

Pl. 10, Préparez deux plans rectangulaires ABCD, fig. 95. PRéparez deux plans rectangulaires ABCD, BEFC, d'une largeur égale BC. Joignez-les fig. 95. ensemble selon cette ligne BC, qui représentera leur commune section, ensorte qu'ils fassent un angle droit; ce qui fera que l'un, comme ABCD, étant pris pour un plan horisontal, l'autre BEFC

sera pris pour un plan vertical.

Cette préparation étant faite, ou plutôt avant que de joindre ensemble ces deux plans, divisez leur commune largeur BC en deux également au point I, & tirez par ce point I, dans le plan ABCD, la ligne GI perpendiculaire à la ligne BC, & dans le plan BEFC, la ligne HI perpendiculaire à la même ligne BC. Chacune des deux lignes HI, GI sera prise pour la méridienne de

son plan.

Si on prend le plan ABCD pour horisontal, on y fera un cadran horifontal, dont le centre Gsera pris à volonté sur la méridienne GI: & sur l'autre plan BEFC, on fera un cadran vertical méridional, dont le centre H se trouvers sur la méridienne HI, par le moyen du triangle rectangle GIH, dont l'angle IGH doit être égal à l'élevation du pole. Ce triangle GHI, rectangle en I, doit être d'une matiere forte, pour pouvoit être appliqué contre ces deux plans, & les maintenir dans l'angle droit, comme vous voyez dans la figure. Alors l'hypotenuse GH servira d'axe pour le caPROBLEMES DE GNOMONIQUE. 25 dran horisontal du plan ABCD, & pour le ver-Pl. 103 tical du plan BEFC. fig. 954

Ces deux plans ABCD, BEFC, étant ainsi attachés & arrêtés par le troisieme plan triangulaire GIH, tirez dans ce troisieme plan GIH, du sommet I de son angle droit, la ligne IO perpendiculaire à l'axe GH, & vous servant de cette ligne IO, comme du rayon, saites un quatrieme plan coupé en rond KLMN, dont le demi-diametre soit égal à là ligne IO, & dont la circonférence KLMN soit divisée en 24 parties égales, pour y faire un cadran équinoctial, tant le supérieur que l'inférieur, ensorte que les lignes hotaires de l'un répondent aux lignes horaires de l'autre.

Ce plan KLMN doit être coupé en dedans comme un cercle de sphere, & il doit être fendu le long de la méridienne, afin qu'il puisse s'ajuster par cette fente au plan triangulaire GIH, selon la ligne 10, ensorte que le point K du midi touche le point I. En ce cas l'axe GH passera par le centre P du cadran équinoctial, & sera perpendiculaire à son plan; ce qui fait qu'il sera aussi l'axe de ce cadran, dont le plan étant tourné droit au midi, ensorte que le centre G regarde directement le midi, sera parallele à l'équateur. Alors l'ombre de cet axe commun GH montrera les heures aux rayons du soleil sur chacun de ces trois cadrans, excepté au tems des équinoxes, où il ne montrera les heures que dans le cadran horisontal & dans le vertical.

Pour tourner le centre G du cadran horisontal directement au midi, en sorte que la ligne méridienne de chacun de ces trois cadrans soit dans le plan du méridien, & que l'axe GH convienne avec l'axe du monde, on se servira d'une boussole

26 RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

où la déclinaison de l'aiman soit marquée, la-*1722. quelle est présentement à Paris * d'environ 1 3 degrés nord - ouest. Ou bien on marquera les points du commencement de chaque signe du zodiaque qui répond environ au 20 de chaque mois, sur l'axe GH de part & d'autre depuis le point O, qui représente les points équinoctiaux, ou les commencemens de Y & de -, selon la déclinaison des signes, en faisant au point I, avec la ligne 10, de côté & d'autre des angles égaux à cette déclinaison. En donnant ainsi au plan ABCD une situation horisontale, & en le tournant jusqu'à ce que l'ombre de la circonférence KLMN tombe sur le degré du signe courant du soleil, le centre G se trouvera tourné directement au midi, chaque ligne méridienne se trouvera dans le plan du cercle méridien. Je ne dis pas que les signes septentrionaux se doivent marquer depuis O ven G, parce que ceux qui entendent la sphere, sçavent bien que dans cette zone que nous habitons, le point G représente le pole septentrional.

PROBLEME XV.

Tracer un cadran sur un plan horisontal par le moyen des deux points d'ombre marqués sur ce plan au tems des équinoxes.

SI les deux points d'ombre sont B, C, on les fig. 96. Si joindra par la ligne droite BC, qui représentera la ligne équinoctiale. Afin que l'erreur soit moins sensible, il ne faudra pas que les deux points d'ombre B, C, soient beaucoup éloignés entre eux, parce qu'autour des équinoxes la déclinaison du soleil change sensiblement, mais ils ne doi-

PROBLEMES DE GNOMONIQUE. 27

went pas aussi être trop proches, parce qu'il est Pl. 103 dissicile de tirer exactement une ligne droite par sig. 960

deux points extrêmement proches.

Ayant ainsi tiré la ligne équinoctiale BC, menez par le pied du stile A la perpendiculaire GD qui sera la ligne méridienne sur laquelle on marquera le centre D de l'équateur, & le centre G du cadran, en cette sorte. Ayant tiré par le même pied du stile A, la ligne AF perpendiculaire à la ligne méridienne, ou parallele à la ligne équinoctiale, & égale au stile, joignez le rayon de l'équateur EF. Portez-en la longueur de E pris sur la méridienne au point D, qui sera le centre de l'équateur. Si vous tirez au même rayon l'équateur EF, par le point F, la perpendiculaire FG, vous aurez en G sur la méridienne le centre du cadran.

Il ne reste plus qu'à marquer les points horaires sur l'équinoctiale BC, ce qui pourra se faire par le Probl. IX, ou bien en cette sorte. Ayant décrit du centre de l'équateur D, avec une ouverture de compas prise à volonté, le demi-cercle HEI, & ayant divisé sa circonférence en 12 parties égales ou de 15 degrés en 15 degrés, tirez du même centre D par les points de division, autant de lignes droites, qui étant prolongées, donneront sur la ligne équinoctiale BC, les points des heures qu'on cherche.

Ou bien plus facilement, portez la longueur du rayon de l'équateur EF, depuis E de part & d'autre sur la ligne équinoctiale BC, pour avoir les points de 3 & de 9 heures. Du centre D, & de la distance de ces deux points trouvés de 3 & 9 heures prise sur l'équinoctiale, faites un arc de cercle qui coupera l'équinoctiale en deux points.

28 RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

Pl. 10, qui seront les points de 4 & de 8 heures. De g. 96 chacun de ces points de 4 & de 8 heures sur l'équinoctiale, portez de côté & d'autre la même distance de 3 & de 9 heures, pour avoir d'une part les points de 5 & de 11 heures, & de l'autre les points de 1 & de 7 heures. De cette maniere, vous aurez tous les points horaires sur l'équinoctiale, excepté ceux de 2 & de 10 heures, que vous trouverez en divisant en trois parties égales la distance des points de 4 & de 8 heures.

REMARQUES.

Vous remarquerez que la distance du point E de midi au point de 4 & de 8 heures sur la ligne équinoctiale, est la moitié de la distance des points de 1 à 5 heures, ou des points de 11 à 7 heures; que la distance des points de 2 à 9 heures, ou de 10 à 3 heures est égale à la moitié de la distance du point de 2 à 5 heures, ou du point de 10 à 7 heures, & que par conséquent la distance des points de 2 & de 9 heures, ou de 10 & de 3 heures est égale au tiers de la distance des points de 5 & de 9 heures, ou de 3 & de 7 heures. D'où il suit qu'on peut trouver autrement qu'auparavant, les points de 2 & de 10 heures, sçavoir, en divisant en trois parties égales la distance des points de 5 & de 9 heures, & la distance des points de 3 & de 7 heures.

Si outre les points horaires de la ligne équinoctiale BC, vous voulez avoir les points des demiheures, il faut diviser le demi-cercle HEI en deux fois plus de parties égales, c'est-à-dire, en 24 parties égales, & en 48 parties égales, si vous vouavoir les quarts d'heures, & ainsi de suite. Ou bien pout avoir les points des demi - heures, on mettra une des pointes du compas sur les points horaites de la ligne équinoctiale BC, qui sont en nombre impair, sçavoir sur les points de 1, 11, 1,9,5 & 7 l'eures, & on étendra l'autre pointe jusqu'au cer tre de l'équateur D, pour avoir des ouvertures, qui étant portées depuis les mêmes points lio aires de part & d'autre sur l'équinoctiale, donne sort les points des demi heures, par le moyen desqueis on trouvera de la même façon les points des quarts d'heures, & ainsi de suite.

PROBLEME XVI.

Tracer un cadran sur un plan horisontal, où les points de 5 & de 7 heures sont donnés sur la ligne équinoctiale.

Omme il arrive souvent que les points de 5 Pl. 117 & de - heures de la ligne équinoctiale se signe signe en mouvent hors do plan, pour avoit pris un stile mop long par tapport à la largeur du plan, ce qui empèche de marquer ces deux points de 5 & de 7 heures sur la ligne équinoctiale, & d'achever le cadran: il sera bon de déterminer ces deux points sur l'équinoctiale, comme A, B, dont le milieu O sera le point de midi, & l'on achevera le cadran en cette sorte.

Ayant tiré par le point de midi O, la ligne métidienne DE perpendiculaire à l'équinochale BC, on trouvera en premier lieu sur cette méridienne DE, le centre de l'équateur D, & par son moyen le centre du cadran I, d'où l'on tirera les lignes horaires par les points des heures, qu'on marquera sur la ligne équinochiale AB, comme il a été en30 RECREAT. MATHEM. ET PHYSI

Pl. 11, seigné au problème précédent, par le moyen de sig. 97. centre de l'équateur D, que nous trouverons ici en trois manieres différentes, comme vous alles voit.

Premiere méthode.

Ayant décrit du point de midi O, par les points A, B, de 5 & de 7 heures, le demi-cercle AFB, & ayant décrit du point A, par le même point O l'arc de cercle OF, divisez en deux également l'art AF au point G, & menez la droite BG, qui donnera sur la ligne méridienne DE le centre de l'équateur D.

Seconde méthode.

Ayant décrit, comme auparavant, le demi-cetcle AFB, & l'arc de cercle OF, décrivez de point B, par le point F, l'arc de cercle FH, & faites la ligne OD égale à la partie AH, pour avoir en D le centre de l'équateur qu'on cherche.

Troisieme méthode.

Décrivez des deux points A, B, de 5 & de 7 heures, avec une ouverture de compas égale à la distance AB, deux arcs de cercle qui se coupent ici sur la méridienne au point E. Décrivez de ce point E avec la même ouverture de compas, l'an de cercle ADB, qui donnera sur la méridienne DE le centre de l'équateur D.

Pour trouver le centre du cadran, faites au centre de l'équateur l'angle ODC égal au complément de la hauteur du pole sur l'horison, & pottez la longueur de la ligne CD sur la méridient DE, & de O en I. Le point I sera le centre du cadran où toutes les lignes horaires iront aboutir.

31

Si vous voulez trouver le pied & la longueur du stile, ayant décrit autour de la ligne IO le demi-cercle OKI, portez sur sa circonférence la longueur de la ligne OD, de O en K, & tirez du point K, la ligne KL perpendiculaire au diametre OI, pour avoir en L le pied du stile, dont la longueur sera la perpendiculaire KL.

l'équateur, & que la ligne OK est le rayon de l'équateur, & que la ligne IK représente l'axe du cadran, de sorte que l'angle LIK est égal à l'éle-

vation du pole.

PROBLEME XVII.

Un cadran horisontal ou vertical étant donné, trouyer pour quelle latitude il a été fait, lorsque l'on connoît la longueur & le pied du stile.

I.

SI le cadran est horisontal, on tirera par le fig. 96. pied du stile A, la ligne AF égale au stile, & perpendiculaire à la méridienne, & l'on tirera du centre G du cadran par le point F, la droite FG, qui représentera l'axe du cadran, & qui fera avec la méridienne l'angle FGA égal à la latitude qu'on cherche.

II.

On travaillera de la même façon pour un cadran vertical méridional, ou septentrional, qui ne déclinera point, ce que l'on connoîtra lorsque la ligne méridienne passera par le pied du stile. Alors l'angle que fera l'axe du cadran avec la méridienne sera le complément, ou le reste à 90 degrés de l'élevation du pole pour laquelle le cadran aura été fait.

. III.

Si le cadran vertical regarde directement l'orient ou l'occident, en sorte qu'il soit méridien, ce que l'on connoîtra, lorsque les lignes horaires feront paralleles entr'elles, on mesurera l'angle que fait l'une de ces lignes horaites avec la ligne horisontale, ou avec quelqu'autre ligne parallele à l'horisontale, & cet angle sera l'élevation du pole qu'on cherche.

IV.

Pl. 12, Si le cadran vertical est déclinant, ce que fig. 98. l'on connoîtra lorsque la ligne méridienne ne pasfera pas par le pied du stile, comme AH, qui ne passe pas le pied du stile C; tirez pat ce point C, la ligne horifontale FD perpendiculaire à la méridienne AH, qui se tire à plomb dans tous les cadrans verticaux, & la ligne CE parallele à la médienne AH, ou perpendiculaire à l'horisontale FD, & égale au stile. Portez la longueur de l'hypotenuse EB (qu'on peut appellet ligne de déclinaifon, parce que l'angle CEB est la déclinatson du plan) sur l'horisontale de B en D. Par cè point D, & par le centre du cadran A, menez la droite DA, qui fera au point D, avec l'horisontale FD, l'angle BDA, dont la quantité fera connoître la latitude qu'on cherche, c'est-à-dire, l'élevation du pole sur l'horison, pour laquelle le cadran a été fait.

REMARQUES.

Si vous vonlez sçavoir l'élevation du pole sur le plan du cadran, c'est-à dire, de combien de degrés est élevé le pole sur l'horison, auquel le plan du

PROBLEMES DE GNOMONIQUE.

du cadran est parallele, tirez la soustilaire AC. Pl. 12,
Du pied du stile C, & du rayon CE, décrivez sig. 98.

vers G un arc de cercle. Du centre du cadran A
& du rayon AD, décrivez un autre arc qui coupera le premier en G. Par ce point G, menez au
centre A l'axe du cadran AG, qui fera avec la
soustilaire AC l'angle CAG, ègal à la hauteur

du pole sur le plan.

Si vous voulez aussi sçavoir la différence des mèridiens de l'horison du lieu & de l'horison du plan, c'est-à-dire la différence des longitudes entre celle de l'horison pour lequel le cadran à été fait, & celle de l'horison parallele au plan du cadran; prolongez la ligne soustilaire AC vers L. Du point F, section de la ligne de six heures & de l'horisontale, menez à AC la perpendiculaire FK, qui sera la ligne équinoctiale. Portez la longueut du rayon de l'équateur IG sous la soustilaire, de I en L, où sera le centre de l'équateur. Par ce point L, & par le point M, section de la méridienne & de l'équinoctiale, tirez la droite LM. qui fera avec la soustilaire AL l'angle CLM, dont la quantité fera connoître la différence des longitudes qu'on cherche.

Parce que le centre du cadran A se trouve iti au-dessus de la ligne horisontale, on connoît, 1°, que le plan du cadran décline du midi; 2° qu'il décline à l'orient, parce que le pied du stile C se trouve entre la ligne méridienne & les lignes des heures du matin ou avant midi. On connoît aussi qu'au tems des équinoxes, le cadran ne sera pas éclairé du soleil à trois heures après midi, parce que la ligne de trois heures étant ptolongée, ne coupe point la ligne équinoctiale du côté des heures après midi. Ensin on connoît qu'en tout tems

Tome II.

RECREAT. MATHEM. ET PHYS. le plan du cadran n'est point éclairé des rayons du soleil aux heures dont les lignes dans le cadran ne coupent point du côté des mêmes heures la ligne horifontale.

XVIII. PROBLEME

Trouver le pied & la longueur du stile dans un cadran vertical déclinant.

C'Il arrive qu'on cadran vertical déclinant se trouve décrit fur une muraille fans aucun stile. & sans aucune marque du lieu où il avoit été planté, ou du point où l'on a supposé son pied, quand on a tracé le cadran, on pourra trouver ce pred. & déterminer la longueur du stile en cette forte.

Si ayant prolongé la méridienne AH, on prolonge quelqu'autre ligne horaire, elles se coupetont en un point A, qui sera le centre du cadran. De ce point A menez une ligne indéfinie AD, qui doit faire avec la méridienne AH un angle BAD, égal au complement de l'élevation de pole. Par quelque point D pris à discrétion sur la ligne AD, menez à la meridienne AH une perpendiculaire DF, qui sera la ligne horisontale.

Cela étant fait, tirez par le point D à la ligne AD la perpendiculaire DM, qui donnera fur la méridienne AH, le point M. Par ce point M, & par le point F de six heures pris sur l'horisontale, vous titerez la ligne équinoctiale FK, à laquellé vous menerez du centre A la perpendiculaire AL. qui représentera la ligne soustilaire, & donners par conféquent sur l'horisontale FD, le pied du

thle au point C.

Pour trouver la longueur du stile, tirez de son de

PROBLEMES DE GNOMONIQUE.

pied nouvé C, la ligne indéfinie CE perpendi- pl. 12, culaire à l'horisontale FD. Du point B & du fig. 98.

tayon BD, décrivez un arc de cercle qui déterminera sur la perpendiculaire CE la longueur du file qu'on cherche. Cette ligne CE servira à faire connoître la déclinaison du plan, qui est représenté par l'angle CEB, l'élevation du pole sur le plan, que l'angle CAG représente, & la dissémence des longitudes, qui est représentée par l'angle ILM, comme il a été enseigné au problème précédent.

REMARQUE.

Quand la déclinaison du plan est fort petite, on ne peut avoit le point F de six heures sur l'honiontale, parce qu'il est trop éloigné. Alors ne pouvant mener la ligne équinoctiale FK par le point F, on la meneta par le point M, en lui faiant faire avec la méridienne AH, l'angle BMF, qu'on trouvera par le moyen de la déclinaison du plan & de l'elevation du pole, en faisant cette malogie.

Comme le finus total,

Au finus de la declination du plan;

Ainst la tangente du complément de l'élevation du pole,

A la tangente du complément de l'angle qu'on

charche.

Je par le moyen de la même déclinaison du plan & de l'élevation du pole, pour tont trouver langle de la ligne de six heures avec la méridenne, la différence des longitudes, & l'élevation

Cij

PL 12, du pole sur le plan, par ces trois analogies :

Comme le sinus total,

Au sinus de la declinaison du plan;

Ainsi la tangente de l'élevation du pole sur l'horison,

A la tangente du compl.ment de l'angle de la ligne de six heures avec la méridienne.

Comme le finus total,

Au sinus de la hauteur du pole sur l'horison; Ainsi la tangente du complément de la déclinason du plan,

A la tangente du complément de la différence des longitudes.

Comme le finus total,

Au sinus du complément de la déslinaison du plan;

Ainsi le sinus du complément de l'élevation, du pole sur l'horison.

Au sinus de la hauteur du pole sur le plan.

Il arrive qu'on ne peut avoir le centre du cadran, lorsque l'élevation du pole est fort grande, ou que le plan décline beaucoup; comme on ne peut alors ni connoître la déclination du plan, ni déterminer le pied & la longueur du stile par la méthode précedente, on mesurers l'angle de la ligne de six heures avec l'horisontale. Par le moyen de cet angle, & de l'élevation du pole, on connoîtra la déclination du plan, en faisant cette analogie.

Comme le finus total

PROBLEMES DE GNOMONIQUE. 37

La tangente du complement de l'élevation du fig. 92.

pole;

Ainst la tangente de l'angle de la ligne de sixheures avec l'horisontale,

Au sinus de la déclinaison du plan.

La déclinaison du plan ayant été ainsi connue, on décrira autour de la partie FB, terminée par la ligne de six heures & la méridienne, le demicercle FEB. On prendra depuis F, l'arc EF égaliau double du complément de la déclinaison du plan, & l'on tirera du point E, à l'horisontale FD, la perpendiculaire EC, qui donnera la lougueur du stile, & déterminera son pied au point C.

Si vous voulez tirer par-le-pied du stile trouvé.

C, la ligne soustilaire, tirez auparavant la ligneéquinoctiale FK, par le point de six heures F, enlui faisant faire à ce point F, avec l'horisontale.

ED, un angle qu'on trouvera par cette analogie:

Comme le sinus total;
Au sinus de la déclinaison du plan;
Ainsi la tangente du complément de l'élévation:
du pole,
A la tangente de l'anglé qu'on cherche:

Si à la ligne équinoctiale FK', on tire par lapied du stile C, la perpendiculaire CL, este représentera la ligne soustilaire, qu'on pourra aussi tirer, en lui saisant faire au point C avec l'horisontale FD, un angle qu'on trouvera par cette analogie:

Comme le sinus total.

Au sinus de la déclinaison du plan;
Cii

38 RECRÉAT. MATHEM. ET PHYS.

Ainsi la tangente du complément de l'élevation du pole,

A la tangente du complement de l'angle qu'on cherche.

Ou bien portez la distance BE sur l'horisontale FD de B en D. Faites au point D'l'angle BDM égal au complément de la hauteur du pole sur l'horison, pour avoir le point M sur la méridienne. Par ce point M, & par le point F de six heures, on tirera la ligne équinoctiale FM, à laquelle on menera par le point C la ligne perpendiculaire CL, qui sera la ligne soustilaire qu'on cherche.

PROBLEME XIX.

Décrire un cadran portatif dans un quare de cercle.

Pl. 12, fig. 99. D'ur décrire un cadran portatif dans le quant de cercle ABC, dont le centre est A, & dont la circonférence BC est divisée en ses 90 degrés, décrivez autour du demi diametre AC, une demicirconférence de cercle, qui sera prise pour la ligne méridienne. Par le moyen de cette méridienne A 12 C, & de la table suivante, qui montre la hauteur du soleil à chaque heure du jour, de 10 degrés en 10 degrés des signes du zodiaque, pour la latitude de 49 degrés, telle qu'est à peu près celle de Paris, vous décrirez premierement les paralleles des signes, & par leur moyen les autres lignes horaires par des cercles, en cette sorte.

Pour décrire, par exemple, le tropique de 5, connoissant par la table suivante que le soleil

PROBLEMES DE GNOMONIQUE, 39 Étant en 5 est à midi élevé sur l'horison de 64 degrés & demi, vous appliquerez une regle sur le centre A & sur le 64 degré & demi du quart de

Table des hauteurs du soleil.

Heur.	XII.	XI.	X.	IX.	VIII.	VII.	VI	V	du Mi-
Sign.	U.M.	D. M	DM	D. M	D.M	D M.	D. M .	D.M	Sign.
9	64.32	61 56	55.19	46.36	37.0 1	27.12	17.32	8.22	55
10				46.18		-			
20	63. 2	60.31	54- 4	45.28	35.39	26. 8	16.22	7=11	. 10
ઈ	61.13	58.49	52.54	4+• 7	34. 0	24.51	15.7	2.50	Ħ
10	58 48	56.30	50.29	42.14	32.54	237	13.21	3:57	20
20	55.52	53.42	47.57	39.55	30.42	20.58	11.12	1-40	10
mp	52.31	50.30	45- 1	37-14	28.10	18.29	8.40		R
10	48.51	46.58	41.44	34.13	25.19	15.43	5.54		10
20				31.0	_				10
~	41. 0	39.20	34.37	27.28	19. 9	9.47			Υ
10	37. 2	35.26	30.58	24.12	1 5.58	6.42			20
10	33. 9	31.40	27.24	20.55	12.51		7		10
m	29 29	28. 4	23.58	17.42	9.10	0.54	!	-	X
-10	26. 8	34.46	20.51	24.45	7.5			1	20
20	23.12			12.72					10
+	29.47	19.30	1 ——	10. 3	2.42				. 🕿
10	18.58	17.42	14.6	8.27	F.I 2				20
20		•	13. 3		0,18		: :.		10
94	17.29	16.19	12.44	7. 8	0. 2				7 0
Heur.	XII.	I.	11.	111.	IV.	v.	VI.	114	du S.

le point où la regle coupera la ligne méridienne, vous décrirez du centre A un quart de cercle, qui 40 RECRAT. MATHEM. ET PHYS.

Pl. 12. Pour décrire les autres lignes horaires, on en fig. 19 trouvera trois points, en marquant un point de chacun sur trois paralleles de signes disferens, tela que l'on voudra, pour faire passer par ces trois points une circonférence de cercle qui représentera la ligne horaire qu'on cherche. Ces points horaires se trouveront dans l'intersection du parallele du signe proposé & d'une ligne droite tirée du centre A par le degré de la hauteur que le soleil doit avoir sur l'horison à l'heure proposée, lorsqu'il est dans ce signe, telle qu'on la trouve dans la table précédente.

Pour connoître l'heure aux rayons du soleil par le moyen de ce cadran, ajustez au centre A un perit stile bien droit, avec un silet pendant librement par la pesanteur d'un plomb qu'il doit avoir à son extrêmité. Tournez ce centre A vers le soleil, ensorte que la ligne AC regarde directement le soleil, ce que vous connoîtrez lorsque l'ombre du stile élevé au point A couvrira cette ligne AC. Alors le silet pendant librement du centre A marquera sur le parallele du signe coutant du soleil, l'heure qu'on cherche, & de plus sur le quare, de cetcle BC, les degrés de la hauteur du soleil.

REMARQUES.

Į.

Cette maniere de représenter les lignes horaires par des circonférences de cercle, n'est pas bonne dans la rigueur géométrique; mais comme l'erreur est petite, on peut s'en servir très-utilement. Mais au lieu de cercles, on peut avoir des lignes droi-

Problemes de Gnomonique. tes, sans que l'erreur soit aussi beaucoup considé- Pl. 13; rable. Ce sera en décrivant du centre A, avec une fig. 190. ouverture de compas prise à volonté, les deux quarts de cercle s, >, \square, \square, dont le premier sera pris pour l'un des tropiques, & l'autre pour l'équateur. Après quoi on trouvera sur chacun de ces deux quarts de cercle un point de chaque heure, pour joindre deux points d'une même heure par une ligne droite, en cette sorte.

Pour trouver, par exemple, le point de midi fut l'équateur $\gamma = 0$, où le soleil étant, il est élevé sur l'horison de 41 degrés, appliqués au centre A, & au quarante-unieme degré du quart de cercle BC, une regle bien droite, qui donnera sur l'équateur Y ♣, le point 12 de midi. De même parce que le soleil étant dans 5, est élevé à midi sur l'horison de 64 degrés & demi, vous appliquerez sur le centre A & sur les 64 degrés & demi du quart de cercle BC, la même regle qui donnera sur le quart de cercle 5 %, consideré comme le tropique de 5, un second point de midi, lequel étant joint avec le premier, donnera la ligne méridienne, qui servira pour les six signes septentrionaux, sçavoir, depuis l'équinoxe du printems, jusqu'à l'équinoxe d'automne.

Si l'on considere le même quart de cercle 5 %, comme le tropique du %, on y trouvera de la même façon le point de midi, par lequel & par le premier point de midi qui a été trouvé sur l'équareur $\gamma =$, tirant une ligne droite, on aura une seconde ligne méridienne qui servira pour les six signes méridionaux, sçavoir, depuis l'équinoxe d'automne jusqu'à l'équinoxe du printems.

C'est de la même maniere qu'on marquera les autres lignes horaires, tant pour les six signes sep-

42 RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

fig. 100 ne faut que regarder la figure pour la comprendre. Les paralleles des autres fignes se décriront par le moyen de la ligne méridienne, comme il a été enseigné auparavant, sans qu'il soit besoin de le répéter ici. On connoît aussi les heures sur ce cadran, comme sur le précédent; c'est pourquei, nous n'en parlerons pas davantage.

II.

Nous dirons cependant que la maniere la plus exacte de faire ce cadran, est la suivante. Décrivez à volonté du centre A sept quarts de cercle, qui soient, si vous voulez, également éloignés entr'eux Vous les prendrez pour les commencemens des douze signes du zodiaque, le premier & le dernier étant pris pour les deux tropiques, & celui du milieu par conséquent pour l'équateur. Vous marquerez sur chacun de ces paralleles des fignes les points des heures felon la hauteur que le soleil doit avoir à ces heures au commencement de chaque signe; ce que vous connoîtrez par la table précédente, comme il a été enseigné aupatavant. Après quoi il n'y aura plus qu'à joindre par des lignes courbes tous les points d'une même heure, pour avoir le cadran achevé, sur lequel on connoîtra les heutes, comme il a été dit auparavant. Nous avons dit qu'il falloit se servir d'un petit stile élevé droit au centre A: mais au lieu de stile, on pourra se servir de deux pinnules. dont les trous répondent perpendiculairement & 🕹 une hauteur égale fur la ligne AC, ou fur une autre qui lui soit parallele. De cette maniere, au lieu de l'ombre du stile, qui doit couvrir la ligne AC, on fera passer les rayons du soleil par les trous de

chaque pinnule. Et pour connoître l'heure plus Pl. 1153; facilement, on poutra ajouter au filet qui pend du fig. 2.02. centre A, une petite perle enfilée, qu'on avance-ra sur le signe & degré du soleil marqué sur la ligne AC, lorsqu'on voudra connoître l'heure. Cette perle montrera l'heure qu'on cherche, lorsque les rayons du soleil passeront par les trous des deux pinnules, & que le filet avec son plomb pendra librement du centre A, sans qu'il soit bessoin de remarquer où le filet coupe le degré du signe courant du soleil.

On voit aisément que par le moyen d'un semblable cadran, on peut connoître l'heure sans soleil, pourvu que l'on sache le lieu du soleil dans le zodiaque, & sa hauteur au-dessus de l'horison. Comme si le soleil étant au commencement de you de , est élevé sur l'horison de 27 degrés & demi, en appliquant une regle bien droite sur le centre A & sur le 27 degré & demi du quart de cercle BC, elle coupera le parallele de y & de , au point de 9 heures du matin, ou de 3 heures du soir. Ce qui seu connoître qu'il est 9 heures du matin, si la hauteur du soleil a été observée avant midi, ou trois heures du soir, si la hauteur du soleil a été prise après midi.

III.

On peut con noître l'heure sans cadran par le moyen de la histeur du soleil & de la table précédente, en chierchant dans cette table la hauteur trouvée du soleil, ou sa plus proche dans la colonne du signe courant du soleil, ou de 10 degrés le plus proche; car on trouvera vis-à-vis de cette hauteur l'I seure en haut, si l'observation a été faite le marin, ou en bas, si la hauteur du soleil a été observée après midi.

IV.

PL 24. On peut sussi connoître l'heure sans cadran passes la géometrie, & par la trigonométrie, comme nous enseignerons après avoir dit que la hauteur du soleil se peut prendre par le moyen d'un simple quart de cercle, comme vous avez vu, ou bien par le moyen de l'ombre d'un stile élevé à angles droits sur le plan horisontal ou vertical, en cette sorte.

Premierement, si l'ombre du stile AB, élevé à plomb sur un plan horisontal, est AC, menez à cette ombre AC par le pied du stile A, la perpendiculaire AD que vous ferez égale au stile AB, & tirez du point D, par l'extrémité C de l'ombre AC, la droite CD, & l'angle ACD sera l'éléva-

tion du foleil qu'on cherche.

par l'extrémité C de l'ombre AC, la ligne à plomb CD, & par le pied du stile A, la ligne à risontale EF, perpendiculaire à cette ligne CD Tirez encore par le pied du stile A la ligne à plomb AG, que vous ferez égale au stile AB; & ayant porté la longeur de la ligne DG sur l'horisontale EF, de D en F, joignez la ligne CF; l'angle DFC donnera la hauteur du soleil sur l'horison.

V.

trement, on connoîtra l'heure du jour par la géométrie, en cette sorte. Décrivez à discrétion le demi-cercle ABCD, dont le centre est E, & le diametre AD: prenez d'un côté l'arc DC égal à l'élevation du pole, & de l'autre côté l'arc AB égal au complément de la même élevation du pole; joie-

PROBLEMES BE GNOMONIQUE. gnez les droites EB, EC, qui seront perpendi- Pl. 143 culaires l'une à l'autre : la premiere EB représen- 65. 104. tera l'équateur, & la feconde EC, l'axe du monde; parce que le point E représente le centre du monde, le point C le pole élevé sur l'horison. représenté par le diametre AD, & le cercle ABCD représente tout ensemble le méridien, & le colure des solftices, en supposant que ce colure convient avec le méridien.

Dans cette supposition, on prendra l'arc BL. égal à la plus grande déclinaison du soleil, ou de 25 degrés & demi, depuis B vers C, si le soleil est dans les signes septentrionaux, ou de l'autre côté vers A, si le soleil est dans les signes méridionaux; on tirera du centre E par le point L, la droite EL, qui représentera l'écliptique, selon les loix de la projection ortographique de la sphere. Après cela on fera l'arc LM égal à la distance du soleil au solstice le plus proche. On menera du point M la ligne MI perpendiculaire à l'écliptique EL, qui se trouve ici coupée par cette perpendiculaire MI au point I, par où l'on titera & l'équateur EB, la parallele FG, qui représentera le parallele du foleil, & qui coupe ici l'axe EC en G. De ce point G, comme centre, on décrita par le point I l'arc de cercle FOK.

Enfin ayant pris l'arc AH égal à la hauteur du foleil, menez par le point H à l'horison AD, la parallele HN, qui représentera l'almicantarat du toleil, & donnera sur le parallele FG, son lieu en N, d'où l'on tirera la ligne NO perpendiculaire à la ligne FG. L'arc FO étant converts en tems, en prenant i ç degrés pour une heure, donnera l'heure

qu'on chetche, avant ou apres midi.

VI.

Pl. 14, L'axe BF fait connoître la déclinaison du soleil, fig. 104. que l'on peut avoir plus exactement par le moyen de sa plus grande déclinaison, qui est de 23 degrés & demi, & de sa distance au plus proche équinoxe, en faisant cette analogie:

Comme le sinus total,

Au sinus de la plus grande déclinaison du soleil:

Ainsi le sinus de sa distance au plus proche équinoxe,

A la déclinaison qu'on cherche.

VII.

Il est évident que quand le soleil n'aura point de déclinaison, ce qui arrivera au tems des équinoxes, au lieu de tirer la perpendiculaire NO du
point N, il faudra la tirer du point P, où l'équateur EB se trouve coupé par l'almicantarat HI,
pour avoir en ce jour des équinoxes l'heure qu'on
therche. Mais on pourra la trouver dans ce cas
plus exactement par cette analogie:

Comme le sinus du complément de l'élevation du pole,
Au sinus de la hauteur du soleil;
Ainsi le sinus total,
Au sinus de la distance du soleil à six heures.

VIII.

Lorsque le soleil aura une déclinaison, on l'ôtera de 90 degrés, si elle est septentrionale; ou on PROBLEMES DE GNOMONIQUE. 47
l'ajourera à 90 degrés, si elle est méridionale, pour avoir la distance du soleil au pole, par le moven de laquelle, & de l'élevation du pole avec le hauteur du soleil, on trouvera par la trigonomerne l'heure du jour en cette sorte.

Ajoutez ensemble ces trois choses, le complément de la hanteur du soleil, le complément de l'élevation du pole, & la distance du soleil au pole. Otez séparément de la moitié de leur somme e c mplément de l'élevation du pole, & la distance du soleil au pole, pour avoir deux dissérences, qui, avec le complément de l'élevation du pole, & la distance du soleil au pole, servitont à faire ces deux analogies.

Comme le sinus de la distance du soleil au pole,
Au sinus de l'une des deux dissérences;
Ainsi le sinus de l'autre dissérence,
A un quatrieme sinus.

Comme le sinus du complément de l'élevation du pole,
Au quatrieme sinus trouvé;
Ainsi le sinus total,
A un septieme sinus.

Lequel, étant multiplié par le sinus total, donnera un produit, dont la racine quarrée sera le sinus de la moitié de la distance du soleil au méridien.



45 RECREAT. MATHEM. ET PRYS.

PROBLEME XX.

Décrire un cadran portatif sur une carre

La nairement appellé le capuein, parce qu'il res semble à la tête d'un capucin, qui a son capuchus renversé. Il se pent décrire sur une petite piece de carton, ou bien sur une carte en cette sorte.

Ayant décrit à volonté une circonférence de segues, cercle, dont le centre est A, & le diametre B 12, divisez cette circonférence en 24 patries égales, ou de 15 degrés en 15 degrés, en commençant depuis le diametre B 12. Joignez les deux points de division également éloignés du diametre B 12 par des lignes droites paralleles entr'elles, & perpendiculaires à ce diametre B 12. Ces paralleles feront les lignes horaires, dont celle qui passe paralleles le centre A, sera la ligne de six heures.

Après cela faites au point 12, avec le diametre B 12, l'angle B 12 Y, égal à l'élevation du pole, & ayant mené par le point Y, où la ligne 12 Y coupe la ligne de six heures, la ligne indéfinie 5 %, perpendiculaire à la ligne 12 Y, vous terminarez cette ligne 5 % aux points 5 % par les lignes 12 5, 12 %, qui feront avec la ligne 11 Y, chacune un angle de 23 degrés & demi, telle qu'est la plus grande déclinaison du soleil.

On trouvera sur cette perpendiculaire 5 % les points des autres signes, en décrivant du point 7, comme centte, par les points 5, %, une circonférence de cercle, & en la divisant en douze parties égales, ou de 30 degrés en 30 degrés, pour les commencemens des douze signes du zo-diaque

diaque. Joignez deux points de division opposés Pl. 14 & également éloignés des points S, b, par des fig. 10 fignes paralleles entr'elles & perpendiculaires au diametre S, dui donneront sur ce diametre les commencemens des signes, d'où comme centres on décrira par le point 12 des arcs de cercle, qui représenteront les paralleles des signes, ausquels par conséquent on ajoutera les mêmes caracteres, comme vous voyez dans la figure.

Ces arcs des signes serviront à connoître les heures aux rayons du soleil, en cette sorte. Ayant tiré à volonté la ligne C &, parallele au diametre B 12, élevez à son extrêmité C un petit stile bien droit, & tournez le plan du cadran en sorte que le point C regardant obliquement le soleil. l'ombre du stile couvre la ligne C &. Alors un files pendant librement avec son plomb du point du degré du signe courant du soleil, marqué sur la ligne 5 %, montrera en bas sur l'arc du même signe l'heure qu'on cherche.

REMARQUES.

I.

Afin que le filet se puisse mettre facilement sur le degré du signe courant du soleil, il faut que le plan du cadran soit fendu le long de la ligne 5. De cette maniere on pourra facilement avancer le filet à tel point que l'on voudra de cette ligne, & l'arrêter à ce point. Si l'on enfile à ce filet une petite perle, on pourra se passer des signes pour connoître l'heure du jour, en avançant la perle au point 12, lorsque le filet aura été arrêté au degré du signe courant du soleil. Cette perle montrera l'heure qu'on cherche, lors.

Tome 11,

50 RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

pl. 14, que le point C aura été tourné droit vers le sofig. 105. leil, ensorte que, comme nous avons dit, l'ombre du stile couvre la ligne C >.

II.

On auroit pu marquer les signes plus exactement sur la ligne 5%, en faisant au point 12 avec la ligne 12 7 de part & d'autre des angles égaux à la déclinaison de ces signes: mais comme l'erreur n'est pas considérable lorsque le cadran est petit, comme il arrive ordinairement, on aura plutôt fait de suivre la méthode précédente.

III

Ce cadran tire son origine d'un certain cadran rectiligne universel, qui a été autresois publié par le P. de Saint-Rigaud, jésuite, sous ce titre: Analemma novum. Voici la maniere qu'il nous a enseigné pour sa construction & pour son usage.

Pl. 15, fig. 106.

Décrivez, comme auparavant, les lignes horaires par le moyen d'un cercle divisé en 24 parties égales, qui a le point A pour centre, & la ligne $\gamma ext{ } ext$

Prenant le diametre $\gamma = pour l'équateur$, faites avec cette ligne au centre A un angle égal à la plus grande déclinaison du soleil, ou de 23 degrés & demi, par la ligne droite 5 %, qui sera prise pour l'écliptique, & qui se trouvera coupée

PROBLEMES DE GNOMONIQUE.

par les lignes horaires de 15 degrés en 15 de- Pl. 15;
grés, en des points, par lesquels on tirera des li- fig. 106.
gnes droites paralleles entr'elles & à l'équateur ?

qui représenteront les commencemens des signes & de leurs moitiés.

Enfin tirez du centre A, par les degrés du demi cercle d'en bas, des lignes droites de cinq en cinq, ou de dix en dix degrés. Prolongez-les jusqu'à ce qu'elles rencontrent chacune des deux lignes méridiennes 570, 520 où vous ajouterez des chiffres, de maniere que les chiffres d'une ligne méridienne fassent avec les chiffres correspondans de l'autre 90 degrés, pour avoir ainsi les degrés de latitude marqués sur chacue ligne méridienne, qui serviront à connoître l'heure en cette sorte.

Tirez du centre A au degré de la latitude du lieu où vous êtes, qui est marqué sur la ligne de minuit 20, comme au degré 50, si le pole est élevé sur votre horison de 50 degrés, la droite A 50, qui représentant cet horison, fera connoître l'heure du lever & du coucher du soleil, au point où elle coupera le parallele du degré du signe où le soleil sera pour lors. Anachez à ce point un filet pendant avec son plomb, ayant une petite perle enfilée, afin que le filet étant étendu depais le même point, sur le degré de la même latitude marqué sur la ligne de midi 50 70, cette perle se puisse avancer sur ce degré de latitude; après quoi la perle demeurant immobile à l'endroit du filet où elle se trouvera, on laissera pendre ce filet librement avec son plomb & sa perle immobile, pour pouvoir connoître l'heure du jour aux rayons du soleil, par une méthode sem-blable à la précédente, comme vous allez voir. 52 RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

H. 15. Elevez un petit stile bien droit à l'extrêmité de fig. 106. de la ligne y de, ou de quelqu'autre qui lui soit patallele. & le point de étant tourné obliquement vers le soleil, en sorte que le filet pendant librement avec son plomb, l'ombre du stile couvre sa ligne: la perle sera connoître l'heure qu'on cherche.

IV.

Voilà ce que nous avons appris du P. de S. Rigaud, & voici ce que nous avons ajouté à lou analemme. On peut le faire servir de cadran horifontal universel, en prenant la ligne de fix heures pour la méridienne, & le centre A pour le centre du cadran; auquel cas la ligne \gamma 🕰 fera la ligne de six heures, & en portant sur les lignes horaires depuis la ligne de six heures Y 🖴 les parties des horisons terminées par les lignes horaires, en les prenant depuis le centre A. De cette maniere on aura des points sur les lignes horaires, qui étant joints par des lignes courbes, formeront des ellipses qui représenteront les cercles de latitude, sur lesquelles on connoîtra les heures aux rayons du fo'eil par l'ombre de l'axe qui doit faire avec la méridienne au centre A, un angle égal à l'élevation du pole.

v.

Mais on peut décrire autrement & très-facilement un cadran hor fontal elliprique universel, comme nous enseignerons après vous avoir enseigné dans le problème suivant deux manieres différentes de décrire un cadran horisontal rectiligne universel.

PROBLEME XXI.

Dicrire un cadran horisontal restiligne universel.

I.

A Yant tiré par le centre du cadran A, pris à Pl.16, volonté sur un plan horisontal, les deux li-fig.108 fig.108+ gnes perpendiculaires AB, CD, prenez la premiere AB pour la méridienne, & la deuxieme C D pour la ligne de six heures; puis décrivez à discrétion du centre A, le quart de cercle EF: menez par le point E, la ligne GH perpendiculaire à la méridienne, qui représentera le 90° degré de latitude, & par le point F, la ligne FK parallele à la même méridienne, qui représentera la ligne de 9 heures, & le 30° cercle de latitude à l'égard des lignes horaires qui lui sont perpendiculaires. Divisez le quart de cercle EF en six parties égales, ou de 15 degrés en 15 degrés. Tirez du contre A par les points de divition des lignes droites, qui donneront sur la ligne CH, les points des autres heures, par où l'on tirera les antres lignes horaires, paralleles à la méridienne. On omettra les lignes de 5 & de 7 heures, pour ne pas donner une trop grande largeur au cadran. Pour le faire encore moins large, on pourroit aussi omettre les lignes de 4 & de 8 heures, aui représentent le 60° degré de latitude, à l'égard des lignes horaires qui leur sont perpendiculaires, & qui suppléeront au défaut des lignes horaires qui auront été négligées; je parle de celles qui sont paralleles à la méridienne AB.

Ces mêmes lignes droites qui partent du centre A, étant prolongées, donneront sur la ligne FKI de 9 heures, des points par où l'on décrira du cen-

Diÿ

54 RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

os. méridienne AB les points 15, 30, 45, 60, 75. Par ces points on menera autant de lignes droites paralleles entr'elles & à la ligne GH, ou perpendiculaires à la méridienne AB, qui représenteront les cercles de latitude de 15 degrés en 15 degrés, à l'égard des lignes horaires paralleles à la méridienne AB.

Pour avoir d'autres cercles de latitude & d'autres lignes horaires, qui serviront au désaut de celles qui ont été négligées, décrivez du point E par le centre A, le demi-cercle AlB, & divisez sa circonférence en six parties égales, ou de 30 degrés en 30 degrés. Du centre A, & par les points de division, décrivez des arcs de cercle, qui donneront sur la ligne de six heures des points par où l'on tirera des lignes paralleles à la méridienne AB, qui représenteront des cercles de la-

titude de 15 degrés en 15 degrés.

Pour décrire les lignes horaires qui conviennent à ces cercles de latitude. & qui doivent être paraileles à la ligne de six heures, telle qu'est la ligne de 3 & de 9 heures, qui passe par le point B, & qui représente le 30° cercle de latitude à l'égard des premieres lignes horaires, tirez du point B, par les points de division du demi-cercle AIB, des lignes droites qui étant prolongées donneront sur la ligne de six heures les points L, M, C. Les distances AL, AM, AC, étant portées de part & l'autre du centre A, sur la ligne méridienne AB, donneront des points par lesquels on tirera des lignes paralleles à la ligne de six heures.

On connoîtra les heures dans ce cadran universel, comme dans le précédent, en tournant le centre A droit au midi, comme aux cadrans horiPROBLEMES DE GNOMONIQUE.

SS sontaux ordinaires, & en mettant au même centre A un axe élevé sur la méridienne à un angle de la latitude du lieu où l'on est. L'ombre de cet axe donnera sur la ligne de la même latitude l'heure qu'on cherche.

II.

On peut autrement & plus facilement décrire Pl. 17, un cadran rectiligne universel sur un plan horison No. 1. tal, en cette sorte. Ayant mené, comme aupara-sig. 109. vant par le centre du cadran A, les deux perpendiculaires AB, CD, & par le point 90 pris à discrétion sur la méridienne AB, la ligne EF perpendiculaire à la même méridienne, décrivez du centre A, par le point 90, le demi cercle C90D, qui coupe ici la ligne de six heures CD en C& D. Par ces points C, D, & par le point 90, tirez les droites C 90, D 90. Divisez la circonférence de ce demi-cercle en douze parties égales, ou de 15 degrés en 15 degrés, & tirez du contre A par les points de division des lignes droites qui donneront sur chacune des deux lignes C 90, D 90, des points par où l'on tirera les lignes horaires paralleles à la méridienne. Ces mêmes lignes, qui partent du centre A, étant prolongées, rencontreront la ligne EF, en des points par cu l'on décrira du centre A des arcs de cercle qui donneront sur la méridienne les points 30, 45, 62, 75. Par ces points on tirera aux deux points C, D, autant de lignes droites, qui représenteront les cercles de latitude de 15 degrés en 15 de-grés. Le cadran sera achevé, & l'on connoîtra Les heures aux rayons du soleil, comme dans le précédent.

REMARQUES.

On peut rendre universel un cadran horisontat décrit pour quelque latitude partieuliere que ce soit, en deux manieres; l'une par le moyen des lignes horaires, l'autre seulement par le moyen de la ligne équinoctiale divisée en heures, comme vous alles voir.

I.

La premiere maniere se pratique en élevant le plan du cadran horisontal au-dessus de l'horison du lieu où l'on est, vers le septentrion, si la latitude de ce lieu est plus grande que celle pour laquelle le cadran a été fait, ou vers le midi si elle est plus petite, des degrés de la différence de ces deux latitudes. Alors l'axe de l'ombre IK montrera les heures aux rayons du soleil, lorsque le centre I sera tourné droit au midi.

II.

La seconde maniere se pratique en mettant au point O, section de la méridienne DI & de l'équinoctiale AB, un petit plan perpendiculaire semblable au triangle rectangle OKI, qui soit mobile autour de ce point O, en telle sorte que le côté OK sasse avec la méridienne OL, qui doit être fendue en cet endroit, un angle égal au complément de l'élevation du pole sur l'horison du lieu où l'on est. Alors l'ombre de l'axe KI montrera sur l'équinoctiale AB l'heure qu'on cherche, lorsque le centre I sera tourné directement vers le midi.

PROBLEME XXIL

Décrire un cadran horisontal elliptique universel.

Yant mené, comme dans le problème pré- Pl. 153 A cédent, par le centre du cadran A pris à discrétion sur un plan horisontal, les deux perpendiculaires AB, CD, & décrit du même centre A le demi-cercle CBD d'une grandeur prise à volonté, divisez la circonférence en douze parties égales, ou de 15 degrés en 15 degrés. Joignez deux points de division oppotés & également éloignés de la ligne de six heures CD, par des lignes droises perpendiculaires à la méridienne AB, ou paralleles à la ligne de six heures CD, qui représenteront les auties lignes heraires, sur lesquelles on marquera les points de latitude, en cette sorte.

Pour marquer sur chaque ligne horaire le point, par exemple, du 60e degré de latitude, faites au centre A, avec la méridienne AB, un angle de 60 degrés par la ligne AE. Portez les distances perpendiculaires des points où la méridienne se trouve coupée par les lignes horaires à la ligne A E, tur les lignes horaires opposées, depuis la méridienne AB de part & d'autre en des points que vous joindrez par une ligne courbe, qui sera la circonsérence d'une demi-ellipse, & qui représentera le 60e cercle de latitude. C'est ainti que nous avons représenté les autres cercles de latitude de 15 que grés en 15 degrés, par le moyen desque is on conmoitra les heures aux rayons du soleil, comme il a été enseigné au problème précédent.

PROBLEME XXIII.

Décrire un cadran horisontal hyperbolique universel.

Pl. 17, N°. 1, fig.110. A Yant mené, comme auparavant, par le centre du cadran A, les deux lignes perpendiculaires AB, CD, & décrit à volonté du même centre A, le demi-cercle EFG divisé en douze parties égales, ou de 15 degrés en 15 degrés; tirez de centre A, par les points de division, des lignes indéfinies, au-dedans desquelles, comme entre des asymptotes, vous décrirez par le point F pris à discrétion sur la méridienne AB, des hyperboles, qui représenteront les lignes horaires.

Après cela, menez par le même point F, à la méridienne AB, la perpendiculaire HI, qui représentera le 90° cercle de latitude, & qui se trouvera coupée par les asymptotes tirées du centre A en des points par où vous décrirez, du même centre A, des arcs de cercle qui donneront sur la méridienne AB les points 75, 60, 45, 30, 15. Par ces points vous menerez à la même méridienne AB, autant de perpendiculaires, qui représenteront les cercles de latitude de 15 degrés en 15 degrés, par le moyen desquels on connoîtra les heures au soleil, comme dans le cadran précédent.

REMARQUE.

Ceux qui entendent les sections coniques, sçavent que pour décrire une hyperbole par le point F, entre les asymptotes AK, AL, par exemple, il faut tirer à discrétion par le point F, la ligne

PROBLEMES DE GNOMONIQUE. MN terminée en M & en N, par les deux asymptots AK, AL, & porter la longueur de la partie IN for la ligne MN de M en O, qui sera un point de l'hyperbole qu'on veut décrire, &c.

Ceux qui n'entendent pas les sections coniques, pourront marquer les points des lignes horaires turchaque cercle de latitude, comme nous enleignerons dans le problème suivant, pour joindie les points qui appartiendiont à une incme heure, par des lignes courbes, qui seront néces-Surement des hyperboles.

PROBLEME XXIV.

Decrire un cadran ho isontal parabolique univerfel.

Yant mené, comme auparavant, par le cen- pl. 17. tre du cadran A, les deux perpendiculaires Nº. 2, AB, CD, tirez du point B, pris à discrétion sur la hgilli. méridienne AB, la ligne EF, perpendiculaire à la même méridi, nne AB, qui représentera le 90° degré de latitude. Décrivez, comme dans le problème précédent, du centre A, par le même point B, le demi-cercle CBD, qui doit être divisé en donze parties égales, pour joindre les points de division opposes & également éloignés de la ligne de lix heures CD, par des lignes droites, qui reprétenteront les cercles de latitude de 19 degrés en 15 degrés.

On marquera fur chacun de ces cercles de latirule, par exemple sur la ligne GH, qui reprélente le 60° cercle de latitude, les points horaires, en cette sorte. Du point 60, section de la méridienne AB & de la ligne GH, menez une perpendiculaire à la ligne Al, qui fait au centre A,

RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

Pl. 17, avec la méridienne AB, un angle de 60 degrés. Portez cette perpendiculaire sur la méridienne AB, du centre A en K. Par ce point K vous menerez la ligne KL perpendiculaire à la méridienne AB. Cette perpendiculaire KL fe trouvera coupée par les lignes droites qui sont tirées du centre A par les douze divisions du demi-cercle CBD en des points, dont les distances prises depuis K, & portées sur la ligne GH, de part & d'autre depuis le point 60, donneront sur cette ligne GH (qui dans ce cas est considérée comme une ligne équinoctiale, à l'égard de l'axe AI) les points horaires qu'on cherche.

> C'est de la même façon que l'on marquera sur les autres lignes de latitude, considérées comme autant de lignes équinoctiales, les points horaires, dont ceux qui appartiendront à la même heure seront joints par des lignes courbes, qui repréfenteront les lignes horaires, & qui feront des paraboles, ayant le centre A pour sommet commun, & la ligne de six heures CD pour axe commun. On connoîtra les heures dans ce cadran

comme dans le précédent.

PROBLEME XXV.

Décrire un cadran sur un plan horisontal, où l'on puisse connoître les heures au soleil sans l'ombre d'aucun stile.

E cadran se fait ordinairement en deux maunieres, par la table des verticaux du soleil, telle qu'est la suivante, qui montre le vertical du soleil depuis le méridien à chaque heure du jour au commencement de chaque signe du zodiaque, PROBLEMES DE GNOMONIQUE. 61
peur la latitude de 49 degrés; ou bien sans aucune table, par la projection stéréographique de
la sphere, comme vous allez voir.

Table des verticaux du soleil depuis le méridien;

à chaque heure du jour, pour la latitude

de 49 degrés.

1 1	XI.	X.	IX.	VIII.	VII.	VI.	V.	IV.
S.	D.M	D.M	D.M.	D. M.	D.M.	D. M.	D. M.	D.M.
9	30.17	53.4C	70 30	83.57	95.20	105.56	116.28	127.26
							114.56	
高名	23.30	43-52	60.29	74.17	86.21	97. 36		
				66.57				
m X	16.42	32.25	46.30	59.28	71.12			
				54.56				
42			40.48	1				
H.	I.	11.	111.	IV.	V.	VI.	VII.	VIII.

I.

Pour décrire premierement ce cadran par le Pl. 18, moyen de la table précédente, qui l'a fait appeller cadran azimutal, décrivez sur le plan horisontal, que je suppose mobile, le parallelogramme
rectangle ABCD. Divisez chacun des deux côtés
opposés AB, CD, en deux également aux points
E, F. Joignez ces points par la droite EF, qui
sera prise pour la méridienne. Prenez à discrétion
sur cette ligne EF le point G pour le pied du
stile, & les deux points F. H, pour les points solstimux de & de , par lesquels vous décrirez du point G, comme centre, deux circonséren-

Pl. 18, ces de cercle, qui representeront les tropiques

Pour representer les paralleles du co

Pour representer les paralleles du commencement des autres signes, divisez l'espace FH en sisparties egales. Décrivez du même point G, pal les points de division, d'autres arcs de cercle, qui représenteront les commencemens des signes. Vous marquerez les points des heures, en premant de put & d'autre depuis la miridienne ER sur ces arcs, les degrés du vertical du soleil, tel qu'on les trouve dans la table précédente à chaque heure du jour, pour le commencement de chaque signe, & en joignant les point qui appartiendront à une même heure, par des lignes courbes, qui seront les lignes horaires. Le cadrant sera achevé, & l'on pourra connoître l'heure sant stile, en cette sorte.

Appliquez au centre G des arcs des signes une aiguille aimantée élevée sur un petit pivot, autoux duquel elle pusse toutner librement, comme dans les boussoles ordinaires. Toutnez le point E directement vers le solest, en sorte que chacun des deux côtés AD, BC, qui sont paralleles à la ligne méridienne EF, cessant d'être éclairé du soleit, ne fasse aucune ombre. Alors l'aiguille aimantée montrera sur le signe courant du soleit l'heure qu'on cherche.

II.

Pl. 18. Pour décrire ce cadran par le moyen de la profig. 133: jection stéréographique de la sphere (lequel dans ce cas prend le nom d'astrolabe hor sontal) tirez par le centre I du quarré ABCD, les deux lignes perpendiculaires EF, GH, dont l'une, comme EF, qui est parallele au côté AD, étant prise pour PRODLEMES DE GNOMONIQUE. 63 La méridienne, l'autre GH, qui est parallele au pl. 18; chté AB, représentera le premier vertical, parce sign13. que le point I représente le zenit. De ce point I,

comme centre, décrivez à discrétion le cercle E F -, qui représentera l'horison.

Prenez sur la circonférence de ce cercle, d'un côté l'arc EO égal à l'élevation du pole sur l'horison, & de l'autre côté l'arc FL égal au complément de la même élevation du pole. Tirez du point , par le point O, la droite & O, qui donnera sur la méridienne le pole en P, par lequel & par les deux points γ , vous ferez passer une circonference de cercle qui représentera le cercle de six heures. Tirez encore du même point & par le point L, la droite & L, qui donnera sur la méridienne le point M, par lequel, & par les deux mêmes points γ , \sim , vous décrirez une circonference de cercle γ M \sim , qui sera l'équateur.

On pourroit diviser ce cercle, ou équateur, Y M 2, en heures, ou de 15 degrés en 15 degrés, par les regles de la projection stéréographique, pour décrire par chaque deux points diamétralement opposés, & par le pole P, des circonferences de cercle, qui seroient les lignes horaires. Mais on aura plutôt fait de prendre sur l'horison E Y F ... de part & d'autre, depuis les deux points E, F, les arcs de l'horison compris entre le cercle méridien & les cercles horaires, qui sont egaux aux angles que font les lignes horaires avec h méridienne au centre d'un cadran horisontal, & qui dans la latitude de 49 degrés doivent être de 11° 26' pour 1 & 11 houres, de 23° 33'. pour 1 & 10 heures, de 37° 3'. pour 3 & 9 heures, de 52° 35' pour 4 & 8 heures, & de 70° 27' pour 5 & 7 heures. Pour décrire les RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

Ph 18. lignes, ou cercles horaires, comme auparavant, fig. 113. suffira de marquer ces lignes horaires entre les deux tropiques, que l'on décrira avec les parallels des autres fignes du zodiaque, en cette fortà.

> Pour décrire les paralieles des fignes, on le servira de leur déclination, qui est de 23° 30 pour 5, 5, de 20° 12'. pour \, \, \, \, \, \, \, \, \, de 11° 30', pour &, m,)(, m, par le moyen de laquelle on trouvera trois points de chaque figne. un for la méridienne EF, & deax fur l'horifor EγF ... On décrira par ces trois points und circonférence de cercle, qui sera le parallele de

figne qu'on cherche.

Mais pour trouver ces trois points, par exema ple, pour le tropique du 6, prenez depuis L, qui tépond au point équinoctial M vers f (parce que ce signe est méridional; car s'il étoit septentrion nal, il faudroit prendre depuis L vers Y) l'are LQ, de 23° 30', relle qu'est la déclination du ba Titez du point 🗠 , par le point Q , la droite 🛥 Q, qui donnera fur la méridienne EF le point 12 du 3. Si par le point Q on tire à la ligne LI. la parallele QN, & par le point N, où cette ligne QN coupe la méridienne, la ligne 'b N 'b perpendicula re à la même méridienne, on aurafur I horison E Y F, ce les deux points >, 5, par lesquels, & par le point 12, on décrira l'are de cercle % 12 %, qui représentera le tropique du b.

C'est de la même façon que l'on représentera les paralleles des autres signes, & le cadran sera achevé, où l'on connoîtia les heures, comme dans le précédent : ou bien en élevant au point L un fule bien droit d'une longueur profe à discréd tion, & en tournant le point E directement vers

PROBLEMES DE GNOMONIQUE. 65

Le foleil; alors l'ombre de ce stile montrera sur le

Spe courant du soleil l'heure qu'on cherche: ou

bien encore de la maniere qui suit.

Décrivez sur la même méridienne EF un cadran horisontal ordinaire, dont le centre soir, par exemple, R, où vous ajouterez un axe qui s'appuye sur le stile droit élevé en l. Tournez le plan du cadran, en sorte que l'ombre de l'axe montre dans son cadran la même heure que l'ombre du stile dans le sien. Alors cette heure sera celle qu'on cherche.

PROBLEME XXVI.

Décrire un cadran à la lune.

Uoique nous ayons déja parlé de ce cadran, du suivant, & des précédens, dans notre traité de gnomonique, qui fait la seconde partie de cinquieme & dernier volume de notre cours de mathématique; néanmoins comme ces cadrans m'ont semblé curieux & agréables, j'ai cru que je devois les ajouter ici, pour ceux qui se contenteront d'avoir ce traité de récréations mathématiques & physiques.

Pour décrire un cadran à la lune sur quelque Pl. 19, plan que ce soit, par exemple, sur un plan hori-sig.114-sontal, tracez sur ce plan un cadran horisontal au soleil pour la latitude du lieu où vous serez, comme nous avons enseigné au problème IX. Tirez à volonté les deux lignes 57, 39, paral-leles entr'elles, & perpendiculaires à la méridienne À 12, dont la premiere 57 étant prise pour le jour de la pleine-lune, la deuxieme 39 représentera le jour de la nouvelle-lune, où les heures Tome 11.

Pl. 19, lunaires conviennent avec les solaires: ce qui faitfig. 114 que les points horaires marqués sur ces deux paralleles par les lignes horaires qui partent du centre du cadran A, sont communs au soleil & à la lune.

> Cette préparation étant faite, divisez l'espace, terminé par les deux lignes paralleles 39, 57, en douze parties égales. Menez à ces deux mêmes lignes par les points de division autant de lignes paralleles, qui représenteront les jours de la lune auxquels elle s'éloigne successivement par son mouvement propre vers l'orient d'une heure, auxquels par conséquent elle se leve plus tard d'une heure chaque jour. De sorte que la premiere parallele 4, 10, sera le jour auquel la lune se leve d'une heure plus tard que le soleil, auquel cas le point B, par exemple, de 11 heures à la lune sera le point de midi au soleil; & la suivante 5, 11, représentera le jour auquel la lune se leve deux heures plus tard que le soleil: auquel cas le point C, par exemple, de 10 heures à la lune, sera le point de midi au soleil, & ainsi des autres.

Il est évident que si l'on joint les points 12, B, C, & tous les autres qui appartiendront à midi, & que l'on peut trouver par un raisonnement semblable au précédent par une ligne courbe; cette ligne courbe sera la ligne méridienne lunaire. C'est de la même façon qu'on tracera les autres lignes horaires à la lune, & il ne faut que regarder la figure pour le comprendre.

Parce que la lune employe environ quinze jours depuis sa conjonction avec le soleil jusqu'à son apposition, c'est-à-dire, depuis qu'elle est nou-velle jusqu'à ce qu'elle soit pleine, ou diamétra-

PROBLEMES DE GNOMONIQUE. 67

Frement opposée au soleil, en sorte qu'elle se leve Pl. 19,

quand le soleil se couche; on effacera toutes les fg. 114

paralleles précédentes, excepté les deux premie
res, 57, 39; & au lieu de diviser eur intervalle

en douze parties égales, on le divisera en quinze,

pour tirer par les points de division d'autres pa
ralleles, qui représenteront les jours de la lune,

ausquels par conséquent on ajoutera les chiffres

convenables, comme nous avons ici fait le long

de la ligne méridienne, par le moyen desquels on

connoîtra de nuit l'heure du soleil aux rayons de

la lane, en cette sorte.

Appliquez au centre du cadran A un axe, c'est-à dire, une verge qui sasse à ce centre A, avec la soustilaire A 12, un angle égal à l'élevation du pole sur le plan du cadran, qui est la même que la hauteur du pole sur l'horison dans un cadran horisontal. Cet axe montrera par son ombre sur le jour courant de la lune l'heure qu'on cherche.

REMARQUES.

I.

Parce que la lune par son mouvement propte s'éloigne du soleil à chaque jour d'environ trois quarts d'heure vers l'orient, ce qui fait qu'à chaque jour elle se leve de trois quarts d'heure plus tard que le jour précédent, il est évident qu'en sçachant l'âge de la lune, on peut, par le moyen d'un simple cadran au soleil, connoître l'heure de nuit aux rayons de la lune, en ajoutant à l'heure que la lune marquera sur ce cadran, autant de sois trois quarts - d'heure que la lune auta de jours entiers. L'âge de la lune se trou-

Vera, comme nous l'enseignerons dans la cosmographie.

Si le 4° jour de la lune, par exemple, le stile au du cadran solaire marque aux rayons de la lune six heures, multipliez les trois jours entiers de l'âge de la lune par \(\frac{1}{4}\), il viendra au quotient 2\(\frac{1}{4}\), au que vous ajouterez à \(\delta\), & vous connoîtrez qu'il est 8 heures & \(\frac{1}{4}\) du soir.

II.

Si vous voulez avoir plus précisément l'heure du soleil, ayant observé l'heure marquée par les rayons de la lune, comptez le nombre des jours entiers écoulés depuis la nouvelle-lune: ajoutez autant de fois ‡ d'heure à l'heure observée à la lune, la somme sera l'heure du soleil.

Ayant trouvé, par exemple, que l'ombre de la lune marque six heures du soir le sixieme jour de la lune, ajoutez à 6 heures du soir 5 fois 5, qui valent 4 heures, la somme 10 fait connoître qu'il est dix heures du soir selon le soleil.

LII.

Observez qu'au seizieme de la lune, il faut recommencer à compter pour le second, au dix-septieme pour le troisieme, & ainsi de suite jusqu'à la sin. Quand on aura trouvé un nombre plus grand que 12, on aura soin de retrancher les 12, & le reste sera l'heure qu'on cherche.

IV.

Lorsque la lune est nouvelle, l'heure de la lune

PROBLEMES DE GNOMONIQUE. ek la même que l'heure du soleil; & le jour de la pleine lune, son ombre marque précisément la même heure que marqueroit le soleil, puisque la lune se trouve dans le même point où s'est trouvé le soleil douze heures auparavant.

PROBLEME XXVII.

Construire une machine pour trouver avec justesse & précision l'heure au clair de la lune.

Ette machine est composée de deux plaques Pl. 20, faites de cuivre, de leton, ou de carton. fig. 9. L'une AHGI, est fixe & immobile; l'autre befl est mobile, Sur la plaque immobile il y a un cercle ahgi, divisé en 24 parties égales, qui servent à représenter les 24 heures du jour, dont chacune doit être divisée en demies & quarts d'heure. Sur le centre C de ce cercle on applique l'autre plaque ronde & mobile tefl, dont le bord est divisé en parties qui représentent les heures que la lune fait par son ombre sur un cadran au soleil. Ces heures ne sont pas égales à celles du soleil, décrites sur le cercle immobile; mais elles doivent être plus grandes de la valeur de deux minutes par heure; car la lune retarde d'environ 48 minutes par jour & de 12 minutes en six heures. Ainsi puisqu'un degré de signe vaut 4 minutes de tems, il est clair que 3 degrés valent 12 minutes de tems. C'est pourquoi ayant tiré la ligne de midi ACG, il faut prendre pour six heures 93 degrés de part & d'autre, depuis le point b, jusqu'aux points e, l, & diviser chacun de ces espaces en six parties égales pour 6 heures, puis en demies & en quarts, comme on le voit dans la figure.

Usage.

Placez l'index nb de la plaque mobile sur l'heure du passage par le méridien du jour auquel vous voulez trouver l'heure. La machine étant ainsi disposée, observez quelle heure marque l'ombre de la lune sur un cadran horisontal, la même heure sur la plaque mobile vous montrera vis à vis sur la plaque immobile la vraie heure au soleil.

REMARQUE.

Pour connoître le passage de la lune par le méridien, il faut consulter le livre de la connoissance des tems, calculé par M. Lieutaud, membre de l'académie royale des sciences.

PROBLEME XXVIII.

Décrire un cadran par réflexion.

bien sur une voûte un cadran, où l'on puisse connoître les heures par réflexion en cette sorte. Décrivez un cadran sur un plan horisontal qui puisse être éclairé des rayons du soleil, par exemple, sur une senêtre, ensorte que le centre du cadran regarde directement le septentrion, & que les lignes horaires ayent une situation contraire à celle qu'on leur donne dans les cadrans horisontaux ordinaires. Ce cadran étant ainsi construit, avec son petit stile droit, appliquez un filet sur quelque point que ce soit de chaque ligne horaire, & l'étendez fermement jusqu'à ce que passant par le bout du stile, il rencontre la muraille ou la voûte en un point qui appartiendra à l'heure sur laquelle le

flet aura été appliqué. On trouvera de cette maniere autant d'autres points qu'on voudra de chaque ligne horaire, qu'on joindra par une ligne
droite ou courbe. Le cadran sera achevé, & l'on
connoîtra les heures par réslexion, en appliquant
au bout du stile du cadran horisontal une petite
piece de miroir plat, qui doit être posée bien horisontalement. Au lieu d'un miroir plat, on peut
se servir d'eau, qui se met naturellement dans une
situation horisontale: cette eau par son mouvement
fera mieux distinguer la réslexion sur la muraille
ou sur le plancher où l'on a tracé le cadran,
lorsque la lumiere du soleil est soible.

PROBLEME XXIX.

Décrire un cadran par réfraction.

N peut décrire très-facilement un cadran horisontal par réfraction dans le fond d'un vase rempli d'eau, par le moyen de la table des verticaux du soleil, qui est à la page 61; de la table des hauteurs du soleil, qu'on trouve à la page 39, & de la table suivante, dont la premiere colonne vers la gauche contient les angles d'inclinaison des rayons du soleil; c'est-à-dire, les degrés du complément de la hauteur du soleil sur l'horison, ou de la distance du soleil au zenit, ausquels répondent dans la seconde colonne vers la droite les degrés & les minutes des angles brisés qui se font dans l'eau, c'est-à-dire, la diminution des angles d'inclinaison, qui se fait dans l'eau, lorsque le soleil est éloigné du zenit d'autant de degrés. Ce qui fait racourcir l'ombre du stile, qui doit être couvert d'eau, quand on veut connoître les heures aux rayons du soleil par le moyen de ce cadran, dont la confiruction est telle.

72 RECREAT, MATHEM. ET PHYS.

Ayant tiré par le pied du stile A, la ligne mér

Table des angles brisés dans l'eau, pour tous le degrés des angles d'inclinaison.

	A D.M.	AID.M.	A D.M.
2 1.33	A D. Ma.		
3 2.20	1 0.46	31 23.38	61 42.52
4 3. 7 3.54 3.54 3.64 44.21 6.54 6.66 45.17 7 5.27 3.727.85 6.745.44 8.6.13 3.828.37 6.846.10 7.46 40 30. 0 70 46.58 12 8.30 42 31.22 72 47.43 13 10.4 43 32.2 72 47.43 15 11.36 45 33.22 75 48.43 16 12.22 46 34. 1 76 49. 1 17 13. 9 47 34.41 77 49.17 18 13.55 48 35.19 78 49.33 19 14.40 49 35.57 79 49.47 20 15.25 50 36.35 80 50. 0 21 16.11 51 37.12 81 50.12 12 16.57 52 37.47 82 50.23 17.42 53 38.24 50.23 19.12 19.12 55 39.25 85 50.48 12.7 20.40 57 40.43 87 50.58	2 1.33	32 24.21	62 43.23
4 3. 7 3.54 3.64 3.67 6.30 6.5 44.50 6 4.40 3.6 27.13 66 45.17 7 5.27 37 27.85 67 45.44 8 6.13 38 28.37 68 46.10 9 7. 0 39 29.19 69 46.34 10 7.46 40 30. 0 70 46.58 11 8.30 42 31.22 72 47.43 13 10. 4 43 32. 2 73 48. 3 14 10.50 44 32.42 74 48.23 15 11.36 45 33.22 75 48.43 16 12.22 46 34. 1 76 49. 1 17 13. 9 47 34.41 77 49.17 18 13.55 48 35.19 78 49.33 19 14.40 49 35.57 79 49.47 20 15.25 50 36.35 80 50. 0 21 16.11 51 37.12 81 50.12 22 16.57 52 37.47 82 50.23 23 17.42 53 38.24 83 50.32 24 18.27 54 39. 0 84 50.41 25 19.12 55 39.25 85 50.48 26 19.56 56 40. 9 86 50.54	3 2.20	3325. 4	63 43.53
5 3.54 3 c 26.30 6 c 44.50 6 4.40 36 27.13 66 45.17 7 5.27 37.27.85 67.45.44 68.46.10 8 6.13 38.28.37 68.46.10 9 7.0 39.29.19 69.46.34 10 7.46 40.30.0 70.45.48 11 8.30 41.30.41 71.47.21 12 9.8 42.31.22 72.47.43 13 10.4 43.32.2 73.48.3 15 10.50 44.32.42 74.48.43 16 12.22 46.34.1 77.49.17 18 13.55 48.35.19 78.49.17 18 13.55 48.35.19 78.49.33 19 14.40 49.35.57 79.49.47 20 15.25 50.36.35 80.50.0 21 16.11 51.37.12 81.50.12 22 17.42 53.38.24 83.50.32 23 17.42 53.39.25 86.50.41 24 18.27 54.	6 6 _ 8	34 25.47	64 44.21
6 4.40 7 5.27 8 6.13 9 7. 0 10 7.46 40 30. 0 71 47.21 72 47.43 13 10. 4 14 10.50 15 11.36 45 33.22 76 49. 1 17 13. 9 18 13.55 18 13.55 18 13.55 19 14.40 20 15.25 21 16.11 21 16.57 23 17.42 24 18.27 25 19.12 25 19.12 26 19.56 27 20.40 57 40.43 57 40.43 57 40.43 57 40.48 57 40.48 57 40.48 57 40.48 57 40.48 57 40.48 57 60.58	5 3-54	3126.30	65 44.50
7 5.27 37 27.85 67 45.44 8 6.13 38 28.37 68 46.10 9 7.46 40 30. 0 70 46.58 11 8.30 41 30.41 71 47.21 12 9. 8 42 31.22 72 47.43 13 16. 4 43 32. 2 73 48. 3 14 10.50 44 32.42 74 48.23 15 11.36 45 33.22 75 48.43 16 12.22 46 34. 2 76 49. 1 17 13. 9 47 34 41 77 49.17 18 13.55 48 35.19 78 49.33 19 14.40 49 35.57 79 49.47 20 15.25 50 36.35 80 50. 0 21 16.11 51 37.12 81 50.12 22 16.57 52 37.47 82 50.23 23 17.42 53 38.24 83 50.32 24 18.27 54 39. 0 84 50.41 25 19.12 55 39.25 85 50.48 26 19.56 50.58	6 4.40	16 27-12	66 45.17
8 6.13 3 38 28.37 68 46.10 9 7.46 40 30. 0 70 46.58 71 47.21 12 9. 8 42 31.22 72 47.43 13 16. 4 43 32. 2 73 48. 3 14 10.50 44 32.42 74 48.23 15 11.36 45 33.22 75 48.43 15 12.22 46 34. 2 76 49. 1 17 13. 9 47 34.41 77 49.17 18 13.55 48 35.19 78 49.33 19 14.40 49 35.57 79 49.47 20 15.25 50 36.35 80 50. 0 21 16.11 51 37.12 81 50.12 21 16.57 52 37.47 82 50.23 17.42 53 38.24 83 50.32 24 18.27 54 39. 0 84 50.41 25 19.12 55 39.25 85 50.48 27 20.40 57 40.43 87 50.58			
9 7- 0 10 7-46 11 8.30 12 30.41 12 9. 8 13 10. 4 14 10.50 15 11.36 16 12.22 16 12.22 17 13. 9 18 13.55 19 14.40 20 15.25 21 16.11 21 16.11 21 16.11 21 16.12 21 16.12 21 17.42	6.12		
10 7.46 40 30. 0 70 46.58 11 8.30 42 30.41 71 47.21 12 9. 8 42 31.22 72 47.43 15 10. 4 43 32. 2 73 48. 3 14 10.50 44 32.42 74 48.23 15 11.36 45 33.22 75 48.43 16 12.22 46 34. 2 76 49. 1 17 13. 9 47 34.41 77 49.17 18 13.55 48 35.19 78 49.33 19 14.40 49 35.57 79 49.47 20 15.25 50 36.35 80 50. 0 21 16.11 51 37.12 81 50.12 22 16.57 52 37.47 82 50.23 23 17.42 53 38.24 83 50.32 24 18.27 53 39.25 84 50.41 25 19.12 55 39.25 85 50.48 26 19.56 56 40. 9 86 50.54 27 20.40 57 40.43 87 50.58		1 1	
11 8.50 42 30.41 71 47.21 12 9.8 42 31.22 72 47.43 15 10.4 43 32.2 73 48.3 74.8.23 15 11.36 45 33.22 75 48.43 16 12.22 46 34.2 76 49.1 17 13.9 47 34.41 77 49.17 18 13.55 48 35.19 78 49.33 19 14.40 49 35.57 79 49.47 20 15.25 50 36.35 80 50.0 21 16.11 51 37.12 81 50.12 22 17.42 53 38.24 83 50.23 23 17.42 53 38.24 83 50.41 24 18.27 53 39.25 84 50.41 25 19.56 56 40.9 87 50.58 26 19.56 57 40.43 87 50.			
12 9. 8 42 31.22 72 47.43 13 10.50 44 32.41 74 48.23 15 11.36 45 33.22 75 48.43 76 49. 1 77 49.17 13. 9 47 34.41 77 49.17 18 13.55 48 35.19 78 49.33 19 14.40 49 35.57 79 49.47 20 15.25 50 36.35 80 50. 0 21 16.11 51 37.12 81 50.12 12 16.57 52 37.47 82 50.23 17.42 53 38.24 83 50.32 84 50.41 25 19.12 55 39.25 85 50.48 86 50.68 87 50.58		.]	
15 10. 4 14 10.50 15 11.36 45 33.22 75 48.43 16 12.22 46 34. 2 77 49.17 18 13.55 48 35.19 18 13.55 48 35.19 78 49.33 19 14.40 49 35.57 50 36.35 21 16.11 51 37.12 22 16.57 23 17.42 53 38.24 24 18.27 54 39. 0 57 40.43 87 50.58			
14 10.50 44 32.42 74 48.23 15 11.36 45 33.22 75 48.43 16 12.22 46 34.2 76 49.1 17 13.9 47 34.41 77 49.17 18 13.55 48 35.19 78 49.33 19 14.40 49 35.57 79 49.47 20 15.25 50 36.35 80 50.0 21 16.11 51 37.12 81 50.12 22 16.57 52 37.47 82 50.23 23 17.42 53 38.24 83 50.32 24 18.27 53 39.25 84 50.41 25 19.12 55 39.25 85 50.48 26 19.56 57 40.43 87 50.58			
15 11.36 45 33.22 75 48.43 16 12.22 46 34. 2 76 49. 1 17 13. 9 47 34.41 77 49.17 18 13.55 48 35.19 78 49.33 19 14.40 49 35.57 79 49.47 20 15.25 50 36.35 21 16.11 51 37.12 81 50.12 22 16.57 52 37.47 82 50.23 23 17.42 53 38.24 83 50.32 24 18.27 53 38.24 83 50.32 24 19.12 55 39.25 26 19.56 50.48 26 19.56 50.48			
16 12.22 46 34. 1 76 49. 1 17 13. 9 47 34 41 77 49.17 18 13.55 48 35.19 78 49.33 19 14.40 49 35.57 79 49.47 20 15.25 50 36.35 21 16.11 51 37.12 81 50.12 22 16.57 52 37.47 82 50.23 23 17.42 53 38.24 83 50.32 24 18.27 54 39. 0 84 50.41 25 19.12 55 39.25 26 19.56 50.58	A '4 - E		
17 13. 9 47 34 41 77 49.17 78 49.33 19 14.40 49 35.57 79 49.47 20 15.25 50 36.35 80 50. 0 21 16.11 51 37.12 81 50.12 21 16.57 52 37.47 82 50.23 17.42 53 38.24 83 50.32 24 18.27 54 39. 0 84 50.41 25 19.12 55 39.25 85 50.48 27 20.40 57 40.43 87 50.58		45 33-22	75 48.43
17 13. 9 47 34 41 77 49.17 78 49.33 19 14.40 49 35.57 79 49.47 20 15.25 50 36.35 80 50. 0 81 50.12 16.11 51 37.12 81 50.23 17.42 53 38.24 83 50.32 24 18.27 54 39. 0 84 50.41 25 19.12 55 39.25 85 50.48 27 20.40 57 40.43 87 50.58	16 12.22	46 34. 2	76 49. 1
18 13.55 48 35.19 78 49.33 19 14.40 49 35.57 79 49.47 20 15.25 50,36.35 80 50.0 21 16.11 51 37.12 81 50.12 22 16.57 52 37.47 82 50.23 23 17.42 53 38.24 83 50.32 24 18.27 54 39.0 84 50.41 25 19.12 55 39.25 85 50.48 26 19.56 50.94 27 20.40 57 40.43 87 50.58	17 13. 9		77 49-17
19 14.40 49 35.57 79 49.47 20 15.25 50 36.35 80 50.0 21 16.11 51 37.12 81 50.12 22 16.57 52 37.47 82 50.23 23 17.42 53 38.24 83 50.32 24 18.27 54 39.0 84 50.41 25 19.12 55 39.25 85 50.48 26 19.56 56 40.9 86 50.54 27 20.40 57 40.43 87 50.58	18 13.55		78 49.33
21 16.11			8 8
21 16.11	2015.25	50,36.35	80 50. 0
12 16.57 52 37.47 82 50.23 23 17.42 53 38.24 83 50.32 24 18.27 54 39.0 84 50.41 25 19.12 55 39.25 85 50.48 26 19.56 56 40.9 86 50.54 27 20.40 57 40.43 87 50.58		())	
23 17.42 53 38.24 83 50.32 24 18.27 54 39. 0 84 50.41 25 19.12 55 39.25 85 50.48 26 19.56 56 40. 9 86 50.54 27 20.40 57 40.43 87 50.58			1 1 1
24 18.27 54 39. 0 84 50.41 25 19.12 55 39.25 85 50.48 26 19.56 56 40. 9 86 50.54 27 20.40 57 40.43 87 50.58			83 50-22
25 19.12 26 19.56 27 20.40 55 39.25 85 50.48 86 50.54 87 50.58			
26 19.56 56 40. 9 86 50.54 27 20.40 57 40.43 87 50.58		1 , , , , ,	85 50.48
27 20.40 57 40.43 87 50.58		<u> </u>	
			1 1/ ''
[20]21.25] [58]41.17] [00]51. 1]			
29 22.10 59 41.49 89 51. 3	1 1	1, 1, 1,	
30122.541 60 42.21 90 0. 0	130.22.541	100142.21	90 0. 0

dienne AB, vous marquerez sur cette méridienn

PROBLEMES DE GNOMONIQUE.

18, les points des signes, par exemple, le point Pl. 19; les commencement de %, par le moyen de la table les hauteurs du soleil sur l'horison, en menant la méridienne AB, par le pied du stile A, la perpendiculaire AD, égale au stile AC, & en faisant m point D, l'angle ADB de la distance brisée m zenit, qui au commencement du % se trouve à midi d'environ 48 degrés, par la ligne DB, qui donnera sur la méridienne AB, le point B de %; ainsi des autres.

Pour trouver la distance brisée du soleil au zenit, on regardera premierement la table des hauteurs du soleil, où l'on connoît que le soleil étant au commencement de %, il est élevé à midi sur l'horison de 17 d. 29', qu'il est par conséquent éloigné du zenit de 72 d. 31', qui sont le reste de la hauteur méridienne à 90 degrés. Puis considérant cette distance comme un angle d'inclinaison, on connoîtra par la table des angles brisés, que cet angle d'inclinaison se change en un angle d'environ 48 degrés pour la distance brisée du soleil au zenit.

C'est de la même façon que l'on trouvera par le moyen de ces deux tables la distance brisée du soleil au zenit au commencement de quelqu'autre sent a mon-seulement à midi, mais encore aux autres heures du jour. Ce qui servira pour en trouver les points, & en même tems les points des signes par le moyen de la table des verticaux du soleil, en cette sorte.

Pour trouver, par exemple, le point du commencement de %, & de 1 heure, auquel tems le soleil est dans un vertical éloigné du méridien de 14 d. 19', faites au pied du stile A, avec la méridienne AB, l'angle BAF de 14 d. 19', par la ligne AF, qui représentera le vertical du soleil. Ayant mené à cette ligne AF, par le même pied du stile A, la perpendiculaire AE, égale au stile AC, faites au point E l'angle AEF égal à la distance brisée du soleil au zenit, qui se trouvers de 48. d. 18', pour avoir en F sur le vertical A

F, le point de 1 heure & du 3.

On trouvera de la même façon les autres points des signes & des autres heures; & si l'on joint ceux qui appartiendront à une même heure par une ligne courbe, & pareillement ceux qui appartiendront au même signe par une ligne courbe, le cadran sera achevé. On y connoîtra les heures par réfraction, lorsque tout le stile AC sera couvert d'eau, & que le pied de ce stile A sera tourné dir rectement vers le midi, ensorte que le point B regarde le septentrion. Le bout de l'ombre du stile AC montrera en même-tems le signe du soleil.

PROBLEME XXX.

Construire un cadran sur la surface convexe d'un cylindre perpendiculaire à l'horison.

E P. Kircher, qui donne la maniere de conftruire un cadran sur un cylindre sixe, posé perpendiculairement à l'horison, obmet de patter du shile: ce qui a éhappé à ce Pere, se trouve dans une des lettres de Benedictus, où il enseigne la façon de ce cadran, & prescrit la longueur du stile, ou de trois stiles égaux, dont il se sert. Le P. Quenet, à qui cette pluralité de stiles a paruincommode, les supprime tout à-sait, & substitue ingénieusement a leur place un cercle, dont

PROBLEMES DE GNOMONIQUE. senvironne le cylindre: ce cercle ment lieu de sous les stiles qu'on peut imaginer autour de ce sylindre. On le place au haut du cylindre, à l'exnemite superieure du cadran. Voyez la figure 13. planche 21. Le P. Quenet étoit religieux bénéfictin conventuel de l'abbaye de saint Denis; ha fair l'ouvrage dont on donne ici la description; Na exécute en marbre & en pierre, & placé dans 🎉 jardin des PP. Benedictins de l'abbaye de saint Germain des Prez à Paris. C'est un ouvrage digne de la curiofité des connoisseurs.

Son AB le diametre du cylindre, sur lequel on Pl. 11. veut décrire le cadran. De l'une de ses extrêmiis, comme A, ayant mené la tangente AE, égale na demi diametre AC, on tirera la secante CE, di rencontrera la tangente au point E, & coupeha cu conférence du cylindre au point D: la difunce DE fera la longueur du stile. Ensuite du centre C, on décrira un cercle par le point E: 🚾 cercle, qui est concentrique au premier, reprélensera l'extrêmité du stile ou des stiles qu'on peut in giner, comme nous avons dit, autour du cyundre, dont il est par tout également éloigné de 📮 quantité DE: fur la grandeur de ce cercle on en fait un de fer, que l'on soutient par des tenons, pu l'entretiennent à égale distance du cylindre; il est à marquer les heures fur le cadran qui y est mcé.

Il est bon d'avertir que quoiqu'on ait fait la tanente AL égale au demi-diametre du cylindre, pur établir une regle fixe & générale, qui donne 👊 ce cas au stile DE le plus de longueur qu'il mille avoir, cela n'empêche pas qu'on ne puille rendre cette tangente plus perite, d'où il resulproit nécessairement une moindre longueur du

RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

Pl. 21, stile, mais sans préjudice du succès de l'opération.

Gela étant fait, sur KF égale à la tangente AE, ayant décrit le quart de cercle FN, & l'ayant divisé en ses degrés, on comptera depuis F vers N la plus grande hauteur du soleil sur l'horison du lieu, laquelle étant à Paris de 64 degrés 39', donnera l'arc FM d'autant de degrés & minutes. On tirera par le point M la secante Kl, laquelle tencontrant le cylindre au point I, on aura Fl, tangente de 64 degrés 39', pour la hauteur du cadran. Remarquez que le cylindre doit être pris de telle grosseur, que les heures puissent être marquées très-distinctement sur sa surface.

Comme l'opération sur le corps cylindrique se fait de même que sur le plan, nous développerons ici la surface du cylindre sous la figure du rectangle FHLI, qui lui sera égale, en faisant sa longueur FH égale à la circonférence ADB du cylindre, & sa hauteur FI égale à la tangente de 64 degrés 39', qui est, comme nous l'avons déja

dit, la hauteur du cadran.

Ayant divisé FH par le milieu en G, tirez-lui par ce point la perpendiculaire G, XII, après quoi divisez chacun des deux espaces HG, GF en 180 parties ou degrés, la numération commençant de part & d'autre du point G, qui est le point de midi. Les points de 90 degrés, qui partagent en deux également chacun des intervalles HG, GF, sont les points de 6 heures du matin & du soir, qui se trouvent diamétralement opposés sur le cylindre, comme aussi la ligne G, XII de midi y est diamétralement opposée à la ligne FI, ou HL, si on imagine que ces deux lignes, qui sont séparées sur le plan HFLI, se réunissent, & n'en sont qu'une sur le cylindre.

Problèmes de Gnomonique: Ensuite par les divisions du quart de cercle FN, des secantes, qui marqueront sur FI les tanres des hauteurs du soleil à chaque heure du pendant toute l'année. Pour plus de certitude de facilité, lorsque vous voudrez travailler sur corps cylindrique, où il faudra vous servir de des pliantes, faites de plomb, de carte, de deine, on de ressort de montre, il sera bon de viser, comme on a divisé FI, quelque ligne qui i soit parallele, comme la ligne HL, ou la ligne GXII, ou bien quelque ligne occulte, que vous tirerez entre GXII & FI, sur laquelle vous porterez les divisions qui sont sur FI. Vous pourrez aussi porter les divisions de FH sur IL.

Ces préparation faites, il faut avoir une table des verticaux & des hauteurs du soleil à toutes les heures du jour pour le commencement de chaque signe, comme celle que l'on donne ici pour hatirude ou hauteur du pole de Paris, qui est de Pl. 21; 48 degrés 50', où l'on trouve ensemble le vertical fig. 12. & la hauteur du soleil pour une même heure & un même parallele. Le parallele de 5 & celui de 3, * l'un le premier, & l'autre le dernier dans la table, n'ont chacun qu'un seul signe, parce qu'étant les termes de la course du soleil, il ne peut y avoir que les paralleles entre-moyens, qui eyent chacun deux signes, comme on voit que le parallele qui suit immédiatement celui de 5, appartient aux deux signes de # & de Q, qui sont également distans de ce même signe, l'un en montant, l'autre en descendant, les heures y sont marquées en double rang, celles du matin avec celles du soir, qui leur correspondent en égale

^{*} Voyez la signification de ces sigures dans le problème XXIX de la colmographie.

Pl. 21,

distance de midi dans cet ordre, XII XI XI

&c. (les heures du matin & du foir qui sont égé lement diffantes du midi, ayant même-vertical 🗗 même hauteur du soleil) les verticaux & les ha teurs du soleil pour les demi-heures sont marque

par une étoile placée entre les heures.

Maintenant pour avoir les heures fur ce cadra par le moyen de cette table, & y marquer, par exemple, le point de . heures du matin, ou de Il heures du soir pour le tems de l'entrée du so leil en 5, vous trouvez en la colonne de la table sous I heures le nombre 53 degrés 49's

pour le vertical du soleil à X heures en 5, c'est à-dire, pour la distance du soleil au méridien de lieu, mesurée par un arc de l'horison : car les vet-Plat, ticaux du soleil se comptent sur l'horison repte fig. 11. senté par l'horisontale FK, & les hauteurs du so leil fur un cercle perpendiculaire à l'horison, repréfenté par la ligne Fl, qui est porpendiculaire 🖥 l'horisontale FH. Continuant ensuite dans 🖟 même colonne, vous trouverez que la hauteur du soleil pour la même heure & le même parallele, est de 55 degrés 12'. Avec ces deux nombres von irez au cadran, où vous compterez sur l'horison tale FH, depuis le point G de XII heures vers F 53 degrés 49', pour le vertical du soleil, & su FI vous compterez depuis F 55 degrés 22', poul la hauteur de cet astre. Puis posant la regle sur le nombre 53 degrés 49' de la ligne FH perpendien lairement à la même ligne, ou pour le mieux comme j'en ai déja averti, étendant votre regle jusques sur le même nombre 53 degrés 49' que vous

PROBLEMES DE GNOMONIQUE. 79
devez avoir marqué sur la ligne Ll, vous traceres

un trut léger.

Appliquant enfuite la regle sur le nombre ce degres 22' de la ligne El perpendiculairement à le même ligne, ou encore mient, comme je l'ai deja dit, posant l'autre bout de la regle sur le sombre 55 degrés 22', que vous aurez dû avoir marqué sur la ligne HL, ou sur quelqu'autre que vous aurez tiré parallele à la ligne FI, vous tracerez un autre trait, & vous aurez, dans l'intersection des deux traits, le point de X heures, qui sera aussi un point par lequel doit passer le parallele de La même opération vous donnera aussi le point de Il heures après midi, en prenant de l'autre part du point G le même nombre 53 degrés 49', pour le vertical du soleil à deux heures, & avec la même hauteut 55 degrés 22' comptée sur FI ou sur LH, agissant de même que vous avez fait pour woir le point de X heures.

Remarquez que les heures du soit doivent être à la droite de la ligne de midi entre cette ligne de midi GXII, & la ligne HL, celles du matin à la gauche, entre la ligne de midi GXII, & la li-

gne FI.

Je suppose encore, pour instruire le lecteur par plus d'un exemple, que l'on veuille marquer le point de VII heures du matin & de V heures du soir pour le temps de l'entrée du soleil aux signes de 8 & de mp; on consultera la table, & l'on convera en la colonne sous VII heures, que le sombre vis-à-vis le vertical du soleil en 8 & même têt de 86 degrés 23'; & continuant dans la même colonne, on trouvera que la hauteur du soleil pour la même heure & le même parallese, est de 18 de-

grés 29'. Avec ces deux nombres on viendra au cadran, & l'on comptera sur FH depuis G 86 degrés 23' pour le vertical du soleil, & sur la ligne FI, on comptera depuis F 18 degrés 29' pour la hauteur du même astre. L'intersection des deux lignes que l'on tirera par ces nombres, donneta le point de VII heures du matin & de V heures du soir, par une opération semblable à celle de l'exemple précédent.

Par ces points ainsi trouvés, on menera une courbe, qui sera la représentation ou projection du parallele pour lequel ces heures ont été matquées. On aura de la même façon la projection des autres paralleles, & ensemble les points des lignes des heures. On placera les caracteres des signes à ces paralleles, donnant à celui qui est le plus bas le signe de , & à celui qui est le plus haut &

le plus près de l'horisontale le signe de %.

Pour connoître l'heure fur ce cadran, il faut sçavoir premierement que le soleil éclairant un cylindre posé perpendiculairement à l'horison, l'ombre de ce cylindre est marquée sur lui-même par une ligne droite, qui est aussi perpendiculaire à l'horison; & c'est cette ligne que nous appellerons la ligne de l'ombre du cylindre; secondement, qu'une moitié d'un cylindre est toujours éclairée, & l'autre moitié ombrée; ce qui lui est commun avec les corps sphériques. Cela étant ainli, je dis que l'heure est marquée & connue lur ce cadran par l'interfection de ces trois lignes ensemble; sçavoir, de l'ombre du cercle, qui fert de itile (que nous appellerons simplement dans la fuite ombre du stile) qui est une ligne courbe; du parallele du foleil, qui est aussi une ligne courbe : & de l'ombre ducylindre, qui est une ligne droite. On'

On peut cependant, sans avoir égard à ces trois lignes ensemble, n'observer que l'intersection de deux, ce qui suffira pour connoître l'heure; par exemple, l'intersection de l'ombre du stile avec l'ombre du cylindre, ou bien l'intersection de l'ombre du solindre avec le parallele du soleil, ou bien encore l'intersection du parallele du soleil avec l'ombre du stile, selon que le point de section des deux lignes se rencontrera sur une ligne horsire, ou espace horaire: ce qui sera confirmé par le concours de la troisieme ligne en ce

même point de section.

Pour me fatte entendre je suppose que la ligne que l'on a tracé dans ce cadran par le nombre (3 degrés 49', qui a fervi dans le premier exemple à marquer II heures apres midi; je suppose, dis-je, que cette ligne soit celle de l'ombre du cylindre, Reque l'on veuille connoître alors l'heure qu'il est. Pour cela il faut scavoir quel parallele le soleil parcourt, & Içachant, par exemple, que c'est celui de 🕿 & de 🙌, on connoîtra, loríque la ligae de l'ombre du cylindre coupe la ligne de ce pitallele au point du milieu entre la ligne de Ill heures & +, & la ligne de IV heures, qu'il doit cue trois heutes trois quarts. Si le foleil dens le tems qu'on demande l'heure, se trouvoit dans le commencement de)(& de m (la ligne de l'ombre du cylindre erant au même endroir) on connoîtroit qu'il seroit près de trois heures & demie, parce que cette ligne coupe le parallele de ces fignes un peu avant la demie de trois heures. Si le foleil étoit au commencement d' Y & de 4, on connoîtroit qu'il seroit près de trois heutes, parce que la ligne de l'ambre du cytindre coupe ce parallele un peu avant ill heures. Le foteil en-Tome II.

trant dans les signes de & & m, il seroit presque deux heures & demie. Le soleil parcourant les parallele de son entrée aux signes de II & de N. Le soleil près de deux heures & un quart. Enfin le soleil entrant au signe de 5 er connoîtroit qu'il seroit deux heures, parce que l'ombre du cylindre coupe ce parallele au point où il est rencontré par la ligne de deux heures.

Je suppose encore que le soleil soit au dixieme degré de Y, ou au vingtième de m; en ce cas 3 il faudroit imaginer comme décrit le parallele qui passeroit par le dixieme degré de Y, & qui n'a pas été tracé, pour ne point embarrasser la sigure par la multitude des lignes (la ligne de l'ombre du cylindre coupant ce parallele imaginaire en un point comme e, qui fait justement le milieu entre la demi de deux heures & la ligne de trois heures) on connoîtroit qu'il seroit deux heures

trois quarts.

J'ajoute encore que le soleil étant au quinzieme degré du & ou du Q, si on imagine un parallele décrit par ce degré, lequel se trouve coupé par la ligne de l'ombre du cylindre en un point, comme ø, qui fait justement le milieu entre la ligne de II heures & la ligne de II heures & demie, on connoîtra qu'il est deux heures & un quart, & ainsi des autres.

REMARQUES.

On doit faire attention que ces courbes, qu'on imaginera décrites, ne pouvant être paralleles à celles qui sont déja décrites, sont au moins conçues suivre leur forme & figure. Il faut observer que quand même aucun des paralleles ne

PROBLEMES DE GNOMONIQUE. 83.

Letoit décrit, on ne laisseroit pas d'avoir l'heure marquée, puisqu'on a toujours la section de l'ombre du sylindre, qui marque mon-seulement l'heure, mais encore la trace du parallele qui n'est pas décrit, selon ce qui a déja té dit, que des trois lignes qui concourent tou
jours à nous indiquer l'heure, si l'une manque, la section des deux autres peut suffire. Les exemples rapportés ci-dessus suffisent pour apprendre la connoître l'heure, lorsque la ligne de l'ombre du cylindre se trouvera en quelqu'autre endroit du cadran.

PROBLEME XXXI.

Construire un cad: an sur un globe.

Na parlé dans le problème précédent du cadran tracé sur le cylindre; nous allons maintenant parler du cadran décrit sur la surface d'un globe qu'on peut poser sur le cylindre. Ce cadran qui est le plus simple & le plus naturel de tous consiste en la division du cercle de l'équateur en 24 parties égales pour les 24 heures du jour naturel. Le point de XII heures du globe repondant à la ligne de XII heures du cylindre, s'un & l'autre étant tournés directement à l'occident, l'heure y est marquée par l'ombre du globe, laquelle coupant le cercle de l'équateur dans l'une ou l'autre de ses divisions, fait connoître l'heure ou la partie d'heure qu'il est. Ces cadrans, ainsi dirigés, doivent, s'il sont bien construits, marquer une même heure.

La raison pour laquelle on dirige le point de XII heures de ces cadrans vers l'occident, vient de ce que le soleil éclairant toujours le moitié, tant du globe que du cylindre, l'ombre est toujours éloignée de 90 degrés de l'aspect per pendiculaire de cet astre, ou du cercle horaire où il est alors. Ainsi, par exemple, quand cet astra arrive au méridien, faisant le midi du lieu, l'on

l'occident: or l'occident est éloigné du midi d'un

quart de cercle, ou de 90 degrés.

Quand ce cadran auroit de la part de l'ouvriet toute la perfection possible, il a toutesois le défaut de ne pouvoir marquer assez précisement l'heure, à cause de la penombre qui se sorme sur les corps sphériques. On appelle penombre la rencontre indécise de la lumière & de l'ombre qui partagent également le globe; ou bien c'est le mêlange confus de l'une & de l'autre: elle s'étend en une zone ou ceinture qui, pour être ordinairement trop dilatée, fait que le vrai point de se paration de l'hémisphere illuminé d'avec l'ombre, est toujours équivoque & douteux. Or ca point manquant, il suit qu'on ne peut avoir qu'imparfaitement la vraie heure, qui seroit marquée par ce point.

Construction des cadrans polaires.

Pour remédier à ce défaut, on décrit sur le même globe deux autres cercles pour en faire des cadraus: ces cercles sont les deux polaires arctiques & antarctiques, que l'on divise en 24 parties égales, comme on a divisé l'équateut qui y est tracé. On prend huit de ces divisions dans le polaire antarctique, pour les huit heures dont est composé le plus court jour à Paris; & on et

PROBLEMES DE GNOMONIQUE. 85 prend seize dans le polaire arctique, pour les pize heures du plus grand jour. Les heures sont parquées dans ces deux cadrans distinctement & cas équivoque, par l'ombre de l'axe du monde : les y sont dans leurs places naturelles, le point e XII heures convenant avec le méridien du teu, au lieu que tlans le cadran de l'équateur, cest le point de VI heures, qui est dans le plan de te méridien.

Comme il arrive le plus souvent que l'ombre du globe couvre en partie ces cadrans, & que par consequent l'ombre de l'axe du monde ne peut marquer l'heure, on y supplée par le moyen d'un index mobile autour de cet axe. Cet index porte deux verges droites attachées près de ses extrêmités. On observe dans la position de ces verges, m'elles soient dans le plan que l'on conçoit passer par l'axe du monde, & par les extrêmités de l'inlex. Or ce plan étant celui d'un méridien, il suit que ces verges sont successivement par le mouvement de l'index dans le plan de chacun des méridiens, & font ainsi connoître l'heure dénommée du méridien dans lequel elles se trouvent avec le soleil. On doit avoir soin de faire ces verges assez longues pour qu'elles puissent recevoir les rayons du soleil dans sa moindre élevation sur l'horison.

Pour connoître l'heure par le moyen de cet index, on dirige une de ses extrêmités vers le soleil, ensorte que les deux verges fassent ensemble une seule ombre, ou, pour mieux dire, que les trois embres des trois verges n'en fassent qu'une; car il ne se peut faire autrement que l'ombre de l'ane ne s'unisse avec celles-ci; & alors l'autre exmentiré de l'index marque l'heure sur le cercle

RECREAT. MATHEM, ET PHYS. polaire. L'usage de cet index a lieu presque du tant toute l'année; il n'y a que le tems des soll tices, où l'on peut s'en passer, à cause qu'alott l'ombre de l'axe marque l'heure fur l'un ou l'autre de ces cadrans Je dis l'un ou l'autre, parce qu'en un jour de solstice l'un des cadrans est tou entier dans l'hémisphere illuminé, pendant que l'autre est nécessairement tout entier dans l'hémisphere ombré; & réciproquement, celui qui est alors dans I hemisphere ombré, se trouve au jout du solstice suivant tout entier dans l'hémisphere illuminé. J'ajouterai qu'on doit faire cet index, de telle longueur que ses extrêmités puissent abordet la circontérence du cercle polaire. On le fait ordinairement de cuivre, aussi bien que les verges; il doit être recourbé de façon qu'il puisse s'ajuster à la sphericité du globe. Le même index que l'on applique ordinairement au cadran du cercle polaire arctique, pourroit avoir également sa place au polaire antarctique.

Pl. 21, La figure 13 représente le globe disposé selon 6g. 13. l'élevation du pole du lieu, élevé sur son pied posé au milieu de la coupe supérieure du cylindre.

Le cercle FBDC représente dans cette position du globe le méridien du lieu sur lequel est le point B de VI heure du cadran de l'équateur.

CAB est le cercle de l'équateur servant de cadran divisé en heures marquées seulement par des points sans aucun cercl, n'étant pas besoin d'en tracer d'autres que celui-ci, dont la section avec l'ombre du globe, marque l'heure. Le point A de XII heures est tourné à l'occident; le point B de VI heures, qui est sur la partie élevée du globe, est tourné au midi: l'autre point C de VI heures, PROBLEMES DE GNOMONIQUE. 87
qui est sur la partie déprimée du globe, est dirigé au nord.

MNK est le cercle polaire arctique, LYT le polaire antarctique; l'un & l'autre sont divisés en beures, de même que l'équateur, pour servir, comme lui, de cadran.

Fest le pole arctique boréal ou septentrional,

Hevé sur l'horison.

D est le pole antarctique austral ou méridional, abaissé sous l'horison.

g e est l'axe du monde.

Fg, De, sont les portions de l'axe du monde

excédant le globe.

MFK est l'index, dont les extrêmités pointues M&K abordent la circonférence du cercle polaire MNK; cet index est mobile en F autour de l'axe F g, & peut parcourir librement le cercle polaire.

ti, sh, sont des verges droites attachées sur l'index près de ses extrêmités; elles peuvent être d'une longueur prise à volonté, ou du moins telles qu'elles puissen: recevoir les rayons du soleil dans

sa moindre hauteur sur l'horison.

Le cercle ponctué KAL représente le bord de l'illumination, qu'on appelle aussi l'horison du so-leil, qui sépare l'hémisphere éclairé KBL de l'hémisphere ombré KCL: en quoi l'on voit que dans le solstice d'hyver, comme on le suppose dans l'exemple de cette sigure, le polaire arctique MNK est tout entier dans l'hémisphere ombré, pendant que son opposé le polaire antaraisque LYT est tout entier dans l'hémisphere illuminé KBL. Et il arrivera le contraire quand le soleil parviendra au solstice d'été.

OQP est la circonférence de la coupe supérieure

88. RECREAT. MATMEM. ET PHYS.
du cylindre, le plan de laquelle est parallele à l'horison, & au milieu de laquelle est posé le pied qui
porte le globe.

m m est la ligne horisontale du cadran.

nn n n est le cercle de fer environnant le cy-lindre, servant de stile au cadran qui y est tracé, se éloigné du même cylindre de la longueur du stile, soutenu par des tenons n, n de fer, qui l'entretiennent à égale distance du cylindre.

R OPS est le profil du cylindre.

On remarquera qu'il faut que la ligne horisontale m m du cadran réponde au botd inférieur du

cercle nnn, qui sert de stile.

Le soleil est ici représenté dans sa moindre élevation sur l'horison; son image est de grandeur égale à la sigure du globe, pour faire entendre que par l'esset de ses rayons paralleles; le bord de ce qui est éclairé est toujours un grand cercle.

Remarques sur les cadrans cylindriques & sphériques.

I

Jusqu'ici nous avons consideré le cadran cylindrique comme fixe & immobile: mais si on veut le rendre portatif, on se servira, pour l'orienter, d'une boussole que l'on placera sur la coupe supérieure du cylindre (le pied qui porte le globe posé au centre du verre qui couvre la boussole) on suppose en ce cas le globe & le cylindre faits de quelque matiere légere & stexible, comme de lames d'argent ou de cuivre mince, ou de carte. Ou bien, on fait saire par quelque bon tourneur un cylindre en bois, sur lequel on trace le cadran. Ou plus sacilement, on trace le cadran à part sur

PROBLEMES DE GNOMONIQUE.

In carton ou fort papier, après avoir développé Pl. 21, in furface, comme on a déja dit, sous la figure du fig. 11.

Mangle FHLI; la largeur de ce rectangle doit integale au contour du cylindre, selon la raison in diametre à la circonférence. On se souviendra fuvoir égard à l'épaisseur du carton ou du papier pour avoir plus exactement ce rapport.

I J.

Pour avoir une ligne égale à la circonférence d'un cercle, il faut par dessus le diametre triplé ajouter 16 des 113 parties égales dans lesquelles doit être divisé le diametre. Ainsi le diametre étant supposé des 113 parties, on auta 339 des mêmes parties pour le triple, ausquelles ajoutant 16 des mêmes patties, on aura 355 parties pour la circonférence. Pour la pratique, on prend avec un compas sur une ligne divisée en parties égales 113 de ces parties pour le diametre du cylindre, & on porte en ligne droite trois sois de suite cette ouverture de compas; & ajoutant 16 des mêmes parties à cette longueur on diametre triplé, on aura une ligne égale à la circonférence du cercle.

III.

La maniere de faire un cadran dans un cylindre creux ne sera pas dissérente de celle qu'on a proposée. On opérera sur la surface concave, comme nous venons de faire sur la convexe, donnant à la longueur du stile le demi-diametre du cylindre, la pointe du stile étant au centre de la cavité du cylindre marqueta sur le cadran l'heure & ensemble le parallele du soleil. On ne peut saire servir que la moitié d'un cylindre creux pour un tadran.

Les niches, que l'on fait dans les bâtimens pour mettre des figures de sculpture, sont des demicylindres, dans lesquels on trace quelquesois des cadrans, comme on en voit dans la cour du vieux louvre, & dans la cour de l'hôtel de Condé On fait le cadran déclinant selon que le mur, dans lequel est la niche, a de déclinaison, de même qu'on le pratique à l'égard des cadrans ordinaires, marquant exactement la déclinaison pour avoir exactement la ligne méridienne. Si le mut regarde en face le midi, le cadran aura 12 heures, sçavoir, 6 heures avant & 6 heures après midi, comme aux cadrans verticaux qui n'ont point de déclinaison.

Ces deux problèmes 30 & 31, les remarques & les figures sont de la façon de M. de R** qui nous a encore communiqué quelques autres pro-

blêmes de même caractere.

PROBLEME XXXII.

Tailler une piere à plusieurs saces, sur lesquelles on puisse decrire tous les cadrans régulters.

Pl. 22, Soit le quarré ABCD le plan de la pierre, fig. 14. Souvil faut préparer & disposer pour recevoir tous les cadrans réguliers. Supposant que cette pierre représente un cube imparfait, ou quelqu'autre solide, il la faut bien unit dans toutes ses saces, la mettre d'équerre, & lui donner une égale épaisseur par tout. Ensuite ayant décrit sur le plan de la pierre ABCD le cercle HELF aussi grand que la pierre le pourra permettre, tirez les deux diametres FE, HL à angles droits; puis saires l'angle FOI de 41 degrés, & menez le diametre IOM. Faites ensuite l'angle EOG de 49 degrés,

& titez le diametre GOK. Par les points I, G, M, K, menez des tangentes au cercle HELF, qui détermineront les autres tangentes qui passent par les points H, E, L, F, & qui font partie des côtés du quarté ABCD, qui réprésente le plan de la pierre. Coupez quarrément la pierre à l'uni de ces tangentes, afin d'avoir des plans, ou des saces perpendiculaires au plan de la pierre ABCD, & la pierre sera préparée pour recevoir dans tous ses plans les cadrans qui leur conviennent.

Sur la face ou sur le plan qui passe par la ligne VX, on décrira un cadran horisontal; sur le plan qui passe par XN, on décrira l'équinoctial supérieur; & sur le plan opposé qui passe par SR, on aura l'équinoctial inférieur; le polaire supérieur se fera sur le plan qui passe par VT, & le polaire inférieur sur le plan qui passe par QP. Sur le plan passant par TS, on aura le vertical austral, & sur le plan NP, qui est son opposé, on aura le vertical boréal. Sur le côté de la pierre IM, on aura le méridional oriental, & sur le côté opposé on décrira le méridional occidental.

Si on veut que la pierre soit creuse, ou plutôt percée à jour, on n'aura qu'à tiret des lignes paralleles à ces tangentes, & couper quarrément la pierre à l'uni de ces lignes, afin d'avoit en dedans de la pierre des surfaces paralleles à celles qui sont tracées par dehors, & sur les surfaces intérieures de la pierre, vous décrirez les cadrans que vous avez décrits sur les faces extérieures de la pierre qui sont paralleles & opposées de tout le diametre de la pierre.

Remarquez que creusant la pierre, vous n'y scauriez décrire le cadran oriental, ni l'occidental, mais en faisant un piédestal à cette pierre dont la base seroit un octogone régulier, vous les pourrez tracet sur la base de ce piédestal, & même y tracer à l'entour des cadrans déclinans du mids ou du septention, à l'orient & à l'occident, dont la déclinaison seroit connue par cet octogone regulier. De cette maniere vous pouvez avoit sur cette pierre 20 ou 15 cadrans, que vous décrirez par quelques-unes des pratiques ordinaires. Ce que vous avez pratiqué sur cette pierre, vous le pouvez faire sur du bois, ou sur quelqu'autre matiere semblable.

Si vous exposez directement vers le midi le cadran vertical méridional, & que l'horisontal soit bien à niveau, c'est-à dire, bien parallele à l'horison, alors tous ces cadrans marqueront pré-

cifément l'heure.

PROBLEME XXXIII.

Connoître quelle heure il est du jour & de la nuit dans tous les lieux de la terre.

Pl. 23, CE problème s'exécute par le moyen d'un cafg. 15.

dran, que l'on peut faire avec du gros papier ou du carton, & qui est composé de trois
pieces. La plus grande contient 48 méridiens disposés autour du pole septentrional, selon la projection de la terre, qui est sur la plus perite pièce
placée au centre du cadran; on a mis sur chacun
de ces méridiens quelques-uns des principaux lieux
qui y sont situés. La seconde pièce est un carton
en forme de roue, sur la circonférence duquel on
a marqué 24 heures, c'est-à dire, les 12 heures
du jour, & les 12 heures de la nuit, avec les
demi-heures, qui correspondent aux 48 méri-

dens de la plus grande piece; ce carton est percé en rond dans son milieu, & on le fait tourner autour d'une poulie de bois, qu'on a collé au centre de la grande piece. Enfin la plus petite piece cache la poulie sur laquelle elle est collée; on y a dessiné la projection de la terre, de maniere que le pole septentrional est au centre. On a observé de faire passer le méridien de Paris par le haut de ce cadran, qu'on peut appeller universel. La vuo de ce cadran éclaircira beaucoup ce qu'on vient de dire.

I.

Lorsqu'on est sous le méridien qui passe par Paris, comme à Londres, à Amiens, à Orléans, à Toulouse, &c. & qu'on veut sçavoir à quelque heure du jour que ce soit quelle heure il est dans tous les principaux endroits du monde, il saut rapporter sous la sleur de lys l'heure ou la demiheure qui coule dans le lieu où l'on est. Par exemple, si l'on veut, étant à Paris, sçavoir à cinq heures du soir quelle heure il est à Jerusalem, à Batavia, à Quebec, &c. il saut rapporter cette même heure (5 heures du soir) sous la sleur de lys en tournant la seconde piece, qui est le carton qui contient les heures, & l'on verra qu'il est pour lors sept heures & demie du soir à Jerusalem, minuit à Batavia, & midi à Quebec, &c.

II.

De plus on pourra remarquer que lorsqu'il est huit heures du matin à Goa, par exemple, un dimanche, il n'est encore que huit heures au soit du samedi à Mexico dans la nouvelle Espagne. Ainsi quand deux vaisseaux viennent à se rencontrer dans la mer du sud, l'un venant de l'Asse; & l'autre de l'Amérique, il arrive nécessairement que s'il est lundi pour le premier, il ne sera encore que dimanche pour le dernier. La raison de cela est que celui qui va vers l'orient gagne une heure de 15 degrés en 15 degrés sur celui qui va vers l'occident, lequel au contraire perd une heure en parcourant la même quantité de degrés. On suppose que ces deux vaisseaux, aussi-bien que les deux voyageurs dont il est parlé dans le problème II de la cosmographie, sont partis ensemble au même jour d'un même lieu, & que s'un a pris sa route vers l'orient, & l'autre vers l'occident.

III.

Il est à remarquer que si l'on se sert de ce cadran dans les lieux qui sont éloignés du méridien de Paris, il faudra rapporter l'heure qui coule sous la ville la plus proche du lieu où l'on est, & non pas sous la sleur de lys. De sorte que si on est en basse Bretagne, on rapportera sous Brest l'heure qui coule, ou sous Milan, si on est en Piémont. D'où il suit que quand on est en France, en Angleterre, en Flandre, il faut rapporter l'heure qui coule sous le méridien de Paris, c'est-à-dire sous la fleur de lys. Quand on est en Allemagne, il faut voir si l'on est plus proche de Vienne ou de Hambourg; si on est plus proche de Vienne, on rapportera l'heure qui coule sous le méridien de Vienne, mais si l'on est plus près de Hambourg, on la rapportera sous le méridien de Hambourg, &c.

REMARQUES.

En quelque endroit que l'on soit, si on veut se servir utilement de ce cadran, il faut le placer de telle sorte que l'orient soit tourné du côté lever du soleil, & l'occident du côté de son mucher; parce qu'alors le soleil, qui est sous le midi de la roue des heures, suivra en quelque maniere le cours du soleil, pourvu que l'on panche le cadran vers le midi à la hauteur du soleil du jour présent. Le globe qui est au centre du cadran ayant alors du rapport avec la terre, on connoîtra par ce moyen de quel côté du monde sent tous les lieux marqués sur le cadran. Et si on trouve que quelques - uns ne se rencontrent pas précisement sous leurs propres méridiens, & que ce cadran ne soit pas tout-à-fait juste à leur égard, ca considérera que si on eût observé avec la derniere exactitude, il ne s'y seroit trouvé que des lieux peu considérables & inconnus, que l'erreur qui peut se rencontrer ne va jamais à un quart d'heure de plus ou de moins.

Ce cadran a été dressé suivant les nouvelles observations de Messieurs de l'academie royale des sciences, & inventé par Eustache Pecourt, prêtre, & M. D. M. de l'église cathédrale de Cahors: il se vend à Paris chez Gerard Jollain,

sue saint Jacques, à l'enfant Jesus.

AVERTISSEMENT.

Ceux qui ne voudront point se charger la mémoire de la multiplicité des lignes qu'il faut tirer pour tracer des cadrans de toute espece, peuvent avoir recours à un instrument de gnomonique, qui a été inventé par le sieur le Maire, ingénieur pour les instrumens de mathématique assez connu par la justesse de ceux qu'il construit se qu'il débite. Avec cet instrument, qui n'a riel de commun avec tous les autres, on sçait faire en une demi-heure des cadrans sur toutes sortes de murailles, en tout pays, se cela sans compas, san boussole, sans attacher cet instrument à la muraille, sans prolonger ni bornoyer. Cependan on peut y tracer les arcs des signes, les heures Judaïques, les Babyloniques, les Italiques, les maisons célestes, se quelque section que ce set de la sphere. On peut encore décrire avec cet instrument teutes sortes de cadrans portatifs.

L'occasion qui a donné lieu à cet instrument est fort simple; l'opération que l'on fait en se servant de cet instrument off auss très simple, puisque pour opérer, il ne faut que serrer une vis. Le sieur le Mairo, qui l'a inventé, considéra qu'un cadran horisontal bien posé, sert quelquefois à faire un cadran vertical, & que pour cet effet on enfonce dans la muraille un morceau de fil de fet assez long, & de grosseur raisonnable; puis faisant attention aux heures que donne le cadran horisontal, on marque d'un point à chaque heure l'extrêmité de l'ombre du sil de fer, mettant un chiffre à chaque point, pour ne se pas tromper: on recommence la même opération cinq ou six mois après, & l'on mene des lignes droites pat les points de même dénomination dans les deux opérations différentes, comme du point de 6 heures au point de 6 heures, du point de 7 heures au point de 7 heures, & ainsi des autres. Cela étant observé, on a un cadran au soleil parfaitement juste.

Proflem's DE GNOMONIQUE. Le sieur le Maire, en faisant ses reflexions sur epération qu'on vient d'exposer, inventa un frument par le moyen duquel on fait la mêpe opération; avec cette différence cependant, pe ce qui ne s'acheve qu'en six mois, se fait en me demi heure, parce que l'opération qu'on fais pec l'instrument, est, pour ainsi dire, la converse e celle qu'on vient d'expliquer, & qui dure six mois; puisqu'il faut attendre que le soleil fasse des ombres courtes & longues pour avoir diffézens points; c'est-à-dire, que le soleil soit tantot élevé, tantôt abaissé aux mêmes heures: su lieu qu'en se servant de l'instrument, on ose dire qu'on prend la muraille, & qu'on la met en moment dans toutes les situations où elle

Le trouveroit dans une année à l'égard du so-

leil.

Pour opérer, on place l'instrument bien droit evec un plomb contre la muraille; on le tient en cet état, puis on tourne, & l'on met sur l'heure. contante que le soleil donne, un cadran concave qui y est attaché; on le retire, & on serre une vis qui fixe le cadran sur l'instrument. On a une planche qui sert roujours, sur laquelle on attaché un carron, ou un papier blanc; on enfonce vers le milien de ce carton un fil de fer de grandeur misonnable; on met ensuite cette planche dans me rainure faite à l'instrument, & on l'y serre avec deux vis. On remue ensuite le cadran au soleil conjointement avec la planche, en faisant marcher au soleil l'ombre de ce cadran sur deux extrêmités de chaque ligne horaire qui y sont tracées, & l'on marque en même tems avec un crayon l'ombre que donne le fil de fer qui est ensoncé sur le carton dans la planche; on y marque Tome 11.

88 RECREAT. MATREM. ET Privs. & l'on y joint de même les arcs des fignes, si on le desire.

Il ne faut ensuite qu'une regle pour joindre pa une seule ligne les deux points de chaque même heure, & l'on trouve le cadran tout fait; il ne faut que l'attacher à la muraille (la ligne de midtoujours à plomb) enfonçant un fil de ser dat le mur, & observant que la distance de son pies à son extrêmité, soit de même longueur & en même situation que lorsqu'il étoit ensoncé dans la planche.

Si l'on veut que le cadran soit grand, on prolonge les heutes avec une sicelle frottée d'un charbon doux : on met une longue verge de ser qui, partant du centre du cadran, passe par l'extrêmité du premier sil de ser qu'on a ensoncé dans le mur, observant que la pointe du premier sil de fer planté se termine dans le milieu de l'épaisseur de la seconde verge. Cette opération est très-sacile, & peut être pratiquée en une demi-heure.

On peut faire avec le même instrument des cadrans sur des cylindres portatifs, ou autres qui l'on suspend pour connoître l'heure, sur des conquillages même tels qu'ils soient; mais pour sçavoir bien faire ces dernières sortes de cadrans, il faut avoir pris deux ou trois leçons: au reste, comme on n'y employe point de compas, rien n'est plus aisé. Un seul instrument peut être universel, & servir pour toute la terre.



Démonstration de l'horloge ou analemme rectiligne universel, qui marque les heures par les hauteurs du soleil, par le R. P. Millet Deschalles.

Ous avons jugé qu'il ne pourroit être que prostable aux amateurs de la gnomonique, de leur communiquer la démonstration de l'horloge appellée analemme rectiligne universel, donme par le R. P. Deschalles. Plusieurs mathématiciens qui ont écrit sur cette matiere, entre lesquels est Oronce, & après lui Clavius, se sont contentés d'en donner la construction, sans descendre à la démonstration; de quoi on ne doit point être surpris, vu qu'elle est fondée sur des principes très-cachés, & une théorie profonde, ensorte qu'il semble qu'il étoit réservé aux seules ismieres de notre auteur d'en pouvoir pénétrer Pobleurité. C'est à la faveur de ces mêmes lumieses que le lecteur pourra être conduit à de nouvelles découvertes, dont ce grand homme lui ouvre la voie. Ce petit traité est tout rempli de choses très-utiles & curieuses à sçavoir, comme quand il nous apprend, par exemple, que dans l'analemme rectiligne, les rayons du grand trigone des signes sont autant d'horisons du soleil, dont cet aftre en son parallele est le zenith; que l'on voit d'un coup d'œil & tout à la fois la longueur du jour de chaque pays de la terre en chaque différente déclinaison du soleil; que par le moyen de ladite déclinaison, connoissant le signe, on peut sçavoir le jour du mois qui lui convient, & autres belles connoissances, dont le fruit qu'on en pourra retirer, doit inspirer des sentimens de Gij

too Recreat Mathem. et Phys.
reconnoissance pour les sçavans qui nous laissent
de si excellens écrits.

Les opérations que l'on fait avec l'analemme rectiligne sont si communes a l'analemme commune, vulgairement appelle astrolabe de Royas, que l'on pourroit dire qu'ils sont tirés l'un de l'autre, & qu'ils sont, à fort peu de dissérence près, une même chose; cette différence empêche si peu le rapport qui est entr'eux, que l'on les fait toujours servir de preuve l'un à l'autre. Il est donc vrai de dire que cet instrument, sous la figure du seul analemme rectiligne, les comprend tous les deux.

La différence dont nous avons parlé est que dans l'analemme commun les cercles horaires y sont projettés par des ellipses; la projection, qui s'y fait sur le plan du colure des solstices remplit entierement son cercle: au lieu que dans l'analemme rectiligne, les cercles horaires y sont projettés par des lignes droites. La projection qui s'y fait sur le même plan du colure des solstices est rensermée dans un espace borné en sa longueur par les diametres des cercles polaires, et dont la largeur n'outrepasse point les extrêmités des mêmes diametres, comme on le peut voir dans le rectangle MHIL de la figure 19, planche 25.



PROPOSITION I.

La division de l'équateur en heures dans cet analemme est semblable à la description des paralleles.

C Oient décrits dans l'analemme les paralleles Pl. 14. des signes AB, CD, &c. & les autres à la sig. 16. maniere accoutumée; sçavoir, en divisant l'écliptique comme on divise l'équateur; ce qui se fait en divisant le demi-cercle EHF en ses degrés de 15 en 15, & abaissant de chacune de ses divisons des perpendiculaires, telle qu'est IK: de cette manière l'écliptique sera divisée comme l'équateur en douze heures, faisant servir les mêmes pour le jour & pour la nuir. Vous remarquerez que cette division en 12 détermine les lieux & les espaces des signes & de leurs moitiés Le parallele du milieu, qui est celui de Y, est la ligne. de 6 heures, & les deux tropiques sont le midi ou le minuit. Les paralleles étant ainsi décrits par la division de l'écliptique, soit mené FG, qui est la corde de l'arc de la distance entre les deux tropiques, sur laquelle on décrira le demi cercle FL G; je dis que si on divise ce demi-cercle en ses degrés, on pourra décrire les mêmes paralleles somme par l'autre maniere.

Démonstration.

Soit supposé l'arc GM d'un certain nombre de degrés, comme de 60 d. & soit mené MD perpendiculaire à FG, coupant l'écliptique EF au point K; sur ce point K soit élevée la perpen-

Gij

diculaire KI, je prouverai que l'arc El est de 60 d. comme l'arc GM; car comme dans le triangle FEG la droite DK est parallele à la base EG, (par 4,6) FG sera à DG comme FE est à EK; or GD est le sinus verse de l'arc GM de 60 d. (FG étant supposé le diametre) donc KE sera le sinus verse de l'arc El de 60 d. (étant diametre) ce qu'il falloit démontrer.

REMARQUE.

La maniere la plus ordinaire de décrire les patalleles des signes, est de tracer un demi-cerle, comme FLG, & de mener par ses divisions des perpendiculaires à son diametre FG: or parce que l'on agit comme pour diviser l'équateur en heures, & que pour avoir les mêmes paralleles décrits par une autre méthode, qui est par la division de l'écliptique, il faut qu'elle soit divisée comme l'équateur; il suit que la division de l'équateur en heures est en toute façon semblable à la description des paralleles.

PROPOSITION 11.

Les lignes qui représentent les paralleles dans l'analemme, sont coupées en parties semblables ou proportionnelles par les points d'une même heure.

Oient dans l'analemme les deux lignes FG, EL, représentant des cercles paralleles, & Eg. 17. soit le cercle OAB de 3 heures représenté par une ellipse; je dis que ces lignes sont coupées en semblables parties en O & en A, c'est à dire, que EA est à AL, comme GO est à OK. Soit

PROBLEMES DE GNOMONIQUE. 105 for GK & sur EL, décrit un demi-cercle, chacune de ces lignes sera le diametre de son cercle.

Démonstration.

Ces lignes GK, EL, représentant des cercles paralleles, ou leurs diametres, sont (par propare. 2. théor.) coupées proportionnellement par les cercles horaires; soit supposé que par les intersections de ces paralleles avec le cercle horaire OAB, on mene des perpendiculaires ou sinus sur leurs diametres GK, EL; OK sera le sinus verse d'un arc de 45 d. dans son cercle, comme AL sera le sinus verse d'un arc d'autant de degrés dans le sien. C'est pourquoi GK est à KO comme EL est à LA, & en divisant, GO sera à OK comme EA est à AL.

PROPOSITION III.

Si dans l'analemme on fait tous les paralleles égaux à l'équateur, & leur distance égale à la tangente de leur déclinaison, la même proportion sera observée.

Ans la description de l'analemme les lignes Pl. 24; qui représentent les paralleles diminuent fig. 18.

I mesure qu'elles s'éloignent de l'équateur; mais parce que les lignes horaires doivent être des ellipses qui divisent proportionnellement ces lignes des paralleles, & qu'il est difficile de tracer ccs ellipses, on peut saire ces paralleles égaux à l'équateur; pour lors les cercles horaires seront représentés par des lignes perpendiculaires. Ce changement de construction ne changera ni l'esset mi la proportion qui sera toujours observée, si l'on

104 RECENARY MATHEMET PHYS.

fait la distance, dont chacun de ces paralleles est éloigné de l'équateur, (laquelle dans l'analemme commun est égale au sinus de la déclinaison) égale à la rangente de la même déclinaison.

Soit proposé le parallele AB, dont la distance à l'équateur ED est égale au inus AC de l'arc di la déclination AE; soit menée la tangente PE di même arc, & soit substituée la ligne FI pour la ligne AB; je dis pour lors qu'il y a même raison de ce parallele ainsi augmenté, (c'est-à-dire, fait égal à l'équateur ED) à la tangente EF, qu'il y en a du parallele AB au sinus AC, & cela fondé sur ce théorème de la trigonométrie, qui est que le sinus de complément est au sinus de l'arc, comme le sinus total à la tangente du même arc. Soit mené HAF.

Démonstration.

Comme dans le triangle HEF les lignes CA, EF, sont paralleles, étant perpendiculaires à la même ligne ED; HC, c'est à dire KA est à CK, comme Ht. c'est-à-dire, GF est à EF. Ce qu'il falloit démontrer.

REMARQUE.

On tire particulierement de cette proposition la construction de l'analemme rectiligne, dans lequel tous les cercles horaires sont représentés par des lignes perpendiculaires à l'équateur de l'analemme commun, & tous les paralleles représentés par des lignes paralleles au même équateur; en auoi on a cet avantage, que les mêmes lignes horaires peuvent servir de paralleles, quand on veut que l'analemme rectiligne serve d'analemme commun.

PROPOSITION IV.

Construction de l'horloge ou analemme recliligne universel.

C'Oit fait le rectangle HMLI, & soient dé- Pl. 25, crits sur les lignes LM, HI, les demi cercles fig. 19. MXL, HNI, qu'on divisera en douze parties tgales. Ensuite soient tirées, par les points opposes des divisions, les lignes DE, 48, 93, & autres qui seront les lignes horaires, HM sera la ligne de minuit, & LI celle de midi. Les autres lignes auront chacune deux des heures également distantes de XII, comme c'est l'ordinaire dans tous les cadrans décrits par les élevations du soleil. Cette construction convient également à l'analemme commun comme au rectiligne, c'est àdire, que si l'on prend la ligne CD pour l'équateur, ces mêmes lignes horaires pourront être les paralleles des signes dans l'analemme commun, qui sera beaucoup plus grand, étant décrit du rayon CH. Pour avoir cet analemme commun, on décrira du point C l'arc des signes HDI, qui sera coupé par les lignes horaires selon la déclinaison des signes, & on menera du centre C à res sections les rayons HC, &C, &C, PC, YC, IC; la ligne FH sera le sinus de l'angle DCH de 23 d. ; qui est la plus grande déclinaison du soleil: la ligne FI sera pareillement le sinus de l'angle DCi de 25 d.; , c'est-à dire, que si de quesque point, comme C, on eût commencé d'abord à décrire le trigone des signes terminé i droite & à gauche de D par des arcs de 23 d. 30', & que des points de l'entrée des signes

RECREAT. MATHEM, ET PHYS.

& de leurs moitiés on eût tiré des lignes patal Pl. 25 . fig. 19. leles à la ligne DC, on auroit eu les mêmes 121 heures dans l'analemme commun, comme la promiere construction les a donné dans l'analemme

rechiligne.

Soit décrit maintenant du centre C le quart de cercle AS à volonté, que l'on divisera en se degrés de s en s, ou de 10 en 10, comme l'on voudra. Après quoi on tirera du centre C pat toutes ces divisions les lignes occultes C 10, C 20, C 30, &c. lesquelles couperont la ligne TH aux points O, K, R, &c. Je dis que les lignes TO, TK, TR, font tangentes par rapport au cercle qui seroit décrit de l'intervalle CT, selon la propolition précédente. Enfuite foient menées par les points O, K, R, &c, des lignes paralleles à l'équateur BT, lesquelles dans cet analemme rectiligne, où BT est l'équateur, & où les lignes HM, EF, LI font horaires, feront les paralleles des latitudes, auxquels on appofera les chifres des degrés, selon les différentes élevations du pole, Ensuite du point C soit décrit un petit arc des signes ou zodiaque sur la ligne LI de midi, dans lequel CB fera le rayon de l'équateur, & les autres rayons tirés occultement du point Cjuiqu'à la ligne LI; il est évident que si par les points auxquels la ligne Ll est coupée par les rayons des fignes, on menoir des paralleles à la ligne BC, on auroit les paralleles des signes pour le petit analemme rectiligne, qui a BC ou BT pour équateur. La division de ce petit zodiaque se trouve toute faite dans la division de la ligne du parallele de 45 d. de latitude qui est coupée par les rayons du grand zodiaque, parce que tant la ligne LI, que cetre ligne du 45° parallele sont

Problemes de Gnomonique 107 ngentes égales, étant distantes d'un même cen-C par des rayons d'un même cercle.

PROPOSITION V.

Usage de l'analemme.

Frouver la longueur du jour : ou, ce qui est la même chose, trouver l'heure du lever & du cou-. cher du soleil dans la sphere droite.

Ans la figure précédente soit suspendu un fig. 19. perpendicule au point C, auquel perpendicule, qui est ordinairement un fil ou soie, on sjoute outre le poids une perle mobile, que l'on mêre sur le signe où est le soleil marqué au petit zodiaque en la ligne LI, & l'instrument soit tenu de façon que le fil pendant librement, le myon du soleil levant passe par les trous des pintales : vous verrez que ce perpendicule, avec la perle, demeurera parallele aux lignes horaires, & arrêté sur la ligne CD de 6 heures. Or il est évident qu'en la sphere droite le soleil se leve à six heures, & partant l'heure a été justement marquée.

Depuis le perpendicule pendant du point C, la perle soit coulée sur le point B de γ , ou de l'équareur du petit zodiaque, & l'instrument présenté au soleil à quelque heure du jour, vous verrez que le rayon solaire passant par les trous des pinnules, la perle s'arrêtera sur la vraie heure qu'il est dans la sphere droite; supposé donc qu'elle s'arrête au point & de neuf heures, je prouve qu'il doit être neuf heures.

Démonstration.

Il est clair premierement que l'angle EC & est

RECREAT. MATHEM. ET PHYS. la hauteur du soleil sur l'horison, & que la perle décrit le cercle dont BC est le demi - diametre soit supposé que ce cercle est déja décrit, & que dans ce cercle est décrit l'analemme commun. où la ligne EC, représentant l'horison de la sphere droite, est coupée à angles droits par l'équateur BI. Comme dans ce jour le soleil parcourt l'équateur, qui dans cette position de sphere est aussi le premier vertical, il fera dans ce cercle un mouvement d'autant de degrés qu'il en a fait en se levant sur l'horison; ensorte que s'il est élevé de 45 degrés, il sera au point &, duquel point ayant mené sur l'équateur la perpendiculaire & Y, le point Y sera son lieu. Et comme l'équateur est divisé dans cet analemme rectiligne comme dans l'analemme commun (par prop. 1 re) si le point Y est le point de neuf heures, il sera véritablement neuf heures. En un mot, comme la perle. parcourt l'équateur, si de l'endroit où elle s'arrête on tire une perpendiculaire au diametre BT, elle indiquera l'heure.

PROPOSITION VI.

Trouver l'heure astronomique dans la sphere d'oite »
le soleil parcourant quelque parallele que ce
soit.

Pl. 27, Soit le fil pareillement arrêté au point C comfg. 20. Some dans tous les usages de l'analemme en la sphere droite, soit la perle transportée sur le parallele du soleil au petit zodiaque, par exemple, au point D, en sorte que la perle décrive par son mouvement le cercle DE beaucoup plus grand que le cercle MH, dans lequel nous supposons

PROBLEMES DE GNOMONIQUE. ne soit décrit l'analemme commun. Le rayon n soleil passant par les pinnules, & la perle farrêtant sur la ligne horaire OK de 9 heures, dis qu'il est véritablement 9 heures. Pour le rouver, soient menés OC & CD, coupant le escle HM aux points S & R. Dans l'analemme commun la ligne CE est l'horison de la sphere droite, CM l'équateur, MR l'arc de la déclinai-In du soleil, RA le parallele que le soleil décrit ce jour là, & ANR le même parallele représenté par son cercle, l'angle HCS, ou l'arc HS, est la hauteur du soleil sur l'horison. Or c'est cette hauteur qui détermine l'heure en déterminant l'endroit du parallele où se trouve le soleil dans le tems de l'opération; car si on tire par le poipt S l'almicantarath SF, il marquera en B le lieu du soleil dans son parallele RA; & si à ce point B on mene la perpendiculaire BG, c'est àdire, si on prolonge l'almicantarath jusqu'au cercle représentant le parallele, le point G sera le vrai lieu du soleil, l'arc NG sera sa distance à 6 heures, & GR la distance jusqu'à midi. Cela posé, il me reste à faire voir que l'arc GR est semblable à l'arc IM, & par conséquent que les segmens PB, CK représentent des arcs semblables, c'est àdire, qu'il y a même raison de PR à PB, que de CM à CK, les segmens BR, KM étant sinus verles d'arcs femblables.

Démonstration.

Dans le triangle COK, SF, OC, étant paralleles, CK sera à CF (par 4,6) comme CO à CS, ou CD à CR, ou encore comme CM à CL dans le triangle CMD: or CL & PR sont égales: donc CK est à CF, ou PB son égale, comme

CM est à PR, & en changeant & divisant, CM fera à KM, comme PR est à BR. Donc la pent montre la même heure sur la ligne CM, qu'ell autoit montré dans l'analemme commun sur l'igne PR. Donc elle montre la vraie heure.

PROPOSITION VII.

Dans une latitude donnée déterminer l'heure du lever & du coucher du soleil dans quelque parallele que ce soit,

Pl. 27, TOus avons dit, dans la quatrieme propolition, ag. 21. que la ligne RZ, & les autres lignes paralleles à l'équateur, qui traversent le grand trigone des signes, représentent des cercles de latitude. Supposons donc que cette ligne RZ soit. le parallele de la latitude de 49 degrés, telle qu'est celle de Paris, & que dans le tems de la perquis sition de l'heure, le soleil soit dans l'équateur, Cl est le rayon de %, CF de l'équateur, CH de 5; il est évident que si le perpendicule est attaché au point V, le soleil étant dans l'équateur, & que la perle soit transportée sur le point h de Y. ou de l'équateur du petit zodiaque', qui est sur la ligne LI, lorsqu'au lever du soleil son rayon pasfera par les pinnules (la ligne HI demeurant parallele à l'hotison) le fil & la perle tomberont sur la ligne CF de 6 heures, qui est l'heure du lever du soleil dans l'équinoxe. Je dois prouver qu'en pratiquant la même chose dans quelque parailele des fignes que le foleil se trouve, le fil & la perle marqueront la vraie heure de fon lever.

Soit l'équateur AB; la parallele de la latitude de la région RZ, soit supposé le soleil au tro-

PROBLEMES DE GNOMONIQUE. de %; il est évident, suivant ce que j'ai Voyez atré en mon traité de géographie, tou- les prola maniere dont la terre est éclairée, que blemes cle ou bord d'illumination, qu'on appelle mogra. sorison du soleil, décline autant des poles phie. 🖢 soleil a de déclinaison. Cela étant, le cerfillumination sera CI, comptant le parallele latitude RZ au point Y de la ligne horaire Or, selon ce que j'ai fait remarquer en par-L'au globe terrestre, l'arc semi-diurne est moinque 6 heures de la quantité de la ligne VY: pourquoi si la ligne VY est le sinus d'une , le soleil se leve à 7 heures; mais comme avons la latitude de 49 degrés, où le soleil o se leve à 8 heures, la ligne VY sera le sie deux heures; donc l'arc semi-diurne sera dre de deux heures de ce qu'il étoit quand le détant dans l'équateur, se levoit à 6 heures. ferai voir pareillement que le foleil étant en la même ligne YO sera celle de 4 heures, aftre se levant dans ce signe deux heures or fix). Soit décrit pour cela un cercle de l'inle CH, dans lequel on suppose que soit del'analemme commun ; FC soit l'équateur, utopique de cancer, & le midi soit du côté MH, l'horison oblique soit TCS, soit RZ marallele de la région dans l'analemme recties lequel parallele soit coupé par le rayon de c'est-à-dire, par la ligne CI au point Y. En sint soit attaché le perpendicule, & l'instrus tenu de façon que le rayon du foloil levant par les pinnules. Je dis que ce perpendicule, dans ce cas sera parallele aux lignes horaires, bera le long de la ligne YO, qui se trouve celle de 4 heures : d'où l'on connoît que

l'heure du lever du soleil en sest à 4 heures ?

8t que l'arc PhH est l'arc semi-diurne. Pour le prouver, soit décrit sur le tropique IL de l'analemme commun le demi cercle Lel, & du point où la ligne Li coupe l'horison oblique TCS, soit élevée la perpendiculaire EK, l'arc Kel sera l'arc semi diurne, selon l'analemme commun. Je m'en viis demontrer que l'arc PhH de l'analemme rectif ligne sui est semblable.

Démonstration.

Il est premierement constant que les lignes hE. R & font égales, parce que les triangles RVC, ChE, font équiangles, & ont les côtes Ch, RV; égaux. De plus, dans le triangle LIH, EX étant parallele à la base HI (par 4, 6) HI sera à LI, comme XE, c'est-à-dire, BI, est à EL. Par consequent les arcs LK, PI (qui sont la distance de l'heure du lever du soleil en '5 jusqu'à midi) seront semblables; la ligne Ll étant le midi, comme dans l'analemme rechiligne, ou bien cette ligne Li sera celle de minuit, lorsque le soleil étant en cancer, ces mêmes arcs feront la distance depuis minuit jusqu'au lever de cet astre. Donc les arcs restans Kel, PbH seront semblables; & comme ils sont les arcs semi-diurnes de cancer, la ligné M.1 sera le midi dans cette démonstration de l'analemme commun; c'est à dire que si l'on imagine l'analemme commun décrit dans le petit cercle HbPl, le point H sera le midi en 5, comme dans l'analemme rectiligne, & le point I qui dans ce cas est celui de minuit, sera le point de midi pour %.

PROP.

PROPOSITION VIII.

quelque latitude que ce soit, connoître les heures
estronomiques au tems de l'équinoxe.

Oit la ligne de la latitude donnée RZ, en laquelle soit attaché le fil au point O du rayon fig. 22l'équateur, & la perle soit transportée sur le pint h du signe de Y du petit zodiaque, lanelle par son mouvement décrira le cercle Yh, rayon solaire passant par les pinnules, l'heure elle s'arrêtera sera la vraie heure. Ce qui est quiemblable; ear si c'est dans le tems que le sole leve, la perle s'arrêtera sur la ligne OY, de-à dite à 6 heures. En second lieu, que la rie s'arrête sur la ligne 1L au point h, je dis il est midi, & je le prouve en faisant voit que soleil est pour lors à sa hauteur méridienne, est-à-dire, que l'angle YOh est égal à l'angle de hauteur que le soleil doit avoir à midi dans l'éinoze. Soit décrit pour cet effet l'analemme mmun; sçavoir, un cercle dont le rayon est Ch, & lost mené l'horison oblique TRS; dans er analemme CD, sera l'équateur, TD la haupur méridiene, ou l'angle TCD, que je dois ire voir semblable à l'angle YOh.

Démonstration.

Les triangles ROC, OZh, sont rectangles, par nstruction, & ont les côtés RO, OZ, OC, il, égaux; donc (par 4, 1) l'angle OCR sera al à l'angle ZhO, ou à son alterne hOY; ce fil falloit démontrer.

En troisseme lieu, que la perle s'arrête au point

RECREAT. MATHEM. ET PHYS. V fur la ligne horaire VPb, je dis qu'elle mettrera la vraie heute qu'il est, & que l'arc bi fe la vraie distance de cette heure à midi; ensorque si bl est de 60 degrés, je prouverai que l'ang YOV (qui est son complement de 30 degrés, of de deux heures, scavoir, la distance depuis & que le foleil s'est levé) est l'angle d'élevation que le soleil doit avoir à huit heures; car dans l'ana lemme commun où CD est l'équateur, & DKW fon demi-cercle, foit fait l'angle TCX, égal l'angle d'élevation YOV, & soit mené par de point X l'almicantarath XG, le foleil fera si point E de l'équateur; foit mené EK perpendice laire à l'équateur CD : pour lors la vraie distance · de cette heure indiquée par la perle jusqu'à midifera l'arc KD, felon l'avalemme commun. Je de montrerat que par l'analemme rectiligne la dis-Tance se trouve la même dans l'arc bi, que je fe rai voir être toute semblable à KD.

D'monstration.

Les triangles rectangles ORC, OCh, ont le côtés RO, Ch égaux, & le côté OC commun', donc (par 4, 1) les angles hOC, OCR font égaux; & comme ils font alternes, les lignes Oh, RC, font paralleles; OC, NV, font aussi paralleles, & partant les angles ONV, XEC égaux. Or l'angle NVO, avec son alterne VOY, ont été faits égaux aux angles XCT, CXE, donc les triangles XEC, ONV, sont équiangles; donc (par 3, 6) CX ou CD, est à CE, comme OV, ou Oh, est à ON: or Oh est à ON comme Ch est à CP c'est pourquoi si CE est le sinus de l'arc KB de deux heures (CD étant posé sinus total) CP seta le sinus de l'arc & de deux heures (le sinus

PROBLEMES DE GNOMONIQUE. 115 cal étant Ch ou FI) d'où il s'ensuit que les arcs stans, bI, KD demeurent semblables : ce qu'il fait démontrer.

PROPOSITION IX.

me latitude donnée, connoître l'heure astromomique en quelque lieu du zodiaque que le soleil sois.

Cotpant, par exemple, le rayon CK de can fig. 25 cotpant, par exemple, le rayon CK de can fig. 25 cer an point A, où soit suspendu le perpendicule, & soit coulée en même tems la perle jusqu'au point B de sau petit zodiaque; pour lors si syant tourné le point K vers le soleil, & son tryon passant par les pinnules, la perle s'arrête for le point O de la ligne OD de 11 heures, distante de la ligne E 12 de midi d'un espace horaire, c'est à-dire, que l'arc ED soit de 15 degrés, je dis qu'il est onze heures. L'angle FAO étant l'élevation du soleil, je prouverai que dans l'analemme commun, le soleil ayant une pareille hauteur, il doit être absolument onze heures.

Soit donc décrit l'analemme commun de l'intervalle CK; selon cet analemme, la ligne KL sera le tropique de cancer: soit mené après cela la ligne TRCS représentant l'horison oblique sur laquelle soit fait l'atc TG ou l'angle ICG égal à l'angle d'élevarion FAO; soit tiré ensuite l'almicantarath GM, coupant le tropique LK expoint N, & ayant décrit le demi-cercle KPL, qui représente ce tropique, soit élevé au point N la perpendiculaire NP. Je démontrerai que

H ij

l'arc KP est de 15 degrés, c'est-à-dire, que arcs ED, KP sont semblables. La sixieme prosition nous doit avoir appris que l'arc ser diurne XDE est semblable à l'arc YPK de l'ar lemme commun; d'où il suit que LS est à comme KQ est à QE.

Démonstration.

Dans le triangle SKC, GN étant parallele. la base, c'est-à-dire à l'horison oblique CS (pa 4, 6) SK fera à SN comme CK, c'est-à-dire, G, à CV. De plus dans le triangle & AO l'ang AO est égal à son alterne OAF, qui est l'ang de l'élevation du soleil égal par construction l'angle TCG, ou à sonalterne CGn. Cela étant les angles AO, CGn, font égaux : & commi les angles n & lont égaux, l'un & l'autre étant droits, les triangles AO, CGn, seront semble bles. Soit considéré ensuite le quadrilatere RBCA wans lequel l'angle R est droit, l'angle ACB aulii droit (le rayon BC de 5 du petit zodiago étant par construction perpendiculaire au rayo CK de 5 du grand zodiaque, & les anglai 6CA, BC γ de 23 degrés 30 chacun) donc on peut décrite un cercle autour du quadrilatere AR BC, (par la converse de 12 du 3) partantles angles RBA, RCA, insistans sur la même bass AR seront égaux. Or est-il que les angles RBA AlA, font égaux; & à ceux-ci font égaux les deux alternes RCA, CVII, donc les angles A I. CVII, sont égaux, & par conséquent les angles de fuite AIO, AVG sont aussi égaux. Or nous venons de voir que CGV, AOI, ont été faits égaux ; donc les triangles AIO, CGV font équiangles & femblables; donc CG, c'est-à-dire, CK

PROBLEMES DE GNOMONIQUE at I CV, ou SK est à SN, comme AO, c'esta-dire, AB est à Al; mais comme AB est à AI, minii AR est à As, c'est-à-dire, QE est à QH, Joac SK est à SN comme QEest à QH, mais nous avons vu que LK est à SK comme KE est à OE: donc en divisant, LK fera à NK comme KE HE: donc HE & NK feront linus verles d'axes semblables; ce qu'il falloit démontrer.

PROPOSITION X.

Trouver l'heure du lever & du coucher du soleil dans un pays dont la latitude foit de plus de 66 degrés 30'.

Uoiqu'on ne fasse gueres servir ce cadran pl. 16. ou horloge pour une latitude plus grande fig. 14. que 66 d. 30', j'enseignerai cependant en peu de mots le moyen de s'en servir dans les pays voisins

des poles.

Sont donc la ligne de latitude RZ, que nous avons tité à l'ordinaire par le point d'intersection R de l'horifon oblique RS de l'analemme commun, avec la ligne de midi PH prolongée, fi l'on suppose que DC soit l'équateur, IL le tropique de 5, PH le tropique de 3 : que le pole soit élevé sur l'horison TS du complément de l'arc TD; Im foit un parallele rité par le point d'interlection T de l'horison avec la circonference de l'analemme (ce point T est celui qui sépare la partie éclairée d'avec celle qui est dans la nuit) ou encore uS un autre parallele tué par le point d'interfection S du même horison avec la même sirconférence de l'analemme, & qui est diamévalement opposé au point T: cela posé, je dis

RECEIPT MATRIX: ETPHYS. que le parallele Tite, avec ceux qui sont au-de jufqu'au tropique PH de %, ne se leveront pu far l'horison RS, mais seront totalement cach que les paralleles de dellas de T, c'est de dire ou qui sont compris depuis Im jusqu'au parallele un delont eachés à moitié ou en en partie souvoir e fai du milieu GD sera coupé par la moitie ; les autres en parties inégales, ; de par conféque le soleil s'y levera & couchera chaque jour, & qu'enfin les autres paralleles, dopuis de jusqu'au parallele O, seront tous entiers sur l'horison, & per conséquent le soleit sera plusieurs jours, & même des mois éntiers sans fe coucher, ainsi que nous avons vu qu'aux paralleles correspondaise qui sont sous Im, cet astre est autant de tems sans se lever; ce qui n'a pas besoin de démonstragion, sprès l'évidence qu'en donne la figure.

PROPOSITION XI.

Trouver l'heure astronomique dans une latitude de plus de 66 degrés 30'.

M. 26, Soit proposé de trouver l'heure astronomique dans un pays dont la latitude soit de plus de 66 d. 30, soit RZ la ligne de cette latitude. Le soleil soit dans le tropique de cancer, dont le rayon soit Cl: soit suspendu le perpendicule au point O, où la ligne RZ de la latitude voncourt avec le rayon de cancer Cl; soit aussi transportée la perle sur le point M du cancer du petit zodiaque, la perle décrita le cercle àVM, & ayant tiré la ligne àCM, l'angle OCM sera droit. Supposé donc que le rayon du soleil passant par les pintules, la perle s'arrête au point V de la ligne Vr de

PROSLEMIS DE GNOMONIQUE.

Il dix heures, je prouverai qu'il doit être dix heures; car ayant décrit, comme ci-devant, l'anamme commun, en traçant un cercle du point Comme centre, IL sera le tropique de cancer, soit décrit ensuite le demi-cercle IKL représentant ce tropique, & soit pris en ce demi cercle larc. IK de deux heures, ayant mené la persendiculaire KE, le point E sera le vrai lieu du soleil dans ce tropique; ayant fait l'angle X CT égalà l'angle VOY de l'élevation du soleil à dix heures, & tiré l'almicantarath XEG parallele à l'horison oblique Ts, je vais démontrer que ces angles VOY, XCI, de dix heures répondent dans l'analemme commun à la même élevation qui répond aux mêmes dix heures dans l'analemme rectiligne.

Démonstration.

Premierement dans le triangle ICs, l'almicantarath X/E parallele à la base, c'est à dire, à l'horison Cs, coupe les cêté CI, Is proportionnellement en l & en E, donc ('par 4, 6,) / I, sera à s E comme CI, c'est-à-dire, CX est à Cl. Secondement : dans le triangle POV, l'angle PVO est égal à son alterne VOY, & celui-ci, qui est l'angle de l'élevation du soleil, égal par construction à l'angle XCT, ou à son alterne CXN : voila donc quatre angles PVO, VOY, XCT, CXN, égaux; & comme les angles CNX, OPV, sont égaux, l'un & l'autre étant droits, les triangles POV, XCN, scront semblables, De plus, comme dans le quadrilatere RMCO, les angles opposés ORM, OCM, sont droits (par construction) il suit qu'on peut décrire un cercle autour d'eux, & partant les angles RCO, RMO, ap-H iv

RECRÉAT. MATHEM. ET PHYS. puyés sur la même base OR, seront égaux. Or les angles égaux RMO, PSO, sont encore égaux aux deux alternes RCO, C/N: donc les angles PSO, C/N, étant égaux, les angles de suite C/X OSV le seront austi. Mais nous venons de voit que les angles CXI, OVS, sont égaux : donc les triangles VSO, XCl, sont équiangles & semblables : donc CX, c'est à dire, CI, est à C/ ou /1 est à /E, comme OV, c'est-à-dire OM, est à OS, mais comme OM à OS, ainsi OR à OP, c'est à-dire BH à Br. Derechef, dans les triangles semblables C/N, SOP, comme C/est à CN, ainsi OS à OP, & comme OS à OP, c'est à-dire, Br, ainsi Cl est à f E, dans le triar gle Clf, les fegmens Br, /E, seront donc semblables, & comme / I à IE, ainsi OR est à PR, c'est-à-dite, BH à Hr; donc les segmens testans IE, Hr seront semblables, comme étant sinus verses d'arca semblables.

PROBLEME XXXIII.

Construire un anneau qui marque l'heure pendane toute l'année.

Nous ajouterons ici la construction d'un anneau où l'heure est marquée exactement pendant toute l'année, après que par même occasion nous aurons fait connoître démonstrativement l'erreur qu'il y a à se servir de ces anneaux vulgaires, où le trou(par lequel le rayon solaire entre pour marquer l'heure) est mobile. Premierement, nous ferons voir qu'en rendant ce trou commun à tous les signes marqués dans un zodiaque décrit sur la ciroonférence de l'anneau, on ne peut

Problemes de Gnomonioue. mir que l'heure de midi marquée fidelement; ex pour les autres heures, on ne les peut avoir e très imparfaitement, en se servant des mês points marqués pour le signe de Y. Nous dilos ceci pour défabuser ceux qui croyent que les Emes points de hauteur du foleil marqués pour Ligne de Y, c'est-à-dire, pour le tems des équiexes, peuvent servir pour d'autres tems, en tansportant ce trou sur celui des signes que le Meil parcourt, ce qui est absolument faux dans fon principe, comme nous allons voir. Il faudroit lieu de cela décrire dans la concaviré de l'an-Mau lept cercles léparés pour autant de paralleles 🥵 l'entrée du foleil dans les fignes, fur chacun siquels cercles on marqueroit séparément les la dreurs du foleil à son entrée dans le signe qui partient au parallele pour legnel le cercle a été lacé; ces points ainsi notés, doivent être joints et des lignes qui seront les lignes horaires. Ceci tiré du R. P. Deschalles.

Soit préparé un anneau, ou plutôt foit décrit Pl.18, 😘 cercle de la grandeur de l'anneau que l'on veut taice. Ensuite ayant choisi le lieu du suspensoir B, soient pris à droite & à gauche de B 49 degrés pour la latitude de Paris, c'est-à-dire, pour la sstance du zenith de Paris à l'équateur; & par la de la numération soit tiré AO; soit mené à ligne AO la perpendiculaire AD, l'une & l'aue se rerminant au point A, attribué à l'équafar. De ce point A, & par le centre de l'anneau bit mené A 12 pour la hauteur de l'équateur, ou, e qui est la même chose, pour la hauteur du soal à midi, lorsqu'il est dans l'équateur. On auest pu autrement avoir cette même hauteur, fi ment décrit d'abord du point A le quart OPD,

122 RECREAT- MATREM, ET PHYS-

Pl. 28, on l'eût compté de O vers P, ou bien encore et g. 27 tirant par le centre la ligne MN parallele à AO, fur laquelle on eût compté de N vers A cette élevation; tout cela revient au même. L'arc NA est la distance de l'horison à l'équateur, qui est le complément de l'arc AB, distance du même équateur au zenit, égal à l'élevation du pole. On voir que les angles OA 12, A 22 D, AMN, sont alternes & égaux, puisqu'ils sont formés par l'inclination de la ligne de midi sur les trois lignes paralleles OA, MN, 12 D. Ayant la ligne de midi, on comptera sur le quart OPD les hauteurs du soleil pour les heures de devant & après midi au jour des équinoxes, lesquels on tirera du point A, & par ces divisions jusqu'à la concavité de

Pi. 28. l'anneau, fig. 28. Ce qui étant ainsi préparé, où fer de l'équinoxe seulement pour lequel il a été fait quoique quelques attisans veulent que ces mêmes heures servent pour les autres tems, en rendant le point A mobile; mais cette prétendue modification-là n'exempte d'erreur que le seul midiqu'elle rend commun à tous les paraîleses.

On rend le point A mobile, en faisant un trop dans un cercle ou bande de cuivre mince, qui ayant son mouvement autour de l'anneau, transporte ce trou A sur tous les paralleles d'un zo diaque, qu'il faut décrire sur la circonférence en cette sorte. Soit prise à droite & à gauche du point A la double déclinaison des signes, sçavoir, les arcs AE, AI, chacun de 2; degrés pour le tauteau & le scorpion, AF, AK de 40 degrés 26 & & AG, AL, de 47 degrés. Nous avons pris du tentre ces arcs doubles, parce que les angles

Problemes de Gnomonique. Le circonférence sont la moitié des angles au sentre, comme si, du point 12 on mesuroit farc AE, on trouveroit que l'angle E 12 A se-

Pour faire entendre comment en rendant le point A mobile, le même point de midi, marqué pour le tems des équinoxes, peut servir pour les sattes paralleles. Soit décrit du point 12, comme centre, & pour rayon le diametre de l'anneau, le fig. 27, cercle SAT touchant la circonférence de l'anneau su point A, & soient tirés du point 12 jusqu'en la circonférence de ce dernier grand cercle, les tayons 12E, 12I, 12F, &c. par les divisions du sodiaque. Pour lors ce point 12, étant le centre can grand cercle de la sphere comme ici du méndien, peut être pris pour la terre d'où l'on ebserveroit en différens tems la hauteur du soleil midi sur l'horison 12 D; en ce cas les rayons solaires étant rayons d'un cercle, doivent aboutir à son centre, & ne peuvent tomber autre part. Disons encore de plus, que le soleil étant monté en E, signe de taurus, éloigné de l'équateur de 11 Pl. 29, degres 10', cette hauteur surpasse l'équinoctiale fig. 29. de 11 degrés 30': c'est pourquoi en ajoutant l'angle E11A, mesure de cet excès, à l'angle A 12D, hauteur méridienne de l'équateur, qui est de 41 degrés; tout l'angle E12D sera de 52 degrés 30', qui est la véritable hauteur du soleil à midi en taurus. Il est donc évident que le rayon solaire passant par le trou A transporté en E doit tomber sur le même point 12. La même chose arrivera en gemini, &c.

. Pour une plus claire intelligence de ceci, soit décrit du point A en dehors de l'anneau, une

124 RECREAT. MATHEM. 2T PRYS.

Pl. 28. circonférence CR de grandeur prise à volonté; fig. 17. ou bien soit achevé, si l'on veut, le cercle OPD & ayant prolongé OA jusqu'en R, soit comptée de R vers C la hanteur de l'équateur, fi on n'aime mieux, pour abréger, continuer 12A directement en C. Pour lors l'angle extérieur CAR sera égal à l'angle AtaD, son intérieur opposé du même côté; ils sont l'un & l'autre à la citconférence, l'un en dedans, l'autre en dehors de l'annea! ils font auffi angles au centre, puisque nous avons décrit de leur sommet deux cercles. De plus, OA 12 sera égal à CAR, qui lui est opposé at fommet; enfin c'est par des angles au même sommet A, que les différentes élevations du foleil fur l'horison AR, sont mesurées par un effet contraite sur le quart OPD; car à proportion que le soleil s'éleve de 6 vers C dans le ciel C6, fig. 28, le rayon solaire passant par le trou A 😹 s'abaisse d'un même nombre de degrés sous l'horifon OA6, & marque les heures.

Pl. 27,

Passons maintenant à la démonstration que les mêmes heures équinoctiales ne peuvent pas serviz sans erreur en d'autres tems. Soit le soleil en gemini, & soit tiré FO. Je raisonne ainsi: La ligne horisontale OA est la ligne de six heures équinoctiale, c'est-à-dire, qui a éré tirée pour le point de Y, pour servir lorsque le soleil seroit dans l'équateur : or le soleil se levant à 6 heures en aries, il est à cette heure-là dans l'horison. La ligne FO représente le rayon du soleil passant par le trou A transporté en F, il doit donc être six heures, puisque ce rayon touche ce point O: Soit continué ce rayon OF en Q, lieu du soleil, & soit mesuré l'angle QFR, il sera trouvé environ de 20 degrés; mais la vétitable hauteur du

PROBLEMES DE GNOMONIQUE, foleil en gemini à six heures est de 15 degrés 6'; donc il y a 5 degrés & plus d'erreur. On trouvera pareillement pour trois heures plus de quatre demés d'erreur; car sur l'instrument la ligne 3 F de heures fait avec l'horisontale OA un angle d'enaron 49 degrés, au lieu qu'il devoit être de 44 degrés 10', qui est la vraie hauteur du soleil à rrois heures à son entrée dans le signe du 🛱 ; partant il y a 4 degrés 40' de différence ou d'erreur: donc le trou que l'on a fait au point A de Y, ne peut marquer la vraie heure, étant transporté sur le autres lignes, en se servant des mêmes points de nauteur marqués pour le signe de Y. Mais le moyen de rendre cet instrument ou horloge Pl. 29. bon pour tous les paralleles, est de décrire des points E, IF, K, &c. autant de quarts de cercle, fur chacun desquels teront marqués les points des heures par les élevations du foleil ; ces cercles, au nombre de sept, se décriront dans la concavité de l'anneau, celui pour aries fera au milieu. On comptera ces élevations de O descendant vers P. l'angle à la circonférence de l'anneau, au point d'où les quarts auront été décrits; ou bien on comprera ces élevations depuis midi vers O dans La concavité de l'anneau, l'angle au centre de l'anneau, ce qui se fait en prenant la différence de la hauteur du soleil à midi dans un certain signe, avec la hanteur du même aftre en une autre heure le même jour & doublant cette différence; comme, par exemple, soit le soleil au commencement de taurus, je trouve dans une table des hauteurs du foleil, ou bien en mesurant l'angle OE12, que sa hauteur méridienne est de 52 degrés 30', je trouve pareillement qu'à onze heures le même jour il est élevé de 50 degrés 30', la

RECREAT. MATHEM, ET PHYS. différence est de deux degrés, que je double? & j'ai quatre degrés que je compte depuis la midi en sus, & j'y marque le point de 11 heures On prend 5 felon cette derniere maniere, les angles au centre de l'anneau, & leur difference double pour avoir les arcs doubles, afin que les angles qui les mesurent, ayant leur sommet au point A, ou E, ou l, &c. de la circonférence! opposée, reviennent à leur juste mesure, comme, ici l'arc 12, 11 de quatre degrés, mesuté du centre de l'anneau, n'est que de deux degrés metures du point E de la circonférence; ainsi on aura austi bien par cette derniere méthode l'angle OE 11 de so degrés 30' pour la hauteur du solent en tautus à onze heures, comme si l'on eut compté sur le quart OPD depuis O vers P, le centre étant au point E. On fera autant de trous pour faire passer le rayon solaire, qu'il y auta de cercles décrits : ou bien on pourra les percer l'un à côté de l'autre sur une ligne horisontale, chacun vis à-vis le cercle qui lui appartient, moyennant la position de ces trous à une même hauteur ; on dour leur commencer la division des quarts de cercle qui correspondent à une même hauteur ou ligne horisontale; vous ferez passer par tous ces points de division des lignes qui seront les lignes horaires Lorsque vous vous servirez de l'un des trous pour faire marquer l'heure, vous aurez soin de boucher les autres avec de la cire, pour éviter la contusion de tant de rayons solaires à la fois, & vous autez bien foin de diriger le rayon de celui que vous laisserez ouvert à tomber sur le quart auquel il appartient.

REMARQUES.

I.

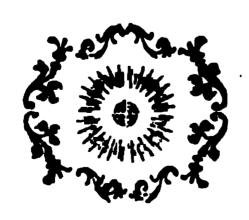
On voit dans la figure 19 l'erreur de ceux qui pl. 29, veulent que les mêmes heures équinoctiales ser-sig. 29. vent également dans les dissérentes déclinaisons. Soit ici le soleil en &; le rayon solaire passant par E, & tombant sur le point de 3 heures marqué dans l'équinoxe, il doit être 3 heures; mais je trouve en mesurant l'angle OE 3, ou son opposé QER, environ 40 degrés, & la véritable nauteur du soleil en taurus à 3 heures étant de 37 degrés 14 minutes, il ya environ 3 degrés d'erreur.

II.

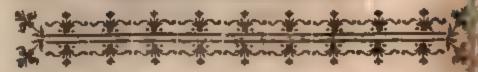
On voit de même dans la figure 30 qu'il s'en Pl. 29, fant 5 degrés & plus que la même ligne équinoc- fig. 30. pale de 6 heures ne serve, le soleil étant en $\mbox{$\mu$}$.

III.

On doit encore à M. de R*** la démonstration de l'analemme rectiligne universel, & la constraction de l'anneau qui marque exactement l'heure pendant toute l'année.



128 RECREAT. MATHEM. AT PHYS?



PROBLEMES

D K

COSMOGRAPHIE

L la description du monde, c'est-à-dire, de ciel & de la terre, elle se divise en générale & en particuliere.

La cosmographie générale considere généralement tout l'univers; elle recherche & fournit plusieurs manieres de le décrire & de le représenter selon les divers sentimens des philosophes & des mathématiciens.

La cosmographie particuliere est proprement ce qu'on appelle géographie, parce qu'elle teptésente en détail chaque partie du monde, & particulierement la terre, tant par les globes, que par les planispheres & mappemondes. Je ne prétends pas traiter ici en particulier de ces deux parties, mais seulement donner quelques problèmes utiles & agréables qui en dépendent.

PROBLEME I.

Trouver en tous tems & en tous lieux les quatre points principaux du monde.

Le font l'orient, l'occident, le midi, & le septentrion, peuvent aisément être connus par le moyen de la boussole, dont l'aiguille qui est aimantée,

Problèmes de Cosmographie. nantée tourne tonjours une de ses deux pointes ters le midi & l'autre vers le septentrion: ce qui sussit pour connoître l'orient & l'occident, parce que l'orient est à la droite, & l'occident à la gauche de celui qui regarde le septentrion.

On peut aussi très-facilement connoître le septentrion la nuit, en regardant l'étoile polaire, qui n'est éloignée du pole arctique que d'environ deux degrés. Les astronomes tracent de jour la ligne méridienne sur un plan horisontal, par le moyen de deux points d'ombre marqués devant la gnozcrit du pied du stile, dont l'ombre a servi par son que,p. 11 extrêmité à marquer sur cette circonférence ces deux points également éloignés du midi.

Mais sans toutes ces choses on peut en tout tems & en tous lieux marquer la ligne méridienne, en cette sorte.

Ayant mis de l'eau dans un vase, comme dans m plat, ou dans un bassin, mettez tout doucement dans cette eau, lorsqu'elle sera bien tranquille, une aiguille de fer, ou d'acier, semblable à celle dont les tailleurs & les femmes se servent ordinairement pour coudre. Si cette aiguille est seche, & qu'on la mette tout de son long sur la surface de l'eau, elle ne s'enfoncera point. Après avoir fait plusieurs tours, elle s'arrêtera enfin, & demeurera dans le plan du méridien, de sorte qu'elle représentera la ligne méridienne; l'une de ses extrémités sera tournée par conséquent vers le midi, & l'autre vers le septentrion. Mais lorsqu'on ne voit ni le soleil, ni les étoiles, on ne peut pas aisément connoître laquelle des deux extrêmités regarde le midi ou le septentrion.

Observez que pour poser cette aiguille sur la su-Tome 11.

perficie de l'eau, on peut se servir d'une foutcherre de sil de ser, & que pour l'empêcher de tomber au fond de l'eau, on peut la frotter de quel-

que matiere graisseule.

Le pere Kircher donne un moyen facile pour connoître le midi & le septentrion. Il veut que l'on coupe horisontalement le tronc d'un arbre bien droit, qui soit au milien d'une plaine, sans le voisinage d'aucune bauteur, ni d'aucune muraille, qui l'ait pu tenir de ce côté à l'abri du , vent, ou des rayons du soleil. On verra dans la section de ce tronc plusieurs lignes courbes autout de la seve, qui seront plus serrées d'un côté que de l'autre. Il dit que le septentrion sera du côté où ces lignes courbes seront plus serrées; peutêtre parce que le froid qui vient du septention resserre, & que le chaud qui vient du midi élergit & ratéfie les humeurs & la matiere dont se forment ces lignes courbes, qui, suivant le même auteur, sont comme des circonférences de cercles concentriques dans l'ébene & dans le bois de bresil.

PROBLEME II.

Trouver la longitude d'un lieu proposé de la terre.

N appelle longitude d'un lieu de la terre la distance du méridien de ce lieu au premier méridien qui passe par l'isse de Fer, la plus occidentale des Canaries. Cette distance se compte sur l'équateur d'occident en orient.

On voit dans les mappemondes, ou cartes générales, les degrés de longitudes marqués sur l'équateur, de dix degrés en dix degrés, depuis le

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 131

premier méridien vers l'orient tous le long de la terre jusqu'à 360 degrés, de sorte que le premier méridien est le 360° méridien. Il a plû aux géographes de compter ainsi les longitudes terrestres: il a plû aux astronomes de compter les longitudes des étoiles fixes sur l'écliptique depuis la section vernale, c'est-à-dire depuis le commencement de la constellation du bélier, où l'équateur & l'écliptique s'entrecoupent.

Il est évident que ceux qui sont situés sous un même méridien, ont une même longitude: que tous ceux qui sont sous le premier méridien, n'ont aucune longitude: qu'enfin ceux qui sont plus orientaux ont des longitudes différentes, c'est-àdire, qu'ils sont sous des méridiens différens. La distance d'un méridien à l'autre s'appelle différence des longitudes: c'est cette différence qui sait connoître de combien de tems il est plutôt midi en un lieu qu'en un autre qui est plus occidental. Car il est certain qu'il sera midi, une heure plutôt au lieu plus oriental qu'à l'autre, lorsque la différence des longitudes sera de 15 degrés, c'est-à-dire, quand ce lieu sera plus oriental que l'autre de 15 degrés*, parce que 15 degrés de l'équateur sont une heure, puisque 360 degrés font 24 heures, qui est une révolution entiere du premier mobile.

Ainsi on voit que, pour connoître la longitude d'un lieu de la terre, il ne faut que sçavoir l'heure que l'on compte en ce lieu, lorsqu'on en compte une certaine en un autre lieu situé sous le premier

Le soleil emploie une heure à parcourir 15 degrés de l'équateur, puisqu'il met 24 heures à parcourir 360 degrés, c'est à dire à faire la revolution entiere sur un parallele.

néridien; cet il on convertit cette dissérence des heures en degrés, en prenant 15 degrés pour

une heure, i degré pour 4 minutes de tems, & minute de degrés, pour 4 secondes de tems, ou

aura la longitude du lieu proposé.

Pour connoître cette différence des heures, on se servira de quelque signe visible dans le ciel, qui se puisse remarquer en même tems par deux mathématiciens, dont l'un soit sous le premier méridien, & l'autre au lieu dont on cherche la longitude. Les anciens se sont servis des éclipses de lune. On se sert à présent des éclipses du premier satellite de jupiter, qui arrivent plus souvent, & dont les immersions ou émersions se peuvent connoître plus facilement par le moyen des lunettes

de longue vue.

Quand on a une fois connu la longitude d'un lieu de la terre, on n'a plus que faire du premiet méridien pour connoître la longitude de quelqu'autre lieu que ce soit, parce qu'il sussit de connoître de combien ce lieu est plus oriental, ou plus occidental que le premier; ce qui se peut connoître comme nous avons dit. Mais il ne sera pas nécessaire d'employer deux mathématiciens, un seul peut connoître la longitude du lieu où il sera, en observant en ce lieu l'heure de l'immersion ou de l'émersion du satellite, & en comparant cette heure avec celle du lieu dont on connoît la longitude, parce que par les tables de Monsieur Cassini, qu'il a supputées pour le méridien de Paris, dont je suppose que la longitude est connue, on peut sçavoir à quelle heure doit arriver à Paris cette immersion ou émersion. L'immersion d'un satellite est l'entrée de ce satellite clans l'ombre de jupiter en cessant de paroître,

PROBLEMBS DE COSMOGRAPHIE. 133: & l'émersion d'un satellite est la sortie de ce satellite hors de l'ombre de jupiter, en commensant à reparoître.

REMARQUES.

On voit, par ce qui a été dit, la vérité de ce pamdoxe: quâlibet horâ est omnis hora, c'est-àdire, qu'en tout tems il est toute heure: ce qui
se doit entendre des lieux de la terre qui sont
sous des méridiens dissérens: car il-est certain que
quand il est midi, par exemple, à Paris, il est
une heure après midi à Vienne en Autriche, &
dans tous les autres lieux qui sont plus orientaux
que Paris de 15 degrés, & qu'il est deux heures
après midi à Constantinople, & dans tous les
autres lieux qui sont plus orientaux que Paris de
30 degrés. Ainsi des autres.

D'où il suit que de deux voyageurs, dont l'un va vers l'occident en suivant le cours du soleil, se l'autre-vers l'orient en allant contre le cours du soleil, le premier doit avoir les jours plus longs que le second. Au contraire au bout d'uncertain tems, le second, qui va vers l'orient, comptera plus de jours que le premier qui vavers l'occident. Ce qui fait dire que si deux jumeaux voyagent, l'un vers l'orient, & l'autre-vers l'occident, & qu'ils viennent à mourir en même tems, le premier aura vécu plus de jours que l'autre-

Comme on divise la latitudo en septentionale & en méridionale, en l'étendant jusqu'à 90 degrés vers les deux poles deçà & delà l'équateur, on auroit aussi pu diviser la longitude en orienule & en occidentale, en ne l'évendant que juss-

qu'à 180 degrés de part & d'autre depuis le premier méridien. Ce qui seroit très-commode pour nous faire connoître que quand il est, par exemple, midi sous le premier méridien, il n'est qui 8 heures du matin dans l'isse du Cuba, dont le longitude occidentale est de 60 degrés. Voyes le XXXIII problème de la gnomonique, p. 92.

PROBLEME III.

Trouver la latitude d'un lieu proposé de la terre.

N appelle latitude d'un lieu de la terre la distance de ce lieu à l'équateur: cette distance est mesurée pat l'arc du méridien de ce lieu entre son zenit & l'équareur. Cet arc est toujours égal à l'élevation du pole qui est l'arc du même méridien entre le pole & l'horison. Ce qui fait que l'on confond ordinairement la latitude avec l'élevation du pole, de sorte que ceux qui n'ont point de latitude, c'est à dire, qui sont sous l'équateur, n'ont aussi aucune élevation du pole, ayant les deux poles du monde à l'horison.

Voyez le probléme XXXI. La latitude d'un lieu de la terre se peut connoître de jour à midi par le moyen de la hauteur méridienne du soleil & de sa déclinaison, & de nuit en tout tems par le moyen de la hauteur méridienne de quelque étoile sixe & de sa déclinaison, & aussi sans déclinaison, lorsque l'étoile ne se couche point, & que la nuit a plus de douze heures, comme vous allez voir.

Pour trouver la latitude de quelque lieu de la terre que ce soit, par le moyen de la hauteur méridienne du soleil, on ajoutera à cette hauteur

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. méridienne la délinaison du soleil, si cette dédinaison est méridionale; ce qui arrivera depuis l'équinoxe d'automne jusqu'à l'équinoxe du prinms: ou bien on ôtera de la hauteur méridienne h déclination, si cette déclination est septentriomale; ce qui arrivera depuis l'équinoxe du printems jusqu'à l'équinoxe d'automne. De cette maniere on aura la hauteur de l'équateur, laquelle étant ôtée de 90 degrés, le reste sera la latitude qu'on cherche.

On travaillera de la même façon la nuit à l'égard des étoiles qui seront vers le midi: mais à l'égard de celles qui sont vers le septentrion, & qui ne se couchent point, voici ce qu'il faut faire. Dès que la nuit sera venue, on prendra la hauteur méridienne d'une de ces étoiles, & le matin, douze heures, après la hauteur méridienne de la même étoile; on ajoutera ensemble ces deux hauteurs trouvées. La moitié de la somme don-

nera la hauteur du pole sur l'horison.

PROBLEME IV.

Connoître la quantité du plus grand jour d'été en un lieu proposé de la terre, d'ne on connoît la latitude.

Our connoître, par exemple, à Paris, où le Phace. pole est élevé sur l'horison d'environ 49 de- 1.3.116. grés, le plus grand jour d'été, qui est de même longueur que la plus grande nuit d'hyver; décrivez à volonté du centre D, le demi-cercle ABC. Prenez d'un côté l'arc CE égal à l'élevation du pole sur l'horison, qui a été ici supposée de 49 degrés, & de l'autre côté l'arc AF égal au complement de

136 · RECREATE MATERIA, ET PHYS.

Pl. 30, l'élevation du pole, qui dans cette suppossion est fg 116, de 41 degrés. Tirez du centre D, par les points E, E, les lignes DE, DF; dont la premiere DE représentera le cercle de six houres, & la seconda DF l'équateur, en prenant le cercle ABC pour le méridien du lieu proposé, & le diametre AC pour l'horison, selon les regles de la projection estographique de la sphere.

déclinaison du soleil, qui est d'environ 2; degrés de demi. Par le point B menez à la ligne DE la parallele BH, qui coupe ici la cercle de six heures au point G, & l'horison au point H. Décrieves du point G, comme centre, par le point B, l'arc de cercle BI, qui sera terminé en I, par la ligne HI, parallele à la ligne DE, eu perpendir culaire à la ligne BH. Cet arc BI se trouve ici de 120 degrés, ou de 8 heures, en prevant 1 heure pour 15 degrés, dont le double fait connoître qu'à Paris, & en tout autre lieu où le pole est élevé sur l'horison de 49 degrés, le plus grand jour d'été, ou la plus grande nuit d'hyver, est

L'arc BI étant de 120 degrés, ou de 8 heures, fait connoître que le soleil se couche au plus grand jour d'été, ou se leve au plus court jour d'hyver, à 8 heures, & que par conséquent il se leve au plus grand jour d'été, ou se couche au plus court jour d'hyver à 4 heures: ce qui arrive lorsque le soleil est dans le tropique d'été, ou dans le tropique d'hyver. On pourra de la même saçon trouver l'heure du lever & du coucher du soleil, lorsqu'il est dans quelqu'autre signe du zodiaque, par exemple au commencement de & & de 1923,

de 16 heures. On connoîtra la quantité de l'arc

BI par le moyen d'un rapporteur.

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. mrva que l'on sçache décrire le parallele de ce Pl. 30; pe; ce qui se fera en cette sorte.

Tirez du centre D, qui représente le point de vient & de l'occident équinoctial, par le point , qui représente le point solstitial de 55, ou b, la ligne DB, qui représentera par conséent un quart de l'écliptique. Prenez sur le méritien, ou sur le colure des solstices ABC, l'arc K de 60 degrés, tel qu'est la distance du signe ropolé au commencement de s, qui est reprélenté par le point B, parce qu'on suppose que le colure des solstices convient avec le méridien. Menez du point K la ligne KL perpendiculaire de la ligne DB, & par le point L, à la ligne DF, à parallele MN, qui représentera le parallele de V, & coupera l'horison AC au point N, & l'axe monde DE en O. De ce point O, comme centre, vous décrirez par le point M l'arc MP, qui sera terminé en P, par la ligne NP parallele à la ligne DE, ou perpendiculaire à la ligne MN. Cet arc MP étant réduit en heures, lorsqu'on en sura connu les degrés & les minutes avec un rapporteur, donnera l'heure qu'on cherche.

REMARQUES.

L'arc FM est la déclinaison du signe proposé, dont la distance au plus proche équinoxe est supposée de 30 degrés: l'aic DN est l'amplitude orientale ou occidentale du même signe à l'égard de l'horison AC, que nous avons supposé oblique de 49 degrés: & larc ON est la diffésence ascensionnelle, qui montre de combien le soleil, étant au signe proposé, se leve ou se coushe devant ou après six heures sous le même hori138 Richter. Matrin. Et Pays.

138 Richter. Matrin. Et Pays.

138 Pays.

138 Richter. Matrin. Et Pays.

138 Pa

I.

Pour connoître l'arc FM, en supposant l'arc Finent l'angle FDB, c'est à-dite, l'obliquité de l'éclipaique de 23 d. 30', on sera cette analogie, or nous nous sommes servis de logatithmes qui sont très-commodes dans la trigonométrie sphérique.

Comme le sinus total, 10000000

Au sinus de la distance du signe proposé au plus proche équinoxe 96989700

Ainst le sinus de l'obliquité de l'écliptique 96006997

Au sinus de la déclinaison qu'on cherche 92996697

qui se trouvers de 11 degrés & d'environ 30 minutes.

H.

Pour l'amplitude DN, on se servira de la déclinaison trouvée pour faire l'analogie suivante:

Comme le sinus du complément de la hauteur du pole, 98169429
Au sinus de la déclin. trouvée 92996697
Ainsi le sinus total 10000000
Au sinus de l'amplitude qu'on cherche 94827268

qui se trouvera de 17 degrés, & d'environ 41 minutes.

III.

Pour trouver la différence ascensionnelle NO, ne se servira pareillement de la déclinaison trounée, pour faire cette analogie,

Comme le sinus total, 100000000

A la tangente de la déclinaison trouvée, 93084616

Ainsi la tangente de l'élevation du pole, 100608369

Au sinus de la différence ascensionnelle, 93691995

qui se trouvera de 13 degrés & 32 minutes, lesquels étant réduits en tems par cette regle de trois: si 15 degrés donnent 1 heure ou 60 minutes, combien donneront 13 d. 32', ou 812', en connoîtra que le soleil étant au commencement de &, ou de m, se couche à 6 heures & 54 minutes, & que par conséquent il se leve à 5 heures & 6 minutes, &c.

PROBLEME V.

Trouver le climat d'un lieu proposé, dont la latitude est connue.

N appelle climat, un espace de terre compris entre deux cercles paralleles à la ligne équinociale, tellement éloignés l'un de l'autre, qu'il y ait la différence d'une demi-heure entre le plus long jour d'été de l'un de ces cercles, & le plus long jour d'été de l'autre.

Comme les climats se comptent vers l'un des

RECREAT. MATHEM. ET PHYS. deux poles du monde, en commençant depuis lequateur, sous lequel en tout tems le jour est de douze heures, & la nuit d'autant: & que ceax qui sont éloignés de l'équateur ont le plus grand jour d'été plus long que douze heures, & d'auzant plus long qu'ils en sont plus éloignés; il s'ensuit que la fin du premier climat est le lieu où le plus grand jour d'été est de douze heures & demie; la fin du second, le lieu où le plus grand jour d'été est de treize heures; & ainsi de late, jusqu'à la sin du 24° climat, où le plus grand jour d'été est de 24 heures. Ce qui arrive sous le cercle polatre archique ou antarchique, où l'élevation du pole est de 66 d. 30', au delà duquel on ne sçauroit plus compter de climats, parce que pour peu qu'on s'en eloigne en s'avancant vers le pole le plus proche, le plus grand jour d'été croîtra de plus en plus d'une demi heure. Ce qui a fatt que les modernes ont ajouté fix autres climats depuis le cercle polaire jusqu'au pole, en faisant croître le plus grand jour d'été d'un mois entier.

Ainsi pour sçavoir en quel climat est situé un lieu proposé de la terre, dont on connoît la lati-tude, il n'y a qu'à chercher par le problème précédent la quantité du plus grand jour d'été, se en ôter douze heures. Le double du reste feraconnoître le nombre du climat qu'on cherche. Ainsi ayant connu qu'à Paris, où le pole est élevés sur l'horison d'environ 49 degrés, le plus grand jour d'été est de 16 heures: si l'on en ôte 12, il restera 4, dont le double 8 fait connoître que Paris est dans le huirieme climat. Ainsi des aux le paris est dans le huirieme climat. Ainsi des aux le paris est dans le huirieme climat. Ainsi des aux le paris est dans le huirieme climat.

n 1 215

UCS,

REMARQUES.

Į.

Comme les longitudes font connoître les pays les plus orientaux ou les plus occidentaux; & les latitudes, les pays les plus méridionaux, ou les plus septentrionaux: de même les climats fant connoître les pays où les jours sont plus longs ou plus courts. Or par la connoissance du climat on peut aisément trouver le plus long jour dété, par une opération contraire à la précédente, sçavoir, en ajoutant douze à la moitié du nombre du climat; car la somme donnera la quantité du plus long jour d'été. Ainsi sachant que Paris est dans le huitieme climat, en ajoutant 4 moitié de 8, à 12, la somme 16 sait connoître qu'à Patis le plus grand jour d'été est de 16 heures.

II.

Mais pour n'avoir point la peine de faire tant de calculs, on va donner une table des 24 climats divisés en quatre colonnes. La première à gauche contiendra ces XXIV climats: on verra dans la seconde le commencement, le milieu & la sin de chaque climat, que l'on marquera en heures & minutes dans la troisième colonne, pour saire connoître la longueur des jours dans ces trois différences d'un climat; enfin la quatrieme colonne contiendra la latitude ou élevation du pole pour le commencement, le milieu & la fin de chaque climat. Il n'est point nécessaire d'avertir que le commencement d'un climat est la fin du précédent.

192 RECREAT. MATHEM. TO PHYS.

Table des 14 climats, dont chacun est d'uns demi-heure.

Clim.	Paral-	Lon	g.	La	
	leles.	du jo	ur.	du li	CK.
		12h.	o'	D0.	o'
I.		12	15	4	15
	Fin	12	30	8	25
11.	Milieu	F 2		12	30
	Fin	13	0	16	25
ш.	Milien	13	15	20	15
	Fin	13	30	23	50
IV.		13	45	27	49
	Fin	14	0	30	20
V,	Milien	14	15	33	40
	Fin	14	30	36	28
VI.	Milieu	14	45	39	1
	Fin	15	0	41	22
VII.	Milieu	15	15	43	32
	Fin	15	30	45	19
VIII.	Milieu	15	45	47	10
	Fin	16	0	49	1
iX.	Milieu	16	15	50	33
	Fin	16	30	5 1	58
X.	Milleu	16	45	53	17
	Fin	17		54	27
XI.	Milieu	17		551	34
	Fia	17		56	37

Clim.	Paral-	L	ong.	La	tit.
	leles.		jour.		
XII.	Milieu	17	h.45'	57°	32'
	Fin	18	_	58	29
XIII.	Milieu	18	15	59	14
	Fin	18	30	59	58
XIV.	Milieu	18	45	60	40
	Fin	19		61	18
XV.	Milieu	19		61	55
	Fin	19		62	25
XVI.	Milieu	19	45		54
	Fin	20		63	22
XVII.	Milieu	20	-	63	40
	Fin	20		64	6
XVIII.	Milieu	20	45		30
	Fin	2 [64	49
XIX.	Milieu	2 I	15		6
	Fin	2 [65	21
XX.	Milieu	2 I	•	65	35
	Fin	22		65	47
XXI.	Milieu	22	15	_	57
1	Fin	22		66	6
XXII.	Milieu	22	- 1	66	14
-	Fin	23	0	66	20
XXIII.	Milieu	23	15	66	2 5 28
1	Fin	23		66	
XXIV.	Milieu Fin	23		66 66	30
	LIU	24		100	51

111.

Les 24 climats de la table précédente tompris entre l'équateur & l'un des cercles laires, & ils ne différent entr'eux que d'une d'heure; c'est à dire, que les habitans de la sin climat terminé par le parallele qui est ve pole, ont leur plus grand jour d'été plus d'une demi-heure que les habitans du comi cement de ce même climat, terminé par le p lele qui est vers l'équateur.

Les chmats qui sont rensermés dans l'un tercles polatres, ont une différence plus éon table, puisqu'elle est d'un mois. C'est ce que temarquera dans la table suivante, où l'on mis dans la troisseme colonne que les degre

latitude où finit chaque climat.

Table des fix climats, dont chacun est d'un mois.

Climat.	Longueur du jour.		
XXV.	1 mois	67°.	30
XXVI.	2	69	30
XXVII.	3	73	20
XXVIII.	4	78	20
XXIX.	5	84	0
XXX.	6	90	0

IV.

On voit par ces deux tables que l'on compte présent soixante climats, sçavoir, trente dans la partie méridionale de la sphere, & trente dans la partie septentrionale. Il faut observer qu'on n'a ta aucun égard aux réfractions du soleil, lorsqu'on a calculé ces climats; d'où il pourroit arriver quelque dissérence dans la longueur des jours aux lieux où l'on observeroit cette longueur: mais tette dissérence n'est point assez sensible pour métiter quelque attention dans une matiere où il ne set peint demander une précision géométrique.

PROBLEME VI.

Trouver en lieues la valeur d'un degré d'un grand cercle de la terre.

IN supposant que la terre est ronde, & que L'son centre est le même que celui du monde, un degré de l'un de ses cercles répondra à un degré d'un semblable cercle correspondant dans le ciel. De sorte que si une personne parcourt un degré de la terre sur un même méridien terrestre, en allant directement vers le midi, ou vers le septentrion, son zénit s'éloignera aussi d'un degré dans le ciel sous le méridien céleste correspondant, & l'élevation du pole sur l'horison changera par conséquent d'un degré. Pareillement sune personne parcourt un degré de la terre sur l'équateur terrestre, en allant directement vers l'orient ou vers l'occident, son zénit s'cloignera aussi d'un degré dans le ciel sous l'équaieur Tome II. K

141

PROBLEME VII.

Connolire la circonférence, le diametre, la surface & la solidité de la terre.

I.

Uoiqu'on ne puille pas melarer actuellement la circonférence de la terre, à cause de hautes montagnes & des valtes mers, qu'on me s'auroit parcourir en ligne droite; on peut némmoins aisément la déterminer par les regles de l'astronomie; ensuite son diametre, sa surface, & sa solidité par les principes de la géometrale, comme vous allez voir.

I'I.

Premierement, pour connoître la cirtulalerence de la terre, ayant trouvé par le problème précédent, qu'un degré de cette circonférence est de 28 lieues parissennes, si l'on multiplie ces 28 lieues par 360, c'est-à-dire, par le nombre des degrés du contour de la terre, le produit donnera 10080 lieues parissennes pour la circonférence de la terre.

III.

Secondement, pour trouver le diametre de la terre, ou la distance qu'il y a d'ici à nos antipodes, on considérera que le diametre d'un cercle étant à sa circonférence, comme 100 est à 314, ou comme 50 est à 157, & que la circonférence de terre ayant été trouvée de 10080 lieues parissennes, il n'y a qu'à multiplier ces 10080 par 50, & diviser le produit 504000 par

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. ent ôtée de celle de Dunkerque, qui est de 1 degrés 1', il relle 2 degrés 10', ou 130 mimes pour l'arc du méridien compris entre Paris Dunkerque. Sçachant donc qu'un arc d'un grand rde de la terre de 130 minutes est de 62 lieues, feaura de combien de lieues doit être un deté ou 60 minutes du même cercle, en multifant ces 60 minutes par 62, qui est la distance de Paris à Dunkerque, & en divisant le produit 3720 par 130, qui est le nombre des minutes de l'arc du méridien commun à ces deux villes. Le quotient donnera environ 28 lieues parissennes pour la valeur d'un degré d'un grand cercle de la terre.

Jai dit environ 28 lieues, parce que Messieurs, de l'academie royale des sciences ont trouvé la prequ'un degré de la terre vaut 57060 toises, mesure du châtelet de Paris: ces 57060 toises sont publ. m peu plus de 28 lieues Parisiennes de 2000 toi- suivant. ses chacune, comme on le connoît en divisant 57060 par 2000; car le quotient est 28, & il reste encore 1060 à diviser par 2000; ce qui fait environ une demi-lieue.

La toise du châtelet de Paris se divise en 6 pieds, & si l'on divise ce pied en 1440 parues, le pied rheinlandique, ou de Leyde, en comprendra 1390, le pied de Londres 1350, le pied de Boulogne 1686, & la brasse de l'orence 2580.

Voyez obt du



vous multiplierez par 50. Vous diviserez le produit 5080320000 par 157. Le quotient donners 323,8726 lieues quarrées pour la surface de la terre.

VIII.

Pour trouver maintenant la solidité de la terre, dont le contour a été trouvé de 10030 lieues, multipliez ce contour 10080 par lui-même, pour avoir son quarré 101606400, qu'il faudra multiplier encore par le même contour 10080, pour avoir son cybe 1024192512000. Ce nombre cubique étant multiplié par 1250, & le produit 1080240540000000 étant divisé par 73947, le quotient donnera 17312949004 lieues cubiques pour la solidité de la terre.

COROLLAIRE I.

De ce que la circonférence de la terre est de 10080 lieues parisiennes, on conclud aisément, que si la terre se meut autour de son axe d'occident en orient, en sorte que dans l'espace de 24 heures elle acheve une circonvolution, un lieu de la terre situé dans l'équateur, qui est un grand cercle, doit parcourir en une heure 420 lieues par le mouvement de la terre; parce que divisant son contour 10080 par 24, le quotient est 410 Ce même lieu en une minute de tems doit saire sept lieues, comme on le connoît en divisant 420 par 60.

COROLLAIRE II.

De ce que le diametre de la terre est de 3210 lieues, on conclud que son demi diametre, ou la distance qu'il y a de sa surface à son centre, est de

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 151
1605 lieues, comme on le connoît en prenant la moitié de 3210. D'où il est aisé de tirer cette conséquence, que si l'on pouvoit faire un puits qui pénétrat jusqu'au centre de la terre, la prosondeur de ce puits seroit de 1605 lieues, ou de 3110000 toises, comme on le connoît en multipliant 1605, qui est le demi diametre de la terre par 2000, qui est le nombre des toises d'un seue parisienne, suivant ce qui est dit au problème VI.

COROLLAIRE III.

Sçachant que la profondeur d'un puits est de 3210000 toiles, il n'est pas dissicile de connoître le tems qu'un corps pesant jetté de la surface de la terre, doit employer pour aller jusqu'au sond de ce puits, que je suppose être vuide. Il sustit de sçavoir par quelque expérience bien faite, le tems que ce corps pesant employeroit à parcourir un espace connu en tombant librement dans l'air.

Supposons qu'en une minute de tems un corps pesant soit descendu de 100 toises. Pour trouver le tems qu'il doit employer à descendre dans le même milieu de 3210000 toises, multipliez co nombre 321000 par le quarré du tems, c'est-à-cire, de 1 minute: divisez le produit 3210000 par 100, qui est l'espace parcouru pendant 1 minute. Le quotient sera 32100, dont la racine quarrée donnera 179 minutes, qui sont presque 3 heures, pour le tems que le même corps pesant doit employer à descendre jusqu'au centre de la terre.

REMARQUES.

I.

Nous remarquerons que si ce puits était contè-

RECREAT. MATHEM. IT PHYS. nué jusqu'aux antipodes, ensorte que la terre fût percée à jour, le corps pesant qui y seroit jetté de la surface de la terre, ne s'arrêteroit pas tout court au centre de la terre, quoique ce soit le lieu le plus bas. Car étant parvenu au centre de la terre par un mouvement fort accéléré, il s'éloigneroit, & remonteroit vers les antipodes par un mouvement qui diminueroit peu à peu, & se détruiroit entierement proche la surface de la terre vers les antipodes, d'où il retomberoit, & reviendroit en deçà du centre de la terre vers nous. De sorte que pendant quelque tems, en faisant abstraction de la résistance de l'air, ce corps pesant continueroit à aller & à revenir par plusieurs vibrations, qui seroient à peu près d'une égale durée, quoique toujours plus petites de plus en plus, jusqu'à ce qu'enfin il s'arrêtat au centre de la terre.

II.

Tout ce que avons dit touchant les mesures de la terre, suppose qu'elle est parfaitement ronde, quoiqu'elle ne le soit pas en parlant à la rigueur, à cause de la hauteur des montagnes, qui n'est considérable qu'à l'égard de nous. Car à l'égard de la terre, c'est peu de chose, comme vous voyez dans la table suivante, que nous avons tirée du P. Kircher, & qui montre en pas geométriques la hauteur des plus considérables montagnes du monde, autant qu'on a pu en juger par la longueur de leurs ombres.

Table de la hauteur de quelques montagnes considérables de la terre.

Pelion, montagne de la Thessalie.

Problèmes de Cosmographie.	253
Le mont Olympe en Thessalie	1269
Catalyrium	1680
Cyllenon	1875
Le mont Ætna, on mont Gibel en Sicili	e 4000
Les montagnes de Norvege	6000
Le Pic des Canaries	10000
Hemus, montagne de la Thrace	10000
Le mont Caucase dans les Indes	15000
Le mont Atlas dans la Mauritanie	15000
Les montagnes de la Lune	15000
Le mont Athos entre la Macedoine & la	
	20000
Stolp, le plus haut des monts Riphée	es en la
cythie	25000
Le mont Cassius	48000

Observations.

I.

On ne convient pas qu'il faille donner 28 lieues à un degré d'un grand cercle de la terre; on ne lui en donne ordinairement que 25: mais aussi on compte la lieue commune de France de 1200 toises, ou plutôt de 2282 toises 2 pieds & près de 9 pouces; car on compte au degré d'un grand cercle 57060 toises, mesure du Châtelet de Paris. Cela supposé, il n'est point difficile de connoître que la circonférence d'un grand cercle de la terre est de 9200 lieues, en multipliant 360 par 25, ou de 20541600 toises.

On n'a point encore déterminé précisément la proportion qu'il y a entre la circonférence & le diametre d'un même cercle, on peut en approcher de plus en plus; mais dans l'usage il est bon de s'en tenir à celle qui a été enseignée par Archimede, & qui est à peu près de 22 à 7. Ainsi pour

RECREAT. MATHEM. ET PHYS.
connoître le diametre d'un grand cercle de le terre dont la circonférence est de 9000 lieues il faut multiplier 9000 par 7, & diviser le produit 630 o par 22. Le quotient 2863 lieues & 7 de lieues sera le diametre d'un grand cercle de la terre, & le rayon par conséquent sera d'environ 1431 ou 1432 lieues.

Si l'on vouloit avoir la surface d'un grand cercle de la terre, il faudroit multiplier 4500 lieues, moitié de la circonférence de ce grand cercle par 1432, moitié du diametre de ce cercle, le produit 6444000 lieues quarrées sera la surface d'un grand cercle de la terre. Voyez le problème XLV

de geométrie, tome I, p. 325.

Présentement si l'on multiplie 9000 lieues, citconference d'un grand cercle de la terre, par 2863, son diametre, il viendra au produit 25767000 lieues quarrées pour la surface du globe terrestre.

Enfin pour avoir la solidité de la terre, on multipliera 6444000 lieues, surface d'un grand cercle de la terre, par 2863 lieues, qui en est le diametre, le produit donnera 18449172000 lieues cubiques. Ensuite on prendra les deux tiers de ce produit, qui sont 12299448000 lieues cubiques, & c'est la solidité de la terre, en supposant que le degré d'un grand cercle ne contient que 25 lieues communes de France.

II.

Le calcul, qu'on vient de faire, est fondé sur la grandeur du degré d'un méridien, que M. Picard a trouvé être de 57060 toiles, lorsque dans sa mesure de la terre il a déterminé l'intervalle qui est entre le parallele d'Amiens & celui de

Problemes de Cosmographie. Salvoisine Mais M. Cassini rapporte dans la ire des mémoires de l'académie royale des tiences 1718, * que le degré d'un méridien a côté du midi, par rapport à l'observatoire, soit avoir 57097 toises. D'où il conclud que la tirconférence de la terre, en la supposant sphérique, est de 20554920 toises, qui valent 8999 lieues, & son diametre de 6542840 toises, qui valent 2864 lieues, dont 25 font un degré; chacune de ces lieues est de 2284 toises de Paris.

* Premiere partie 💃 p. 148, & 149.

Il dit aussi dans les mêmes mémoires * que la grandeur du degré d'un méridien du côté du conde septentrion, par rapport à l'observatoire, a été part. treuvée de 56960 toises. D'où l'on auroit, en multipliant ce nombre par 360, une circonfé-rence moindre que celle qu'on vient de trouver, Le par conséquent un diametre différent des précitens, en observant la proportion qui est entre la circonférence d'un cercle & son diametre. D'où il résulte vraisemblement que la terre n'a pas une fgute sphérique.

* Se-P. 237.

III.

Ce qu'on a dit dans les articles précédens, suppose que la terre est un corps sphérique, tel que l'a conjecturé Aristote, qui a entrepris de le prou-ver dans le chapitre 14 de son second livre de calo. Mais d'autres philosophes célebres ont cru que la terre avoit une figure elliptique. Quel-ques-uns ont pensé qu'elle étoit applatie vers les poles, & plus élevée vers l'équateur. Messieurs Huyghens & Newton ont prétendu que la terre émit semblable à un sphéroide, dont le plus grand diametre sous l'équateur, selon le premier, setoit au plus petit diametre d'un pole à l'autre,

RECREAT. MATHEM. ET PHYS. come 578 à 577, & selon le second, con 230 à 229. Quelques autres philosopes au c traire ont cru que la terre étoit allongée vers poles.

IV.

M. Cassini nous permettra de le mettre à la de ces derniers philosophes, puisqu'ayant tre que les degrés d'un méridien sont plus grat plus ils sont près de l'équateur, & qu'ils di nuent à mesure qu'ils s'approchent du pole, i qu'on peut conclure que la circonférence d terre n'est pas de figure sphérique. Pour appi ce sentiment, & lui donner tous les éclaire mens possit!es, il propose une ellipse, dor propriété est telle, qu'étant divisée en degrés des perpendiculaires élevées sur sa surface, cun de ces degrés diminue en s'approchant poles, & augmente en s'en écartant. Après q ques démonstrations, il trouve que supposant centricité de la terre de 14400 parties, don rayon est 100000, c'est-à-dire, environ con 1 à 7, cette ellipse représente assez exacten la figure d'un méridien de la terre, tel qu'il sulte des dimensions observées dans les voy de Messieurs de l'observatoire, tant en 1700 le midi, qu'en 1718 vers le septentrion.

V.

La distance entre le parallele de la face n' dionale de l'observatoire de Paris, & celu Collioure, prise sur la méridienne, est de 360 toises, & l'arc compris entre ces deux paralles est de 6 d. 18', 56", 20". De même la dista entre le parallele de la même face de l'obse PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 157
pire & celui de Dunkerque, prise sur la méritenne, est de 125454 toises, & l'arc compris ente ces deux paralleles est de 2 d. 12' 15' 30".
Par conséquent la distance entre les paralleles de
Collioure & de Dunkerque sur la méridienne, est
de 486058 toises, & l'arc de ce méridien est de
8 d. 31' 11' 50".

VI.

Cela supposé, on trouve, selon M. Cassini, que le degré compris entre la hauteur du pole de 48 & de 49 degrés, tel qu'il est aux environs de Paris, est de 57005 toises; que dans l'étendue de la France la grandeur du degré diminue d'environ 31 toises en s'approchant du pole, & augmente à peu près de la même quentité en s'en s'en signant; en sorte que le degré compris entre les paralleles de 50 & 51 degrés, est de 56944 toises 2 pieds; & le degré compris entre les paralleles de 42 & 43 degrés, est de 57192 toises & 4 pieds.

La longueur du grand axe de ce méridien elliprique sera de 6579368 toises, la distance entre les soyers de 947434 toises, & le petit axe de 6510-96 toises. La difference du petit axe au grand sera de 68572 toises. Le petit axe, diametre de l'équateur, étant connu, on aura sa circonference de 20454274 toises, qui étant divisées par 360, donnent la grandeur des degrés de l'équateur, égaux entr'eux dans cette hypothese de 57817 toises, à peu près de même que le degré du méridien qui est à la distance du pole de 36 degrés. La circonférence du méridien elliptique sera de 20563100 toises, & sa difference à la circonférence de l'équateur sera de 108826

toiles.

RECREAT. MATHEM. ET PHYS.' V I I.

con divise toutes ces dimensions par 2006 de leur valeur en lieues telles qu'elles sont au cons de Paris. Ainsi l'axe du méridien ellipse de 3289 de ces lieues, la distance en soyers de 474 lieues, le perit axe de 325 s, & la distêrence du petit axe au grand de mes, la circonférence de l'équateur sera de 47 lieues; celui d'un méridien elliptique de 82 lieues, & leur dissérence d'environ 55

Luna 25.

VIII.

avec quelle facilité M. Cassini déduit toutes cet dimensions dans la sigure elliptique qu'il suppose à un méridien. On y verra aussi comment on peut déterminer, suivant cette hypothese, la grandent de chaque degré du méridien, le diametre, la circonférence & les degrés de chaque parallele. Toutes ces dimensions étant déterminées, il sera aisé de les employer pour la construction des globes terrestres, & pour les cartes géographiques.

IX.

Les lieues dans les provinces de France sont différentes, cependant on peut les tapporter à trois sortes. La lieue des environs de Paris est de 2000 toises: la lieue commune, dont il y 2 25 au degré, sera de 2282 toises; & la lieue marine, dont il y 2 20 au degré, est de 2853 toises. La toise contient 6 pieds, le pied 12 pouces, & le pouce 12 lignes.

X.

Supposant toujours la terre sphérique, jusqu'à ce que les observations de Messieurs de l'obser-

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 159
natoire ayent été confirmées par d'autres, on s'en
iendra pour la grandeur d'un degré, à celle qui
tété trouvée par M. Picard, de 57060 toises;
me minute d'un tel degré contiendra 951 toises,
tune seconde de cette minute aura quinze toises,
5 pieds, 1 pouce. Il ne sera point difficile, en
multipliant ces nombres par les nombres naturels,
de construire une table qui contienne la grandeur
des minutes & secondes d'un degré d'un méridien.

XI.

On donnera ici une table où l'on a marqué les lieux par le voisinage desquels passe la méridienne de la France, qui traverse l'observatoire de Paris. On y a aussi marqué quelques villes qui n'en sont pas fort éloignées. Cette table a trois colonnes; la premiere contient les lieux dont on vient de parler; la seconde contient en toises de Paris la distance de ces distérens lieux à la méridienne de l'observatoire, c'est à-dire, la perpendiculaire menée de chacun de ces lieux à cette méridienne; enfin dans la troisseme colonne on a mis ces lettres Or. Occ. qui signifient que la méridienne passe à l'orient des lieux où l'on a marqué Or. & qu'elle passe à l'occident des lieux où l'on a marqué Or. & qu'elle passe à l'occident des lieux où l'on a marqué Occ.

XII.

Table des lieux les plus voisins de la méridienne de l'observatoire.

Fort de Revers, Dunkerque, Saint Omer, Toises.

1205 Orientale.

1414 Or.

3011 Occidentale.

160 RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

100 TEANTON - Lines design with	A MIS.
•	Toises.
Fiefe,	668 C
Dourlens,	C
Villers Bocage,	580 C
Amiens,	1252 (
Sourdon,	_
Clermont,	3 341 C
Saint Denis,	C
Montmartre,	•
Paris,	•
LaHai,	o
Moulin de Villejuive;	1116 C
Juvify,	1350 C
Boiscommun,	1820 (
Orleans,	16396 (
Prely,	834 (
Rourges,	2358 (
Morlac,	1176 (
Saint Sauvier,	345 (
Arbre de Saint Michel;	645 (
Hermant,	9146 (
Mauriac,	382 (
Marcoulés,	351 (
Saint Antoine,	278 (
Rodés,	9528 (
Naucelle,	21 (
Sommet du Puy de Rouet,	1247 (
Alby,	8316 (
Chapelle de Saint Pierre,	248 (
Castres,	3911 (
Carcassonne,	246 (
Sommet de Bugarach,	1420 (
Perpignan,	23461 (
Pointe noire du Mousser,	
Sommet du Canigou,	5545 (4664 (
committe an cambon,	4004 (

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 161.

Il est bon de remarquer qu'on a placé un pilier

as l'endroit où la perpendiculaire tirée de la

me de la cathédrale de Bourges sur la méridienne

mencontre.

XIV.

Ce qu'on a dit sur la fin du problème VI, nous some occasion de rapporter ici la proportion du sied de roi, qui compose la toise de Paris, à disserentes mesures étrangeres. Le pied de Paris se divise en douze pouces, & chaque pouce en douze lignes. Si on suppose chaque ligne divisée en dix parties, on aura les proportions de diverses me-sures contenues dans la table suivante.

XV.

Rapport des mesures de divers pays.

Le pied de Paris	1440 parties.
Le pied de Bologne de	1682
Le pied de Danemarck de	1404
Le pied du Rhin ou de Leyde de	1390
Le pied de Londres de	1350
Le pied de Suede de	1316
Le pied romain du capitole de	1306
Le pied de Dantzik de	1272
Le pied d'Amsterdam de	1258
Le palme de Naples de	1169
Le palme de Genes de	1113
Le palme de Palerme de	1073
Le palme romain de	990
La brasse de Bologne de	2640
La brasse de Florence à terre de	2430
La braise de Parme de	2423
La brasse de Plaisance de	2423
La brasse de Reggio de	1348 🚡
Tome II.	L

RECREAT. MATRIES.	r Part.
La brasse de Milan de	2166 part
La braile de Bresse de	2075
La bralle de Mantoue de	2061
X V L	
Table de la hauteur de quelque France sur le niveau de	
Montagnes.	Toifes.
Canigou,	1441
Moullet,	1255
Saint Barthelemi,	1184
La Matelere	336
Mallane,	408
Saint-Elme, William to the	iot 3 pi
Puy de Bugarach	650
Caroch,	. 348
Tautavel,	259
Mouffer,	257
Monredon,	101
Montagne Noire;	284
Saint-Barthelemi,	1195
Rupeyroux,	407
Plomb de Cantal,	993
Puy Mary,	956
Puy de Violent,	860
Tour de la cathédrale de Rodés	, 318
Mont-Salvy,	373
La Bastide,	432
Mondor,	1048
Courlande,	\$ 46
La Coste,	856
Lage-Chevalier,	332
Tour de Sermur,	428
Puy de Dome,	817
Mont-Caffel,	96

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. Cette table est extraite de la suite des ménoires de l'académie 1718. On voit que le Cangou est la plus haute de toutes ces montagnes.

PROBLEME VIII.

Connoître la quantité d'un degré d'un petit cercle proposé de la terre.

A Yant connu, par le probl. VII, la valeur d'un degré d'un grand cercle de la terre, il sera facile de connoître la quantité d'un degré d'un petit cercle, par exemple, d'un cercle parallele à l'équateur, qu'on appelle simplement pa: allele, pourvu que sa distance à l'équateur soit connue. Ce qui sert aux géographes pour la description des cartes chorographiques, & pour trouver la distance de deux lieux de la terre situés sous un même parallele, c'est-à dire, également éloignés de l'équateur.

Si vous voulez sçavoir la valeur d'un degré du parallele de Paris, qui est éloigné de l'équateur d'environ 49 degrés, en supposant que la quantité d'un degré de l'équateur est de 28 lieues, tirez une ligne AB d'une longueur prise à volonté, que vous prendrez pour un degré de l'équateur; Pl. 30, divisez-la en 28 parties égales, dont chacune re- fg.118. présentera une lieue. Décrivez de l'extrêmité A, par l'autre extrêmité B, l'arc de cercle BC de 49 degrés. Menez du point C, la ligne CD perpendiculaire à la ligne AB. Et comme cette ligne CD retranche de la ligne AB la partie AD d'environ 18 parties, vous conclurez qu'un degré d'un parallele éloigné de l'équateur de 49 degrés, est de 8 lieues parisiennes.

Lij

164 RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

II.

Cette valeur se peut connoître plus exactement & plus facilement par la trigonométrie, en rasonnant de la sorte.

Ag. 117. Soit l'axe du monde AB, ensorte que A & Ag. 117. Soient les deux poles, & ACBD l'un des deux colures. Soit l'équateur CFD, & le parallele de Paris GHI, dont le diametre GI est perpendiculaire à l'axe AB, & dont la distance CG, ou DI à l'équateur est supposée de 49 degrés, auquel cas le complément AG, ou AI, sera de 41 de-

grés.

Il est évident que CE étant le sinus total, le demi-diametre GK est le sinus de l'arc AG, ou du complément de la distance du parallele. Il est aussi évident que le demi-diametre CE de l'équateur, ou le sinus total, est à sa circonférence, comme le demi-diametre GK du parallele, ou le sinus du complément de la distance de ce parallele, est à sa circonférence. Par conféquent le sinus total est à un degré de l'équateur, comme le sinus du complément de la distance du parallele est à un degré de ce parallele. Et parce qu'un degré de l'équateur est consul, ayant été trouvé de a l'ileues parisiennes, on pourra compostre de combien de semblables lieues, est un degré du parallele éto-posé, par cette analogie.

			3
Comme le finus total	-		100000
A un degré de l'equateur			, 18
Ainsi le sinus du complés	nent de	la	distance
parallele à l'équateur			65606.
A un degré de ce parallel	•		18

qui se trouvera d'environ 18 lieues parissennes.

III.

Ayant ainsi connu la quantité d'un degré du patallele de Paris, on pourra connoître, si l'on veut, la circonférence entiere de ce parallele, en multipliant par 360 sa quantité trouvée 18, ou plus exactement par cette analogie,

Comme le sinus total, 100000

A la circonférence de la terre 10080

Ainsi le sinus du complément de la distance du parallele à l'équateur

A la circonférence du parallele 6613

qui se trouvera d'environ 6613 lieues parissennes. Ce qui fait connoître que, si la terre se meut, la ville de Paris, ou quelqu'autre point que ce soit de son parallele, fait en 24 heures 6613 lieues d'occidenten orient, & par conséquent 275 lieues en une heure, & environ 4 lieues & demie en une minute de tems.

PROBLEME IX.

Trouver en lieues la distance de deux lieux proposes de la terre, dont on connoît les longitudes & les latitudes.

L peut arriver trois cas différens dans cette question. Le premier, lorsque les deux lieux proposés étant sous le même parallele, ils ont une même latitude, mais des longitudes différentes. Le second, lorsqu'étant sous le même méridien, ils ont une même longitude, mais des latitudes différentes. Le troisieme enfin, lorsqu'étant sous différentes. Le troisieme enfin, lorsqu'étant sous

divers paralleles & différens méridiens, ils ont différentes latitudes & différentes longitudes. Nous allons résoudre ces trois cas les uns après les autres, en cette sorte:

Premier cas.

Premierement, soient les deux lieux proposes sous un même parallele, comme Cologne & Maestrick, qui sont sous un parallele éloigné de l'équateur vers le septentrion de 50 d. 50'. Parce que Cologne est plus oriental que Maestrick de 6 minutes de tems, qui valent 1 d. 30' de l'équateur, ou du parallele sous lequel ces deux villes sont situées, comme on le connoît en disant: si 1 heure ou 60 minutes valent 15 degrés, combien vaudront 6 minutes? De sorte que l'arc de ce parallele compris entre Cologne & Maestrick est de 1 d. 30', qui dans l'équateur valent 42 lieues parissennes, à raison de 28 lieues pour un degré, comme on le connoît en disant : si 1 degré ou 60 minutes valent 28 lieues, combien vaudront 1 d. 30', ou 90 minutes? Et pour sçavoir de combien de semblables lieues doit être cet arc dans un parallele éloigné de l'équateur de 50 d. 50', ou la distance des deux lieux proposés, on se servira de cette analogie:

Comme le sinus total, 100000

A la valeur de 1 d. 30' de l'équateur 42

Ainsi le sinus du complément de la distance du parallele à l'équateur 63158

A la distance qu'on cherche 26 ½

qui se trouvera d'environ 26 lieues parissennes & demie.

Second cas.

Secondement, soient les deux lieux proposés sous un même méridien, comme Paris, dont la latitude est de 48 d. 51', & Amiens, dont la latitude est de 49 d. 54'. Otez de cette latitude 49 d. 54', la latitude de Paris 48 d. 51', qui est plus petite, pour avoir au reste 1 d. 3', l'arc du meridien, compris entre Paris & Amiens, que l'on convertira en lieues par la regle de trois, en di-· fant: si un degré ou 60 minutes d'un grand cercle de la terre vaut 28 lieues parissennes, combien vaudra 1 d. 3', ou 63 minutes? Multipliant donc 63 par 28, & divisant par 60 le produit 1764, le quotient donnera environ 29 lieues parisiennes pour la distance de Paris à Amiens.

Troisieme cas.

Enfin si les deux lieux proposés sont différens en longitude & latitude, comme Paris & Constantinople, qui est plus oriental que Paris de 29 d. 30', & plus méridional de 7 d. 45', on imaginera un grand cercle qui passe par ces deux villes, & l'on trouvera l'arc de ce grand cercle compris entre ces deux mêmes villes, en cette sorte.

Soit le premier méridien ABCD, & l'équateur Pl. 31' BD également éloigné des deux poles A, C. Soit fig. 119. le méridien de Paris AEC, & son parallele GHI, ensorte que Paris soit en H. Soit encore le méridien de Constantinople AFC, & son parallele KLM, ensorte que Constantinople soit en L. Soit enfin HL l'arc du grand cercle NHLO, qui passe par les deux lieux proposés H, L.

Cet arc HL se pourra connoître par la trigonométrie dans le triangle sphérique obliquangle

Pl. 31 3:

dans lequel on connoît le côté HC de la complément de la latitude EH de Paris le 48 d. 51', le côté CL de 48 d. 54', cont de la latitude FL de Constantinople de 41 d. 6', & l'angle comptis HCL, or ence des longitudes BCE, BCF, des deux moposés H, L, qui est de 29 d. 30'. trouver donc le côté ou la distance HL en se en minutes, tirez de l'angle H, l'arc du cercle HP perpendiculaire au côté opposé & faites ces deux analogies:

Comme le sinus total 10000000

Au sinus du complément de l'angle HCL
99396968

Ainsi la tangente du côté HC 90414585

A la tangente du segment CP 98811553

qui se trouvera de 37 d. 25', lesquels étant ôtés de la base CL, ou de 48 d. 54', il restera 11 d. 29' pour l'autre segment LP.

Comme le sinus du complément du segment CP 9899506 Au sinus du complément du segment LP 99912184 Ainsi le sinus du complément du côté HC 98767889 Au sinus du complément du côté HL 99680567

qui se trouvera de 21 d. 42', lesquels étant réduits en lieues parissennes par la regle de trois, en disant : si un degré, ou 60 minutes d'un grand cerele de la terre, vaut 28 lieues parissennes, comPROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 169 nien vaudront 21 d. 42', ou 1302 minutes? on trouvera 607 lieues parisiennes pour la distance de Paris à Constantinople.

REMARQUES.

I.

Lorsque les deux lieux proposés sont éloignés entr'eux d'une distance considérable, comme dans cet exemple, on pourra sans aucun calcul trouver presque aussi exactement cette distance en degrés & en minutes d'un grand cercle de la terre, par la projection ortographique de la sphere, comme vous allez voir.

Décrivez du centre A, avec une ouverture de pl. 31, compas prise à volonté, le demi cercle BCDE, sig. 120. qui représentera le méridien de Paris. Prenez sur ce demi-cercle l'arc BF de 48 d. 51', qui est la latitude de Paris, pour avoir le lieu de Paris en F. Par ce point F, & par le centre A, vous menerez le rayon AF.

Prenez sur le même demi-cercle les arcs BC, ED, chacun de 41 d. 6', qui est la latitude de Constantinople. Tirez la ligne CD, qui représentera le parallele de Constantinople, sur lequel vous déterminerez le lieu de Constantinople, en cette sorte.

Ayant décrit autour du diametre CD le demicercle CGD, prenez sur sa circonférence l'arc CG de 29 d. 30', qui est la dissérence des longitudes de Paris & de Constantinople. Menez du point G la ligne GH perpendiculaire au diametre CD, pour avoir en H le lieu de Constantinople. De ce point H vous menerez la ligne HI perpendiculaire à la ligne AF. L'arc FI étant mesuré donnera en degrés & en minutes la distance qu'on Pl. 31, cherche, qui se trouveta d'environ 22 degrés

II.

Nous avons pris la latitude BC de Constantino ple dans le même hémisphere que la latitude Bi de Paris à l'égard de la ligne BE, qui représente l'équateur, c'est-à-dire, depuis l'équateur BE ven le lieu de Paris F, parce que les latitudes de ce deux villes sont septentrionales. Car si l'une avoir été méridionale, comme celle de Fernambout dans le Brefil, qui est de 7 d. 40', il auroit falla 🎮 32, prendre l'arc BC de 7 d. 40' vers l'autre côté, & galli. achever le reste comme nous avons dir, enform que l'arc CG fût de 44 d. 15', qui est la distérence des longitudes de Paris & de Fernambouc. Et parce que l'arc FI se trouve d'environ70 degrés, fi l'on réduit ces 70 degrés en lieues, en les mule tipliant par 18, on aura 1960 lieues parisiennes, pour la distance de Paris à Fernambouc.

III.

Lorsque la distance des deux lieux proposés n'est pas considérable, comme celle de Lyon à Geneve, qui est plus septentrional que Lyon de 36 minutes * & plus oriental que Lyon de 6 minutes de tems, qui valent 1 d. 30' de l'équateur; la méthode précédente, quoique bonne en elle-même, pourroit ne pas bien réussir. Dans ce cas, on pourra se servir de la suivante, qui n'est pas à la vérité géométrique; mais dans une petite distance l'erreur ne sera pas sensible.

Pl. 323 Ayant mené la ligne AB, divisez-la en autant

* La latitude de Lyon est de 45 d. 46', celle de Geneve est de 46 d. 22. PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 171

Le parties égales, & de telle grandeur qu'il vous Pl. 32,

plaira, ces parties représenteront des lieues A l'ex-fig-122.

Trêmité A de cette ligne AB élevez la perpendicu
laire AC, que vous ferez de 17 parties prises sur

léchelle AB. On fait la perpendiculaire AC de 17

parties, parce que 36 minutes, dissérence des latitudes de Lyon & de Geneve, réduites en lieues,

font environ 17 lieues de celles dont on donne 28

à un degré d'un grand cercle de la terre.

Après cela ajoutez ensemble les latitudes des deux lieux proposés, sçavoir, 45 d. 46', & 46 d. 21'. Prenez la moitié de leur somme 92 d. 8' pour avoir une latitude moyenne 46 d. 4', à l'égard de laquelle vous trouverez, par prob!. 8, la quantité d'un arc de 1 d. 30', qui est la dissérence des longitudes des deux villes proposées. Cette quantité se trouvera d'environ 29 lieues parissenmes. C'est pourquoi vous tirerez par le point C, parallelement à la ligne AB, la droite CD de 29 parties prises sur l'échelle AB. Vous porterez sur la même échelle AB, la longueur de la ligne AD, qui se trouvant ici d'environ 34 parties, fait connoître que de Lyon à Geneve il y a en ligne droite environ 34 lieues parissennes.

Parce que le triangle ACD est rectangle en C, & que le côté AC est de 17 parties, & l'autre côté CD de 29, on peut trouver par le calcul l'hypoténuse AD, ou la distance qu'on cherche, en ajoutant ensemble le quarré 289 du côté AC, & le quarré 841 du côté CD, & en promise la ratine quarrée de la somme 1130, qui donnera presque 34 lieues parisiennes pour la ligne AD, qui représente la distance des deux lieux proposés. Car le point A étant pris pour le lieu de Lyon, le point D peut être pris pour le lieu de Geneve,

RECENTAT. MATRIM. ET PHYS.

Se la ligne AD pour l'arc du grand cercle que passe par ces deux villes; parce que la ligne A se représente la différence de leurs latitudes, ou distance de leurs paralleles, la ligne CD la distance moyenne de leurs longitudes, ou la distance moyenne de leurs méridiens, &c.

PROBLEME M.

Décrire la ligne courbe que feroit un vaisseau sur , la mer en faisant sa route par un même rumb marqué, dans la boussole.

S Upposons que l'arc AB, dont le centre est C, se l'agrande la circonférence de l'équateut terrestre, en sorte que le centre C soit la représentation de l'un des deux poles du monde, & que toutes les lignes droites tirées de ce centre C, par les divisions de l'arc AB, comme CD, CE, CF, &cc. représentent autant de méridiens.

Supposons encore qu'un navire parte du point A de l'équateur, dont le méridien est AC, pout aller en G; par le rumb ou vent AH, qui fasse avec le méridien AC, un angle CAH, par exemple, de 60 degrés, qu'on appelle inclinaison de la loxodromie. Il est évident que si le vaisseau a toujours le cap au même rumb, c'est-à-dire, qu'étant en H sous le méridien CD, il continue son chemin par le rumb ou vertical HI incliné au méridien CD du même angle de 60 degrés, en sorte que l'angle CHI soit aussi de 60 degrés; les trois points A, H, I, ne sont pas en ligne droites. Pareillement si le même navire continue sa route depuis I, où il a la ligne CE pour méridien, en K, par le rumb IK, qui fait avec le méridien

PROBLEMES DE COSMOGRAPRIE. E, l'angle CIK aussi de 60 degrés, les trois Pl. 33; ints H, I, K, ne seront pas en ligne droite, fig.123. sainsi de suite, jusqu'en L sur le dernier mérien CB.

D'où il est aisé de conclure que la ligne AH-KL, que le vaisseau a décrit en suivant le même vent, & qu'on appelle ligne loxodromique, ou Emplement loxodromie, est une ligne courbe qui sécatte continuellement du lieu G, où l'on s'étoit proposé d'aller, & qui imite la figure d'une ligne spirale, qui, comme vous voyez, s'approche tonjours du pole C.

REMARQUES.

Si l'on divise la ligne loxodromique AKL en Pl. 33, plusieurs parties égales si petites qu'elles puissent fig. 123. passer pour des lignes droites, comme AH, HI, IK, &c. & que par les points de division H, I, K, &c. on fasse passer autant de paralleles, ou cercles de latitude; tous ces cercles seront également éloignés entr'eux : de sorte que les arcs des méridiens DH, MI, NK, &c. seront égaux entr'eux, aussi-bien que les arcs correspondans AD, HM, IN, &c. non pas en degrés, mais en lieues, à cause de l'égalité des triangles rectilignes rectangies ADH, HMI, INK, &c.

Quand on sçait le tems qu'on a employé pendant un vent favorable à parcourir une loxodromie très-petite, comme AH, en suivant un même rumb, & qu'ainsi on connoît l'arc AD, qu'il est facile de réduire en lieues, en donnant 20 lieues à un degré, & qu'étant en H, on a pris hauteur, c'est-à-dire, qu'on a observé la hauteur du pole,

RECRAT. MATHEM. BY PHYS. Pl. 33, pierre sera descendue en G; de sorte que la partil ag. 114 FG sera 4, la partie DE étant 1, par la nature de corps pelans, qui en tombant librement de hau en bas, acquierent en tems égaux des degrés égaus de vitelle, en parcourant des espaces qui croissent comme les quarrés 1, 4, 9, 16, 25, &c. det nombres naturels 1, 2, 3, 4, 5, &c. ces elpaces croissant les uns par-dessus les autres, selon les nombres impairs 1, 3, 5, 7, 9, &c. C'est pourquoi lorsqu'au troisieme tems, le point D fera parvenu en H, le demi-diametre AB auta pris la fituation AH, & la pierre sera descendue en 1, de sorte que la partie HI sera 9. Lorsqu'au quatrieme tems le point B sera parvenu en K, le demi-diametre AB prendra la fituation AK, & la pierre sera descendue en L, de sorte que la partie KL fera 16. Enfin le point B étant parvenu au cinquieme rems en C, le demi-diamette AB aura pris la lituation AC, la pierre fera delcendue en A, & toute la ligne CA fera 25. Ainsi la pierre, en descendant continuellement, fotmera la ligne courbe BEGILA, que vous pourrez représenter en cette forte.

Parce que la somme des cinq premiers nombres impairs 1, 3, 5, 7, 9, est le nombre quarré 25, dont la racine quarrée est 5, marquez sur la ligne droite AB indéfinie 25 parties égales d'une grandeur prise aussi à volonté depuis B jusqu'en A. De ce point A décrivez par le point B, l'arc de cercle BC d'une grandeur prise aussi à volonté. Divisez cer arc BC en cinq parties égales aux points D, F, H, K. Par ces points vous tirerez au centre A les rayons ou demi-diamerres AD, AF, AH, AK, sur lesquels vous trouvetez les points E, G, I, L, de la ligne courbe que vous voulez décrire,

Problemes de Cosmographie. prenant la partie DE d'une partie égale prise la ligne AB, FG de quatre parties; HI de nf parties, & KL de seize parties, &c.

Observations.

On fera ici quelques observations qui seront de quelque utilité pour l'éclaircissement des problê-

mes qu'on va proposer.

L'année solaire, ou le tems que le soleil employe à parcourir l'écliptique par son mouvement propre, est de trois cens soixante-cinq jours, cinq

heures & quarante-neuf minutes.

Les anciens Romains, depuis Numa Pompilius, donnoient trois cens cinquante cinq jours à leur mnée; ce qui apporta par la suite des tems, du. dérangement dans les saisons. L'empereur Jules César voulur remédier à ce désordre, que le calendrier de Numa avoit causé. Il ordonna que l'année se régleroit sur le mouvement du soleil; qu'on feroit trois années de suite chacune de trois cens soixante-cinq jours, & que la quatrieme seroit de trois cens soixante-six jours: c'est cette quatrieme année qui fut nommée bissextile.

Jesus-Christ étant venu au monde dans un tems où tout l'univers étoit foumis à l'Empire Romain, les nations furent obligées de se conformer à l'usage de cet empire dans la distribution des tems. Le calendrier Julien fut suivi de tous les peuples, mais chacun demeura libre dans l'usage de ses coutumes & de ses traditions pour le culte divin. Les Juiss ne changerent rien à leurs cérémonies, ni à leurs fètes: mais ils les réglerent sur les divers tems qui leur convenoient de l'année Julienne, à laquelle ils assujettissoient leur Tome II.

année lunaire. Les chrétiens firent la même choke Dans les premiers tems de l'église on ne con vint pas sacilement du jour où l'on devoit célébrer la pâque des chrétiens. Les uns vousoies que ce sût le jour où Jesus-Christ avoit été cut cisé, les autres prétendoient que ce devoit êts

le jour de sa résurrection.

Le concile général de Nicée, tenu sous l'empire de Constantin le Grand, tendit uniforma l'usage de célébrer cette grande sête parmi les chrétiens. Il ordonna que la solemnité s'en setoit le premier dimanche d'aptès le quatorzieme de la lune du premier mois, ensorte néanmoins que le 14 de la lune concourant avec un dimanche, on ne célébrat la pâque que le dimanche suivant le 14 de la lune tomboit au jout de l'équinoxe du printems, ou immédiatement après. Et comme l'équinoxe répondoit en ce tems-là au 21 mars, le concile déclara que ce jour serviroit dans la suite à régler le premier mois de l'année lunaire.

Comme l'année Julienne surpasse l'astronomique d'environ i i minutes, * cette dissérence s'étant multipliée tous les ans depuis le concile de Nicée, il arriva que l'équinoxe du printems ne tomboit plus au 21 mars du tems de Gregoire XIII, mais au 11 du même mois, ce qui troubloit l'église dans la célébration de la pâque.

L'année julienne commune est de 365 jours, & la bisserile de 366. L'année astronomique de 365 jours 5 heures 49 minutes. Ces 5 heures 49 minutes sont presque 6 heures, lesquelles étant prises 4 sois; sont un jour en 4 ans : de-là vient que l'anné civile surpasse l'astronomique de 14 minutes.

Cette erreur obligea le pape à faire assembler des astronomes pour réformer le calendrier romain, asin de remettre l'équinoxe du printems au 21 mars, comme il étoit au tems du concile de Nicée, & d'empêcher qu'il n'arrivât dans la suite une pareille erreur. Ce sut pour cela qu'on retrantha tout d'un coup dix jours du calendrier, & que pour sixer perpétuellement l'équinoxe du printems au 21 mars, le pape ordonna que chaque centieme année pendant trois siècles, ne seroit point bissextile, & que la 400 le seroit, asin de retrancher les trois jours qui se trouvent de trop en 400 ans Juliens. Par ce moyen les périodes civiles sont à peu près consormes aux astronomiques.

PROBLEME XII.

Connoître si une année proposée est bissextile, ou de 366 jours.

SI l'année proposée est une des six premieres de l'ere commune, elle n'est point bissextile, parce que les six premieres années de Je-

sus-Christ furent toutes de 365 jours.

2°. Si l'année proposée est entre la 7 & la 459 de l'ere commune, ôtez 7 de l'année proposée, & divisez le reste par 4. S'il ne reste rien après la division, cette année-là est bissextile; s'il reste quelque chose, ce reste marque la quatrieme année après la derniere bissextile; soit proposée par exemple, la 54° année de l'ere commune: ôtez 7 de 54, divisez le reste 47 par 4, la division étant faite, il restera 3, qui marque que l'année 54 de l'ere commune ne sut point bissextile, mais qu'elle étoit la troisieme après la bissextile.

M ij

180 RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

3°. Si l'année proposée est entre celles-ci 45 80 464, elle n'est point bissextile, parce qu'ent ce années, il y en eut 4 de suite qui ne tuter

point biffextiles.

4°. Si on propose une année qui soit entre le 464 de l'ere commune, & 1,82, teins de la réformation du calcudrier par Gregoire XIII, die visez le nombre donné par 4. La division étant faite, s'il ne reste rien, l'année est bissextile; s'il reste quelque chose, elle ne l'est pas. Soit proposée, par exemple, l'année 1509, divisez 1509 par 4, il restera 1, qui montre que l'année 1509, a été la premiere après la bissextile.

so. Si dans la question proposée, il s'agit d'uns année grégorienne, c'est-à dire, d'une de celles qui se sont écoulées depuis 1582, jusqu'à prosent, & qui s'écouleront dans la suite: la question

se réduit à deux cas.

En premier lieu, si l'année proposée n'est pas une des centiemes, là pratique sera la même que la précédente, c'est-à dire, qu'il faudra diviser le nombre donné par 4. Si après la division il ne reste rien, cette année-là est bissextile; s'il reste quelque chose, ce reste marque la quantieme année après la derniere bissextile. Soit proposée 1692, on peut rejetter les deux premiers chissres 16; & comme 91 peut être divisé par 4 sans reste, c'est une marque que 1692 est bissextile. Soit encore proposé 1734; ayant rejetté les deux premiers chissres 17, les autres 34 ne peuvent être exactement divisés par 4, & après la division il reste 2, qui sont voir que cette année 1734 est la seconde après la derniere année bissextile 1732.

En second lieu, si l'année proposée est une des années centiemes, comme 1600, 1700, 1800,

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 181
1900, &c. il faut diviser par 400, ou, ce qui
est la même chose, retrancher deux zeros, & diviser le reste par 4. Si la division est exacte, l'année est bissextile, ou de 366 jours; mais si la division ne peut se faire sans reste, l'année n'est
point bissextile, mais de 365 jours. Ainsi on connoit que 1600 a été bissextile; 1700 ne l'a point
été; 1800 & 1900 ne le seront point.

REMARQUES.

La réformation du calendrier faite par le pape Gregoire XiII, qui fit retrancher dix jours de l'année 1582 a fait donner le nom de calendrier gregorien, & de calendrier nouveau, au calendrier dont l'église romaine se sert à présent. On y a marqué les calendes, qui sont les premiers jours de chaque mois d'où il a tiré son nom, les nones & les ides, qui étoient autresois en usage parmit les Romains.

Avant cette réformation, l'équinoxe du printems anticipoit de dix jours le 21 de mars, car il arrivoit le 11 de ce mois. On les retrancha, afin que cet équinoxe, qui regle le tems auquel les fideles doivent célébrer la fête de pâque, arrivat toujours le 21 de mars, comme il arrivoit au tems. du concile de Nicée. Ce qui rend à l'année so-laire un siege déterminé, c'est-à-dite, que par cette réformation, les équinoxes & les solitices sont retenus & dans les mêmes jours & dans les mêmes mois. C'est pourquoi les peuples que n'ont pas voulu recevoir cette réformation, comptent les équinoxes & tous les autres tems de l'année dix jours plus tard que nous; il arrivera que dans la suite ils celebreront la nativité de vera que dans la suite ils celebreront la nativité de

RECREAT. MATHEM. ET PHYS. notre Seigneur Jesus-Christ au folstice d'été, la fère de faint Jean-Baptiste au solstice d'hyves

PROBLEME

Trouver le nombre d'or d'une année proposée.

TOus avons dit que l'année solaire est de 36 jous 5 heures & 49 minutes; nous dirons id que l'annee lunaire, ou la somme de douze to volutions de la lune par son propre mouvement sous le zodiaque est de 354 jours 8 heures ot 45 minutes D'où l'on voit que l'année lunaire es plus courte que la solaire d'environ 1 1 jours. Co qui fait que l'année lunaire finit i i jours plute que l'année solaire, & par conséquent les nou velles lunes arrivent 11 jours plutôt en une ant

née qu'en la précédence.

Ainsi le soleil & la lune ne finissent pas toujours leurs périodes en même tems, & ils ne repair sent pas dans les mêmes dispositions où ils se sont rencontrés auparavant, c'est-à-dire, les nouvelles lunes ne sombent Jamais deux fois en un même jour dans l'espace de 19 ans. On doit remarquer que cette période de 19 années est plus courte qu'il ne faudroit d'environ 1 heure 17 minutes, & 32 fecondes. D'où il arrive que les nouvelles lunes anticipent d'un jour dans l'espace d'environ 3 12 années. Ce qui a été l'une des causes de la réformation du calendrier, & qu'au lieu du nombre d'or, qui est une période de 19 années, on a inventé les épactes.

On appelle *nombre d'or* le nombre de 19 années solaires, au bout desquelles le soleil & la lune se retrouvent à pen près dans les mêmes

Problemes de Cosmographie. Deints où ils étoient auparavant; c'est à dire que Le lune est nouvelle, & par conséquent en conjonction avec le soleil au premier janvier d'une certaine année, elle sera encore nouvelle au premier janvier après 19 ans accomplis. On a nommé cè nombre nombre d'or, parce que les Athéniens. reçurent sa découverte avec tant d'applaudissement, qu'ils le firent écrire en gros caracteres. d'or au milieu de la place publique. Il a été aussi. appelle eycle lunaire, parce que c'est une période on révolution de 19 années solaires, qui sont autant de 19 années lunaires, entre lesquelles il y. en a douze communes, ou de douze mois synodiques chacune, & sept embolismiques, c'est-àdire de treize lunes chacune; ce qui fait en tout-235 lunaisons, au bout desquelles les nouvelles lunes arrivent les mêmes jours des mêmes mois qu'auparavant.

Pour trouver le nombre d'or d'une année proposée, ajoutez i à cette année proposée, & divisez la somme par 19, sans avoir égard au quotient, le reste sera le nombre d'or qu'on cherche.
Sil reste o ou 19, l'année proposée aura 19 denombre d'or. Si vous voulez avoir le nombred'or de l'année 1693, ajoutez i à 1693, & divisezla somme 1694 par 19; le nombre 3 qui resteaprès la division, est le nombre d'or de l'année
1693. De même pour trouver le nombre d'or de
1728, ajoutez i à 1728, & divisez la somme1729 par 19. La division étant faite, il reste o,
qui fait voir que le nombre d'or de l'année 1728,
qui fait voir que le nombre d'or de l'année 1728,

leta 19.

On ajoute 1 au nombre de l'année proposée, parce que la premiere année de Jesus-Christ avoit 2 de nombre d'or.

M iv

184 RECREAT. MATHEM. ET. PHYS.

S'il s'agusoit d'une année qui précédat l'époque de l'ere commune, & que ce sut, par exemple, la 25° avant Jesus Christ; ôtez 2 de 25, divisée le reste 23 par 19; la division étant faite, il reste ta 4, qu'il saut ôtet de 19, pour avoir le reste 5, qui sera le nombre d'or de la 25° année avan Jesus-Christ.

REMARQUES.

I.

Il est évident que quand on a trouvé le nombre d'or d'une année, on peut par la seule addition avoir le nombre d'or de l'année suivante, en aujoutant 1 au nombre d'or trouvé. On peut aust par la seule soustraction avoir le nombre d'or de l'année précédente, en ôtant 1 du même nombre d'or trouvé Ainsi ayant trouvé 3 pour le nombre d'or de l'année 1693, en ajoutant 1 à ce nombre d'or de l'année 1694, & en ôtant 1 du même nombre trouvé 3, on a 4 pour le nombre d'or de l'année 1694, & en ôtant 1 du même nombre trouvé 3, on a 2 pour le nombre d'or de l'année 1692.

II.

Il est aussi évident qu'à toutes les années qui ont même nombre d'or, les nouvelles lunes arrivent les mêmes jours & les mêmes mois. Ainsi parce qu'en l'année 1693, qui eut 3 pour nombre d'or, la lune sut pouvelle les calendes du mois d'août, c'est à dire le premier jour de ce mois, elle sera aussi nouvelle le premier jour du même mois aux années 1731, 1750, 1769, &c. qui auront aussi 3 pour nombre d'or.

PROBLEME XIV.

Trouver l'épacte pour une année proposée.

l'année solaire sur problème précédent, que l'année solaire surpasse l'année lunaire d'environ 11 jours. Ce qui est vrai précisément si l'on compare l'année solaire commune, qu'on appelle année égyptienne, qui n'est que de 365 jours, avec l'année lunaire commune, qui est de 354 jours seulement. Cette dissérence de 11 jours est ce qu'on appelle épacte, laquelle étant ajoutée à l'année lunaire commune, qui est le tems de douze lunaisons ou lunes, ou mois synodiques, dont chacun est de 29 jours & demi, la rend égale l'année solaire commune.

Le mois sy nodique est le tems qui s'écoule depuis une nouvelle lune jusqu'à l'autre nouvelle lune; ce tems est, comme nous avons dit, de 29 jours & demi, ou plus rigoureusement, de 29 jours 12 heures 44 minutes. Le mois périodique est la révolution ou période de la lune par son mouvement propre depuis un point du zodiaque jusqu'au même point. Cette période est de 27 jours 5 heures & 44 minutes. Le mois périodique est plus court que le mois synodique de 2 jours & 7 heures, à cause que le soleil par son mouvement propre avance pendant le mois périodique d'environ 27 degrés, que la lune doit parcourir après tte retournée au point où elle étoit conjointe ayec le soleil, pour le pouvoir atteindre. Ce qu'elle ne fait que dans l'espace d'environ 2 jours & rheures, après avoir achevé sa période ou révolution dans le zodiaque.

186 RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

Avant que d'enseigner la maniere de connot tre l'épacte, qui dans chaque année ne commenc qu'au mois de mars, nous dirons que les moi synodiques étant chacun d'environ 29 jouts de demi, on les trouve marqués dans le calendries alternativement de 29 & 30 jours; sçavoir, le premier mois de 30 jours, & le second de 29; le troisieme mois de 30 jours, & le quatrieme de 29, & ainsi de suite. Le mois de 29 jours s'appelle mois plein. Lorsque l'année est bissextile, le mois de sévrier est de 29 jours, & l'on fait en ce mois le mois périodique de 30 jours.

Le premier mois commence en Europe à la nouvelle lune de janvier. Les Juifs le commencent en septembre vers l'équinoxe, & l'église le commence à la nouvelle lune de pâques, qui est celle où la lune se trouve pleine après l'équinoxe du printems, ou le jour même de l'équinoxe, que l'église a fixé au 21 de mars, parce que, comme nous avons déja dit ailleurs, au tems du concile de Nicée, l'équinoxe du printems arti-

voit à peu près ce jour-là.

D'où il suit que lotsque la lune se trouve pleine avant le 21 de mars, cette lunaison n'est pas le premier mois de l'année, mais le dernier de l'année précédente, & que pour être le premier, il saut que la pleine lune, qui est le quatorzieme jour de la lune, arrive ou le 21 de mars, ou immédiatement après le 21 de mars. Alors les Catholiques Romains célebrent pâques le dimanche qui suit immédiatement cette pleine lune, en mémoire de la glorieuse résurrection de notre Seigneur Jesus Christ.

D'où il suit encore que toutes les lunes qui

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 187

purmencent depuis le 8 de mars jusqu'au 5 d'avril

clusivement, peuvent être pascales. Par consé
ient la pâque ne se peut célébrer avant le 22 de

lars, ni après le 25 d'avril. Ainsi pâques peut

miver plus tard de 25 jours en une année qu'en

me autre. Elle se célebre le 22 de mars, lorsque

la lane se trouve pleine le 21 de ce mois & que

ce jour est un samedi, comme il arriva en

l'année 1693. Elle se célebre le 25 d'avril, lorsque la lune se trouve pleine le 18 de ce mois,

& que ce jour est un dimanche, comme il arriva

en l'année 1666.

Pour trouver l'épacte d'une année proposée, il faut faire une distinction entre les années juliennes & les années grégoriennes. On appelle années grégoriennes celles qui sont écoulées depuis 1582, année où Gregoire XIII sit un retranchement de dix jours pour remédier à l'inconvénient dont en a parlé, qui est que l'équinoxe du printems tomboit au 11 de mars, au lieu de tomber au 21 du même mois, selon que l'avoit sixé le concile de Nicée. On appelle années juliennes celles qui se sont écoulées avant 1582, ou même celles qui se sont écoulées ou s'écouleront depuis à l'égard de ceux qui n'ont point reçu la réformation de Gregoire XIII.

I.

S'il s'agit d'une année julienne, cherchez par le problème précédent le nombre d'or qui convient à cette année. Multiplez ce nombre d'or par 11, qui est la différence de l'année solaire & de l'année lunaire. Divisez le produit par 30, qui est le nombre des jours d'un mois synodique. Puis négligeant le quotient de la division, n'ayez

égard qu'au reste, ce sera l'épacte qu'on cherche Qu'on propose 1489, dont on demande l'epacte le nombre d'or de 1489 est 8. Musupliez 8 par 30; le reste 2 sera l'épacte de 1489. De même si on regardité le produit 88 par 30; le reste 2 sera l'épacte de 1489. De même si on regardité, comme une année julienne; c'est à diresticeux, qui n'ont point reçu la réformation de Gregoire XIII demandent l'épacte de 1726, april 2 avoit trouvé 17, nombre d'or de 1726, ilsaur mustiplier 17 par 11, & diviser le produit 187 par 30, le reste sera l'épacte de 1726, regarde comme année julienne.

II.

Si l'année proposée est gregorienne, après avoir multiplié le nombre d'or pat 11, otez du produit le nombre des jours retranchés par la réform mation de Gregoire XIII, & divisez le reste par 30; la divilion étant faite, on n'aura point d'égaté au quotient, & ce qui restera sera l'épacte de l'année gregorienne. Depuis l'année 1,82 jusqu'à l'année 1 700 exclusivement, il faut ôter 10 à cause de 10 jours qu'on a retranché de 1582 dans la réformation du calendrier. Mais depuis l'année 1700 inclusivement, jusqu'à l'année 1800 exclusivement, il faut ôter 11, parce que l'année 1700 n'a point été biffextile selon la réformation, quoiqu'elle le dût être selon le calendrier julien; ainsi ce jour qu'on a retranché en 1700, & les 10 qu'on avoit rettanché en 1582, font 11 jours qu'on doit ôget du praduit du nombre d'or trouvé par 11, différence de l'année solaire & de la lunaire, comme il a été dit. Lorsque ce produit diminué de 10 où de 11 ne peut être divisé par 30, le reste est l'épacte même qu'on cherche.

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIS. 189
PQu'il soit proposé de trouver l'épacte de l'année tregorienne 1693, dont le nombre d'or est 3. Isultipliez 3 par 11, ôtez 10 du produit 33, le este est 23; & comme ce nombre 23 ne peut être livisé par 30, il s'ensuit que 23 est l'épacte de 1693, suivant la remarque qu'on vient de faire. Si on demande l'épacte de l'année gregorienne 1726, ayant trouvé par le problème précédent le nombre d'or 17, multipliez 17 par 11, puis ôtant 11 du produit 187, divisez le reste 176 par 30: la division étant faite, il restera 26, qui sera l'épacte de l'année 1726.

REMARQUES.

I.

L'épacte qu'on trouve sans ôter 10, 11, &c. an produit du nombre d'or par 11, est appellée pacte vieille, parce qu'elle convient particuherement aux années avant la réformation du calendrier, c'est-à-dire, avant l'année 1582.

Cette épacte vieille se peut trouver sais la division, en cette sorte. Faites valoir 10 l'extrêmité d'en haut du pouce de la main gauche, 20 la jointure du milieu, & 30 ou plutôt 0, ou rien l'autre extrêmité, ou la racine. Comptez le nombre d'or de l'année proposée sur le même pouce, en commençant à compter 1 à l'extrêmité, 2 à la jointure, 3 à la racine, ensuite 4 à l'extrêmité; 5 à la jointure, 6 à la racine; de même 7 à l'extrêmité; 8 à la jointure, 9 à la racine, ainsi de suite, jusqu'à ce que vous soyez parvenu au nombre d'or trouvé, auquel vous n'ajouterez rien, s'il tombe à la racine, parce que nous lui avons attribué 0: mais vous y ajouterez 10 s'il tombe à roo Recreat. Mathem. et Phys.
l'extrêmité; & 20 s'il tombe à la jointure, pate

que nous les avons fait valoir autant. La somme sera l'epacte qu'on cherche, pourvu qu'on en ôt

so, quand elle sera plus grande.

Le nombre d'or de 1480 étoit 8. En comptant 8 sur le pouce, comme on vient de dire, & commençant à compter 1 sur l'extrêmité du pouce, 2 sur la jointure, 3 sur la racine, puis 4 sur l'extrêmité, &c. on trouvera que 8 tombe sur la jointure. Ajoutez 20, qui a été attribué à la jointure 20 nombre d'or 8, vous aurez 28, qui est l'épacte cherchée de l'année 1489. De même si on veut sçavoir l'épacte vieille de 1726, dont le nombre d'or sera 17, commencez à compter 1 sur l'extrêmité du pouce, 2 sur la jointure, &c. jusqu'à ce que vous ayez compté 17, qui tombera sur la jointure au nombre d'or 17. De la somme 37 ôtez 30, il restera 7 pour l'épacte vieille de 1726.

Par le même artifice on pourra trouver l'épacte pour quelque année que ce soit du dernier siecle, pourvu que l'on fasse valoir 20 l'extrêmité du pouce, 10 la jointure, & 0, ou rien la racine, & que l'on commence à compter 1 sur la racine, 2

à la jointure, &cc.

II.

Il est évident, par ce qui a été dit, que pour trouver l'épacte d'une année proposée, lorsqu'on a celle de l'année précédente, il n'y a qu'à ajouter 11 à l'épacte de cette année précédente; & que si à cette épacte trouvée on ajoute pareillement 11, ou aura l'épacte de l'année suivante, ainsi de suite. Mais on aura soin d'ôter 30 de la somme, lorsqu'elle sera plus grande, & d'ajouter 12 au

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 191 en de 11, lorsqu'on aura 19, ou plutôt o pour embre d'or.

Ainsi ayant trouvé 23 pour l'épacte de l'année 1693, en ajoutant 11 à cette épacte 23, la somme 25, de laquelle ôtant 30, le reste 4 est l'épacte le l'année 1694. Si à cette épacte 4 on ajoute preillement 11, ou aura 15 pour l'épacte de l'année 1665, & ainsi de suite.

III.

On peut encore trouver très-facilement l'épacte pour une année proposée depuis l'année 1582 jusqu'à l'année 1699 inclusivement, par le moyen de la table suivante, qui est composée de deux

1

78

9

10

13

14

15

16

17

19

colonnes, dont la premiere vers la gauche contient tous les nombres d'or depuis l'unité jusqu'à 19, & la feconde vers la droite comprend autant de nombres en proportion continue arithmétique, dont l'excès est 2, en commençant par 0, qui répond 2 au premier nombre d'or 1, jusqu'à 26, qui cépond au dernier nombre

d'or 19. 16 Ayant trouvé par le problème pré-18 cédent le nombre d'or d'une année 10 proposée; par exemple, 3 pour l'an-22 née 1693, multipliez par 5 le nom-24 bre 4, qui répond à la droite dans la 26 seconde colonne, au nombre d'or 3, 28 qui est dans la premiere. Ajoutez au 30 produit 20 le même nombre d'or 3. 32 La somme 23 étoit l'épacte de l'an-34 née proposée 1693. 36

Il peut arriver que cette somme sera plus grande que 30. Dans ce cas il en faut ôter 30 autant de fois qu'il sera possible, & le ressera l'épacte qu'on cherche, comme pour trois l'épacte de l'année 1699, qui eut 9 de nombre d'or. Multipliez par 5 le nombre 16, qui se trouve dans la table précédente, vis-à-vis de ce nombre d'or 9. Ajoutant le même nombre d'or 9 approduit 80, vous aurez 89: d'où ôtant deux sous venoit à l'anné 1699.

IV.

On peut aussi trouver les épactes depuis 1705 inclusivement jusqu'à 1900 exclusivement par cette table dans laquelle on a exprimé les nombres d'or par des chiffres arabes, & les épactes par des chiffres romains.

Nombre d'or	10	λX	12
Epactes	IX		Ī
Nombre d'or	13	XXIII	15
Epactes	XII		IV
Nombre d'or	16	XXVI	18
Epactes	XV		VII
Nombre d'or Epactes	XVIII.	1 *	z Xl
Nombre d'or Epactes	XXII	111	XIII
Nombre d'or	6	7	8
Epactes	XXIV	VI	XVII.
Nombre d'or Epactes	XXVIII		

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 193 Qu'il soit proposé de trouver l'épacte de l'année 1726. Premierement cherchez le nombre d'or 17 de cette année 1726. Ensuire prenez dans la table précédente l'épacte XXVI, qui répond au nombre d'or 17. Ce sera l'épacte de l'année 1726.

PROBLEME XV.

Trouver l'âge de la lune en un jour donné d'une année proposée, & si elle est nouvelle.

A Vant que de trouver l'âge de la lune dans un jour donné d'un mois proposé, il faut trouver la nouvelle lune de ce mois; ce qu'on va enseigner par cette méthode.

Méthode pour trouver la nouvelle lune d'un mois proposé.

On trouvera d'abord l'épacte de l'année du mois proposé: puis parmi les épactes disposées dans le calendrier du breviaire & des missels, selon l'ordre des jours du mois, cherchez celle de l'année proposée: ce sera le jour de la nouvelle lune.

Qu'on propose, par exemple, de trouver la nouvel e lune du mois de mars 1726, dont l'épacte est XXVI, je cherche ce nombre XXVI dans les épactes marquées à coté des jours du mois de mars, je trouve que ce nombre XXVI répond au 5 de mars; ce qui me fait connoître que la lune seta nouvelle le 5 de mars de l'année proposée 1726.

Après avoir trouvé la nouvelle lune par la méthode précédente, il ne sera pas difficile de treuver l'âge de la lune d'un mois proposé, comme Tome II. non le va voir dans la premiere des deux mête des suivantes.

Premiere méthode de trouver l'âge de la lune dans un jour d'un mois proposé.

Ayant trouvé par le moyen des épactes du calendrier le jour de la nouvelle lune du moiscomme il vient d'être enseigné, comptez inclasivement combien il y a de jours depuis la nouvelle lune jusqu'au jour proposé: ce sera l'âge de la lune.

Qu'on propose de trouver quel sera l'âge de la lune le 15 avril de l'année 1724, dont l'épacte est IV. Ayant trouvé que ce nombre épactal IV répond dans le calendrier au 27 de mars, comptez combien il y a de jours depuis le 27 de mars inclusivement jusqu'au 15 d'avril : ce sera l'âge de la lune, c'est-à-dire, que le 15 d'avril sera le 20 de la lune.

Autre méthode de trouver l'âge de la lune dans un jour d'un mois proposé.

On ajoute ordinairement l'épacte de l'année, le nombre des mois écoulés depuis mars inclusivement, & le nombre des jours du mois dans lequel on est: si ce nombre est moindre que 30, il montre l'âge de la lune; s'il est plus grand que 30, le surplus de 30 marque l'âge de la lune. Si on veut sçavoir quel fut l'âge de la lune le 18 avril de l'année 1693, dont l'épacte étoit 23; à cette épacte 23 ajoutez 2, nombre des mois de mars & avril, & le nombre 18 du jour proposé. De la somme 43 ôtez 30, le reste 13 étoit l'âge de la lune le 18 avril de l'année 1693.

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 195 Cette méthode s'éloigne de la vérité, comme en le peut voir en cherchant l'âge de la lune au 15 avril de l'année 1724; car au lieu de trouver 20 qui sera le vrai âge de la lune, on trouveroit 21, en ajoutant ensemble 4 d'épacte, 2 de mois, & 15 de jours de mois. C'est pourquoi il saut la rectifier par la table suivante, dans laquelle les chiffres, qui répondent au mois, montrent combien il faut ajouter de mois.

Janvier	•	Juil!et	4
Février	I	Aout	
Mars	•	Septembre	7
Avril	r	Octobre	7
Mai	1	Novembre	9
Juin	3	Décembre	9

Je veux sçavoir, par exemple, quel sera l'âge de la lune le 18 d'octobre de l'année 1726, dont l'épacte sera 26; je trouve 7 vis-à-vis octobre. J'ajoute 7 à 26, dont la somme est 33, que j'ajoute aux 18 jours du mois d'octobre. De la somme 51, je rejette 30, qui est une lunaison complette; le reste 21 marque que le 18 d'octobre de l'année 1726, la lune aura 21 jours.

REMARQUE.

Si on prétend qu'il ne faille commencer à compter l'épacte d'une année qu'au mois de mars, & qu'on veuille sçavoir l'âge de la lune au jour d'un mois qui précede le mois de mars, par exemple, le 15 de janvier de l'année 1693; au lieu de se servir de l'épacte 23, on se servira de l'épacte 12 de l'année précédente 1692. Ajoutez donc à

Nij

cette épacte 12, le nombre 11 des mois inclusivement depuis le mois de mars jusqu'au mois proposé de janvier, & de plus le nombre 15 du jour donné; ôtez 30 de la somme 38: le reste 8 est l'âge de la lune qu'on demande. Ce nombre 8 étant ôté du nombre donné 15, jour du mois, le reste 7 fait connoître que la lune étoit nouvelle

le 7 du mois de janvier de l'année 1693.

Ou bien, pour trouver le jour de la nouvellé lune au mois de janvier de la même année 1693, on ajoutera à l'épacte 12 de l'année précédente 1692, le nombre 11 des mois compris inclusivement entre le mois de mars & le mois de janviet. On ôtera de 30 la somme 13. Le reste 7 fait connoître que la lune étoit nouvelle environ le 7 janvier de l'année 1693. Je dis environ, parce que par les épactes on s'éloigne quelquefois d'un jour de la nouvelle lune, comme il arrive dans cet exemple. Car les tables astronomiques font connoître que la lune doit avoir été nouvelle le 6 janvier de l'année 1693. Par conféquent elle doit avoir été pleine le 20 du même mois, comme on le connoît en ajoutant 14 au nombre trouvé 6 du jour de la nouvelle lune.

PROBLEME XVI.

Connoître s'il y a éclipse dans une nouvelle ou pleine lune.

Uoique le calcul des éclipses soit très-pénible dans l'astronomie, on pourra cependant, sans qu'il en coûte beaucoup de peine, connoître les éclipses par le moyen de la pratique suivante. Ce que nous allons dire ne sert que pour le dixPROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 197 mitieme siecle, c'est-à-dire, depuis 1700 jusqu'à 1800.

I.

1°. Pour les nouvelles lunes, comptez le nombre des lunaisons complettes, depuis celle qui commence au 8 janvier 1701, suivant le calendrier Gregorien, jusqu'à la nouvelle lune propesée. Multipliez ce nombre de lunaisons complettes par 7361. Ajoutez 3890 à ce produit. Divisez la somme par 43200. Sans avoir égard au quotient, si ce qui reste de la division, ou la différence entre ce reste & le diviseur, est moindre que 4060, il y a éclipse de soleil.

Exemple d'une éclipse de soleil dans une nouvelle-lune.

On demande s'il y eut éclipse de soleil le 22 mai 1705, qui fut le jour de la nouvelle-lune. Depuis le 8 de janvier 1701 jusqu'au 22 mai 1705, il y a 54 lunaisons complettes. Multipliez ce nombre 54 par 7361, & au produit 397494 ajoutez 33890. Divisez la somme 431384 par 43200. Après la division, il restera 42584, qui est plus grand que 4068. Mais ayant retranché 42584 du diviseur 43200, il reste 616, qui est un nombre plus petit que 4060. Il y eut donc éclipse de soleil le 22 mai 1705.

II.

2°. Pour les pleines lunes, comptez le nombre des lunaisons complettes depuis celle qui commence au huitieme de janvier 1701 jusqu'à la conjonction qui précede la pleine lune proposée. Multipliez ce nombre de lunaisons complettes par 7361.

*Voyez le problême XXXI. Ajoutez à ce produit 37326. Divisez la some par le nombre 43200. Si ce qui reste après la division, ou la dissérence entre le reste & le diviseur est moindre que 2800, il y a éclipse de lune.

Exemple d'une éclipse de lune dans une pleine-lune.

On demande si dans la pleine lune qui arriva le 17 avril de l'année 1706, il y eut éclipse de lune. Depuis le huitieme de janvier 1701 julqu'à la nouvelle-lune qui précéde immédiatement le 27 avril 1706, il y a 65 lunaisons complectes. Il faut donc multiplier 6; par 7361, 80 ajoutant 37326 au produit 478465, on aura la somme 515791, qu'il faut ensuite diviser par 43200. On trouvers que la division étant fatte fans avoir égard au quotient, il restera le nombre 40591, qui elt plus grand que 1800. Mais ayant retranché 40591 du diviseur 43200, un gura après la soustraction un reste 2609, plus petit que 1800. D'où l'on conclura qu'il y est éclipse de lune dans la pleine lune du 27 avril 1706.

PROBLEME XVII.

Construire une machine qui montre les éclipses tant du soleil que de la lune, les mois, les années lunaires, & les épactes.

Pl. 34, Ette machine inventée par feu M. de la Hire, fg. 33.

est composée de trois platines rondes de cuivre ou de carton, & d'une regle ou alidade qui tourne autour d'un centre commun, comme il paroît par la figure.

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 199

cès l. Vers le bord de la platine supérieure, qui est le plus petite, il y a deux bandes circulaires, dans le le le le le petites ouvertures, dont les extérieures marquent les nouvelles lunes & l'image du soleil, & les intérieures marquent les pleines lunes & l'image de la lune.

Le bord de cette platine est divisé en douze mois lunaires, qui sont chacun de 29 jours 12 heures 44 minutes, mais de telle sorte que la sin du douzieme mois, qui fait le commencement de la seconde année lunaire, surpasse la premiere nouvelle lune de la quantité de 4 des 179 divisions marquées sur la seconde platine, qui est au milieu des deux autres.

Au bord de cette platine il y a un index attaché, dont l'un des côtés, qui en est la ligne de
foi, fait partie d'une ligne droite qui tend au centre de la machine; cette ligne passe aussi par le
milieu de l'une des ouvertures exterieures, qui
montre la premiere nouvelle lune de l'année
lunaire. Le diametre des ouvertures est égal à
l'étendue de quatre degrés ou environ.

Le bord de cette seconde platine est divisé en 179 parties égales, qui servent pour autant d'années lunaires, dont chacune est de 354 jours & 9 heures ou environ. La premiere année commence au nombre 179, auquel sinit la dernière.

Les années accomplies sont marquées chacune par leurs chiffres 1, 2, 3, 4, &c. qui vont de quatre en quatre divisions, & qui sont quatre sois le tour pour achever le nombre 179, comme on le voit en la figure de cette platine. Chacune des années lunaires comprend quatre de ces divisions, de sorte que dans cette figure elles anticipent l'une sur l'autre de quatre des 179 divisions du bord.

Niv

200 REGREAT, MATHEM, ET PHYS.

Sur cette même platine, au-dessous des ouvert res de la première, il y a aux deux extrêmités d'un même diametre une espace colore de noir, qui répond aux ouvertures extérieures, & qui marque les éclipses du soleil, & un autre espace rouge qui répond aux ouvertures insérieures, & qui marque les éclipses de la lune. La quantité de chaque couleur qui paroît par les ouvertures fait-voir la grandeur de l'éclipse. Le milieu des deux couleurs, qui est le lieu du nœud de la lune, répond d'un côté à la division marquée 4, & ; de degrés de plus, & d'autre côté il répond au nombre opposé La figure de l'espace coloré se voit sur cette seconde platine, & son amplitude ou étendue marque les termes des éclipses.

est au dessous des autres, contient les jours & les mois des années communes. La division commence au premier jour de mars, afin de pouvoir ajouter un jour au mois de février, quand l'année est bissexiste. Les jours de l'année sont décrits en forme de spirale, & le mois de sévrier passe au delà du mois de mars, à cause que l'année lunaire est plus courte que l'année solaire. De sorte que la quinzieme heure du dixieme jour de sévrier répond au commencement du mois de mars. Mais après avoir compté le dernier jour de sévrier, il faut rétrograder avec les deux platines supérieures dans l'état où elles se trouvent, pour reprendre le premier jour de mars.

Il y a 30 jours marqués au-devant du mois de mars, qui servent à trouver les épactes

Il faut remarquer que les jours, comme nous les prenons ici, ne sont point accumplis suivant

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 2011

Problemes des astronomes, mais comme le vulgaire c's des compte, commençant à une minuit, & finis
Puis test à minuit du jour suivant. C'est pourquoi un service les fois qu'il s'agit du premier jour d'un mois, ou de tout autre, nous entendans l'espace ce jour marqué dans la division; car nous comptons ici les jours courans suivant l'usage rulgaire, comme nous venons de le dire.

Dans le milieu de la platine supérieure, on a décrit des époques qui marquent le commencement des années lunaires par rapport aux années solaires, selon le calendrier Gregorien, & pour le méridien de Paris. Le commencement de la premiere année, dont la marque doit être o, & qui répond à la division 179, est arrivé à Paris le 19 sévrier à 14 heures & demie de l'année 1680. L'sin de la premiere année lunaire, qui est le commencement de la seconde, répond à la division marquée 1, & elle est arrivée à Paris l'an 1681, le 17 février, à 23 heures 1/4, en comptant, comme nous avons dit, 24 heures de suite d'une minuit à l'autre. Et de crainte qu'il n'y eut quelque erreur en rapportant les divisions du bord de la seconde platine avec celles des époques des années lunaires qui leur correspondent, nous avons mis les mêmes nombres aux unes & aux autres.

Nous avons marqué les époques de suite de toutes les années lunaires depuis 1700 jusqu'à l'année 1750, afin que l'usage de cette machine sur plus facile pour accorder ensemble chacune des années lunaires & solaires. Quant aux autres années de notre cycle de 179 ans, il ne sera pas dissicile de le rendre complet, en ajoutant 354

202 RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

jours 8 heures 48 minutes, & deux tiers per

chaque année lunaire.

La regle ou alidade qui s'étend du centre l'instrument jusqu'au bord de la plus grande plitine, sert à rapporter les divisions d'une platine avec celle des deux autres. Si l'on applique cent machine à un horloge, on aura un instrument parfait & accompli en toutes ses parties.

La table des époques qui est dressée pour le méridien de Paris, pourra facilement se réduite aux autres méridiens, si pour les plus orientes que Paris on ajoute le tems de la différence de méridiens, & au contraire, si on l'ôte pour les

lieux plus occidentaux.

Il est à propos de mettre la table des époque au milieu de la platine supérieure, afin qu'elle puisse être vue avec cette machine.

Epoques des années lunaires, rapportées aux années civiles pour le méridien de Paris.

	Années Civiles.		Mois.	J,	H.	M.
179.	1680.	B.	Février,	29	14	24
I.	1681.		Février,	17	23	13
2.	1682.		Février,	7	8	
IO.	1689.		Novembre,	Î2	6	30
20.	1699.		Juillet,	26	22	37
21.	1700.		Juiller,	16	7	26
22.	1701.		Juiller,	5	15	14
23.	1701.		Juin,	25	1	3
24.	1703.		Juin,	14	9	52
25.	1704.	B.	Juin,	2	18	40
26.	1705.		Mai,	23	3	29
27-	1706.		Mai,	12	12	17

	Années civiles.		Mois.	J.	H.	M.
28.	1707.	•	Mai,	X	2 I	6
29.	1708.	B.	Avril,		5	
30.	1709.		Avril,		14	-
jΙ.	1710.		Mars,	20	23	32
32.	1711.		Mars,	19	8	2 [
33.	•		Mars,	7	17	9
34.	1713.		Février,	25	I	58
	1714.		Février,	14	10	47
_	1715.	_	Février,	_	19	_
	•		Janvier,	_	4	-
_	• -		Janvier,		13	
	1718.				22	
_	1718.				6	_
_	1719.				15	-
•	•	В.	Novembre,	•	0	•
	1721.		Novembre,		9	
	1722.		Novembre,		18	-
_	1723.		Octobre,	_	2	•
-	1724.	B.	Octobre,	_	11	
_	1725.		Octobre,	_	20	
	1726.		Septembre,		5	
49.		D	Septembre,		14	
•	1728.			-	22	
51.	1719.		Août,		7	
52.			Août,	_	16	
53.	_	_	Août,		1	
54-			Juillet,		10	
55.			Juillet,		18	•
56.	_		Juillet,		3	
57.	- •	_	Juin,		12	- •
	•	B.	Juin,		21	•
59.	1737.		Mai,	29	6	12

204 RECREAT. MATHEM, ET PRYS.

Ann.	Années		Mois	J.	Ħ.	M.
	civiles.					
60.	1738.		Mai, .	18	15	3
			Mai,		23	
		_	Ayril,		8	_
63.			Avzil,		17	
64.	1742.		Avril,		2	
65.	1743.		Mars,		aı	
66.	1744.	B.	Mars,	43	19	53
67.	1745.		Mars,	3	4	41
68.	1746.		Février,	20	13	30
69.	1747.		Février,	9	2.2	18
70.	1748.	B.	Janvier,	30	7	7
71.	1749.		Janvier,	1.8	15	56
72.	1750.		Janvier,	8	Q	44
80,	1757.		Octobre,	12	23	15
90.	1767.		Juin,	26	15	10
ADO.	1777.		Mars,	9	7	26
310.	1786.		Novembre,	20	23	83
120.	1796.	B.	Août,	3	15	39
130.	1806.		Avril,	17	7	45
140.	1815.		Décembre,	29	23	52
140.	1825.		Septembre,		15	
160.	1835.		Mai,		8	4
170.	1845.		Février,	6	0	11
ı.	1854.		Octobre,	20	16	17

Maniere de faire les divisions sur les placines.

Le cercle de la plus grande platine est divisé à telle façon que 368 degrés 2 minutes 42 secon des comprennent 354 jours 9 heures un peu moins d'où il suit que ce cercle doit contenir 346 jour 35 heures, lesquels on peut prendre sans erres

Usage de cette machine.

PROBLEME XVIII.

Une année lunaire étant proposée, trouver les jours de l'année solaire qui lui répondent, dans les-quels doivent arriver les nouvelles & pleines lunes & les éclipses.

Oit proposée, par exemple, la vingt-quatrieme année lunaire de la table des époques, qui répond à la division de la platine du milieu marquée 14. Arrêtez la ligne de foi de l'index de la platine supérieure sur la division marquée 24 en la platine du milieu, où est le commencement de la vingt-cinquieme année lunaire. Et voyant par la table des époques que ce commencement tombe sur le quatorzieme jour de juin de l'année 1703 à 9 heures 52 minutes, tournez ensemble les deux platines supérieures en cet état jusqu'à ce que la ligne de foi de l'index attaché à la platine supérieure convienne avec la dixieme heure, ou environ, du quatorzieme de juin, marquée sur la platine inférieure, auquel tems arrive la premiere nouvelle lune de l'année lunaire proposée; car la ligne de foi de l'index passe par le milieu de l'ouverture de la premiere nouvelle lune de cette année lonaire.

Ensuite, sans changer la situation des trois platines, étendez depuis le centre de l'instrument un fil, ou la regle mobile, la faisant passer par le milieu de l'ouverture de la premiere pleine-lune, la ligne de foi de cette regle répondra au commencement du vingt-neuvierne jour du mois de juin à A heures :, qui est le tems de cette pleine lun laquelle seta totalement éclipsée comme il par par la couleut rouge qui remplit toute l'ouverne de cette pleine lune.

Nous connoctrons par un femblable moy qu'à la nouvelle lune qui doit arriver environ le trois heures du marin du quarorzieme de juille il y aura une éclipse partiale du soleil. Si l'ég poursuit plus avant, on remarquera les éclipie qui doivent arriver pendant le mois de décembre de la même année 1703, vers le commencement de l'année fuivante. Mais comme la dixieme gouvelle lune passe au-dela du vingt-huiticm jour de février, ayant conduit l'alidade jusqu'an vingt-huitieme jour de février, faites rétrogrades les deux platines supérieures conjointement aven l'alidade en l'état où elles se trouvent jusqu'à ci que la ligne de foi se rencontre sut le commencement de mars, par où nous avons commencé la division de l'année; d'où conduisant la regle par toutes les ouvertures des nouvelles & pleines lunes, vous connoîtrez fur la derniere platine le toms qu'elles doivent arriver.

Mais comme la treizieme nouvelle lune est la premiere de l'année suivante, laquelle répond au nombre 25 des divisions de la platine du milieu, on laissera les deux platines inférieures en l'état où elles se trouvent, & on avancera celles de desfus jusqu'à ce que la ligne de foi de son index convienne avec le nombre 25 de la platine du milieu, auquel point elle marquera sur la dernière & plus grande platine le tour de la première nouvelle sune de la vingt-sixieme amée lunaire, se son l'ordré de notre époque, laquelle arrivera le second

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 209 second jour de juin à 18 heures 40 minutes de lan 704. Ensuite conduisant la regle mobile sur le milieu des ouvertures des nouvelles & pleines lunes, elle marquera sur la derniere platine les jours qu'elles doivent arriver, aussi bien que les éclipses jusqu'à la fin de sévrier; après quoi il faudra faire le même que pour l'année précédente, c'est-à-dire qu'apres être parvenu à la fin de sévrier, il faudra rétrograder jusqu'au premier jour de mars.

On pourroit ainsi trouver les commencemens de toutes les années lunaires, sans se servir de la table des époques: mais d'autant qu'il n'est pas possible d'ajuster si exactement les platines & l'alidade les unes sur les autres, qu'il ne se glisse quelque errreur, qui s'augmente d'année en année, la table des époques servira pour rectifier l'usage de

cette machine.

En posant la ligne de soi de la regle mobile sur l'âge de la lune entre les jours des mois lunaires marqués sur le bord de la platine supérieure, on verra les jours des mois communs correspondans, & à peu près les heures sur le bord de la platine insérieure.

ll est à remarquer que les calculs de la table des époques sont faits pour les tems moyens des nouvelles lunes, qui supposent les mouvemens du soleil & de la lune toujours égaux: c'est pourquoi il se trouve quelque différence d'avec les tems apparens des nouvelles & pleines lunes, & des éclipses, telles que nous les voyons de la terre, comme elles sont marquées dans les éphémérides.

Les mouvemens propres du soleil & de la lune, aussi-bien que ceux des autres planetes, nous Tome 11.

RECREAT. MATHEM. ET PRYS. paroissent tantôt plus vites, tantot plus lents Cette inégalité apparente vient en partie de co que leurs orbites ne sont pas concentriques à la terre, & en partie de ce que les arcs égaux de l'écliptique, qui est oblique à l'équateur, ne palsent pas toujours par le méridien avec des parties égales de l'équateur. Les astronomes, pour la tacilité de leurs calculs, ont imaginé un mouvement qu'ils appellent moyen ou égal, supposant que les planetes décrivent en des tems égaux, des arcs égaux de leurs orbites. Le tems qu'ils appellent vrai ou apparent, est la mesure du mouvement vrai ou apparent, & le tems moven el la mesure du moyen mouvement. Ils ont auth la con-inventé des regles pour réduire les tems moyens en tems viais ou apparens (ces deux mots lignifiant en cette occasion la même chose) & au contraire pour réduire les tems vrais ou apparens en tems moyens.

Des Epadles.

Les jours des épactes, qui sont matquées avant Je mois de mars dans la platine supérieure, donnent les épactes de chaque année, qu'il fant compter du premier de mars en rétrogradant. Car après avoit fait rétrograder les deux platines supérieures depuis le dernier de février jusqu'au premier de mars, comme nous l'avons dit ci-dellus, cherchez avec la regle mobile le jour des épactes, qui répond à la nouvelle lune qui précede immédiatement le premier de mars. De cette maniere vous trouvetez qu'en l'année 1704, au commencement de mars, la nouvelle lune répond à 21 jours ; de l'épacte.

Consultez les tables astronomiques de M. de la

noiffance des tems. PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 211 Hire, & le traité de la construction & des principaux usages des instruments de mathématique par le sieur Bion.

PROBLEME XIX.

Trouver la lettre dominicale, & le cycle solaire d'une année proposée.

N appelle cycle solaire une révolution perpétuelle de 28 années. Pour bien entendre la nature & l'origine de ce cycle, il faut faire les

remarques suivantes.

premieres lettres de l'alphabet ABCDEFG, en sorte que A réponde au premier janvier, B au 2, C au 3, D au 4, E au 5, F au 6, G au 7, A au 8, B au 9, & ainsi de suite par plusieurs révolutions de sept. Les sept jours de la semaine, qu'on nomme aussi féries, sont représentés par ces sept premieres lettres.

2. Parce que dans une année de 365 jours il y a 52 semaines & un jour, & que ce jour de reste est le premier d'une 53° révolution, une année commune de 365 jours doit commencer & finir

par un même jour de la semaine.

3. Dans cette disposition, une même lettre de l'alphabet répond toujours à une même férie de la semaine pendant le cours d'une année commune de 365 jours.

4. Ces lettres servant toutes alternativement à marquer le dimanche dans une suite de plusieurs années, sont pour cela appellées lettres do-

minicales.

5. Il suit de-là que si une année commence par un dimanche, elle finira aussi par un dimanche;

O ij

ainsi le premier Janvier de l'année suivante sera un lundi, qui répondra à la lettre A, & le septieme sera un dimanche, qui répondra à la lettre G. Cette lettre G sera la lettre dominicale de cette année-là. Par la même raison l'année d'après auta F pour lettre dominicale. Celle qui suivra auta E, & ainsi de suite, en circulant dans un ordre rétrograde de celui de l'alphabet. C'est de cette circulation des lettres qu'est venu le nom de cycle.

folaire, parce que le dimanche chez les payens

étoit appellé dies solis, jour du foleil.

6. Sil n'y avoit point d'années bissextiles à ajourer, tous les différens changemens de lettres dominicales se seroient dans l'espace de 7 ans. Mais cet ordre est intercompu par les années bissextiles, dans lesquelles le 24 février répond à deux différentes féries de la semaine. Ainsi la lettre F, qui auroit marqué un samedi dans une année commune, marquera un samedi & un dimanche dans une année bissextile: ou si elle eut marqué un dimanche dans une année commune, elle marqueroit un dimanche & un lundi dans une année bissextile, &c. D'où il suit que la lettre dominicale change dans cette année, & que celle qui marquoit un dimanche dans le commencement de l'année, marquera un lundi après l'addition du bissextile. On voit par-là la raison pour quoi on donne deux lettres dominicales à chaque année bissextile, l'une qui sert depuis le premier janvier jusqu'au 24 février, & l'autre depuis le 24 février jusqu'à la fin de l'année. De sorte que la deuxieme lettre dominicale seroit naturellement celle de l'année fuivante, si on n'y avoit point ajouté de biflextile.

7. Enfin toutes les variétés possibles qui arri-

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 213
vent aux lettres dominicales, tant dans les années communes que dans les bissextiles, se sont dans l'espace de 4 sois 7, qui sont 28 ans. Car après sept bissextes, le même ordre des lettres dominicales revient & circule comme auparavant. C'est cette révolution de 28 ans qu'on appelle cycle solaire, ou cycle de la lettre dominicale.

Ce cycle a été inventé pour connoître facilement les dimanches d'une année proposée, en connoissant la lettre dominicale de cette année.

I.

Pour trouver la lettre dominicale d'une année proposée depuis Jesus-Christ, selon le calendrier nouveau, ajoutez au nombre de l'année proposée sa quatrieme partie, ou sa plus prochainement moindre, si ce nombre ne se peut exactement diviser par 4. Otez 5 de la somme pour le siecle 1600, 6 pour le siecle suivant 1700, 7 pour le fiecle 1800, & 8 pour les siecles 1900, 2000, parce que les années 1700, 1800, 1900, ne Teront point bissextiles; 9 pour le siecle 2100, 10 pour le siecle 2200, & 11 pour les siecles 2300 & 2400, parce que les trois années 2100, 2200, 2300, ne seront point bissextiles; & ainsi de suite. Divisez le reste par 7; & sans avoir égard au quotient, le reste de la division vous fera connoître la lettre dominicale qu'on cherche, en la comptant depuis la derniere G vers la premiere A. De sorte que s'il ne reste rien, la lettre dominicale sera A; s'il reste 1, la lettre dominicale sera G; s'il reste 2, la lettre dominicale sera F, & ainsi des autres.

Ainsi pour trouver la lettre dominicale de l'année 1693, ajoutez à ce nombre 1693 sa quatrieme partie 423. Après avoir ôté 5 de la somme 2116, divisez le reste 211 par 7. Puis sans avoir égatd au quotient 301, le reste 4 fait connoître qu'en l'année 1693 on eut D pour lettre dominicale, puisqu'elle est la quatrieme, en commençant à compter depuis la detniere lettre G, par un ordre tétrogade. Voyez la table qui est sur la fin du problème XXII. Elle servira à trouver avec facilité la lettre dominicale pour quelque année que ce soit depuis Jesus-Christ, sans aucun calcul.

Observez que pour avoir sûrement par cette pratique la lettre dominicale d'une année bissextile, il faut d'abord trouver la lettre dominicale de l'année qui la précede, puis prendre la lettre précédente, qui servita jusqu'au 14 sévrier de l'année bissextile, ensuite la lettre qui précede, pour la

faire servir le reste de l'année.

Si je veux trouver la lettre dominicale de 1714, je cherche d'abord celle de 1723, en lui ajoutant la quatrieme partie prochainement moindre 430, ôtant 6 de leur fomme 2153, & divifant le reste 1147 par 7. Sans avoir égard au quoment, le reste ç après la division me fait voir que la lettre dominicale de cette année 1723 est C. qui est la cinquieme des 7 premieres lettres de l'alphabet, en les comptant par ordre rétrograde. Connoillant que C est la lettre dominicale de 1723, il sera aisé de connoître que B doit être la lettre dominicale de l'année suivante 1724. Mais comme 1714 est bissextile, B ne servira que jusqu'au 24 février, & on prendra A qui piécede B, pour le faire servir depuis le 24 février jusqu'à la fin de l'année. D'où l'on voit que B & A sont les deux lettres deminicales de l'année bissextile 1724.

II.

Pour trouver le cycle solaire d'une année propolée, ajoutez 9 à l'année proposée, & divisez la somme par 28; s'il ne reste rien, 28 est le nombre du cycle solaire; s'il reste quelque chose, ce
mête est le nombre qu'on cherche. Si on demande,
par exemple, quel étoit le cycle solaire de 1693,
ajoutez 9 à 169;. Divisez la somme 1702 par
28; & sans avoir égard au quotient 60, le reste
de la division vous fera connoître que le cycle
solaire pour cette année 1693 est 22.

REMARQUES.

I.

Il est évident que quand on a une fois connu le nombre du cycle solaire pour une année depuis Jesus-Christ, on a, en ajoutant 1 à ce nombre, le cycle solaire de l'année suivante, & qu'en ôtant 1 du même nombre, on a le cycle solaire de l'année précédente. Ainsi ayant trouvé 22 pour le cycle solaire de l'année 1693, ajoutant 1 à 22, on a 23 pour le cycle solaire de l'année suivante 1694, & ôtant 1 du même nombre 22, on a 21 pour le cycle solaire de l'année précédente 1692.

II.

Il est évident aussi que quand on a une sois la lettre dominicale d'une année depuis Jesus-Christ, on a facilement la lettre dominicale pour l'année suivante, ou pour la précédente. On prendra pour cette lettre dominicale la lettre qui suit dans l'ordre de l'alphabet, pour l'année précédente; & réciproquement pour l'année suivante, on prendra la lettre précédente qui servira pour toute l'année, si cette année n'est pas bissextile; mais si elle est bissextile, cette lettre ne servira que jusqu'au 24 de sévrier; & la lettre qui pré-

cédera en l'ordre de l'alphabet, servita pour le rette de l'année, parce que l'année bissexuse ayant un jour de plus que la commune, a deux lettres

dominicales.

Ainsi ayant connu que la lettre dominicale de l'année 1693 est D, on connoîtra que la lettre dominicale de l'année suivante 1694 est C, & que l'année précédente 1692, qui étoit bissextile, avoit ces deux lettres dominicales F, E, dont la premiere F ayant servi jusqu'au 24 de sévrier, l'autre lettre E a servi le reste de l'année.

III.

On peut sans division trouver immédiatement le cycle solaire d'une année proposée depuis Jesus Christ, par le moyen de la table suivante, qui est composée de deux colonnes, dont celle qui est à gauche contient les années de Jesus - Christ depuis 1 jusqu'à 10, & depuis 10 jusqu'à 100, de dixaine en dixaine; depuis 100 jusqu'à 1000, de centaine en centaine; depuis 1000 jusqu'à 9000, de mille en mille. Il est facile de la continuer à l'infini, si l'on sçait la maniere de mettre dans la colonne qui est à droite, vis-à-vis de ces années, les nombres du cycle solaire; ce qui se fait ainsi.

Ayant mis vis-à-vis des dix premieres années, les mêmes nombres pour les cycles solaires de ces mêmes années, & aussi 20 pour le cycle solaire de la 20° année, au lieu de mettre 30 pour le cycle solaire de la 30° année, mettez seulement 2, qui est l'excès de 30 sur 28, ou sur la période PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 217
tyle solaire: pour la 40° année, qui est la une des années 10 & 30, mettez la somme 12

_				
I	- 1		:00	16
14	4		200	4
3	- 5		300	20
4	5 4		40 0	8
5	5		500	24
6	6	:	600	F 2
7	7 8	i	790	
8	8		800	16
9	9	!	900	4
10	10		1000	20
10	10		2000	12
30	2		3000	4
40	12		4000	24
50	22		5000	
60	4	\	6000	8
70	14	1	70 00	1 1
80	14		8000	20
90	6		9000	12
		-		

cycles solaires 10 & 2, qui conviennent à ces iées, & ainsi des autres, en ôtant toujours 28 la somme des cycles solaires, quand elle sera s grande. Voilà pour la construction de la ta-; venons maintenant à son usage.

IV.

Premierement, si l'année proposée, dont on tche le cycle solaire, se trouve dans la table préente, on aura ce cycle solaire, en ajoutant 9 nombre qui lui répond dans la colonne qui est à 218 RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

droite. Ainsi ajoutant 9 au nombre 12, qui répond
à l'année 2000 dans la table précédente, on 221

pour cycle solaire de l'année proposée.

V.

Mais si l'année donnée ne se trouve pas exactement dans la table précédente, on la divisera es plusieurs années qui s'y puissent trouver. On ajoutera ensemble tous les nombres qui se trouveront dans la colonne à droite vis-à-vis de ces années qui sont à gauche. La somme de tous ces nombres étant augmentée de 9 donnera le cycle solaire de l'année proposée, pour vu qu'on ôte 28 de cette somme autant de sois qu'il sera possible, quand elle sera plus grande.

Comme pour trouver le cycle solaire de l'aunée 1693, on réduira ce nombre d'années 1693 en ces autres quatre 1000, 600, 90, 3, ausquels répondent dans la table précédente ces quatre nombres 20, 12, 6, 3, dont la somme 41 étant augmentée de 9, donne cette seconde somme 503 d'où ôtant 28, il restera 22 pour le nombre du

cycle solaire de l'année 1693.

VI.

On ajoute 9 à la somme de tous ces nombres, parce que le cycle solaire avant la premiere année de Jesus-Christ étoit 9. Par conséquent ce cycle avoit commence dix ans avant la naissance de Jesus-Christ; ce qu'on peut connoître en cette sorte.

Sçachant par tradition, ou autrement, le cycle solaire d'une année, par exemple, que 22 est le cycle solaire de l'année 1693, ôtez 21 de 1693. Divisez le reste 1671 par 28. Ensin ôtez de 28 se

PROBLEMES DE GOSMOGRAPHIE. 219 de 19 de la division. Le nombre restant 9 est cycle solaire avant la premiere année de Jesusbrist.

VII.

On pourra de la même façon construire une table propre pour connoître le nombre d'or d'une anée proposée, avec cette dissérence, qu'au lieu d'ôter 28, il faut ôter 19, parce que la période de ce cycle est 19; & qu'au lieu d'ajouter 9, il sant ajouter seulement 1, parce que le nombre d'or avant la premiere année de Jesus-Christ toit 1. Par conséquent ce cycle avoit commencé deux ans avant la naissance de Jesus-Christ, c'est-d-dire, que la premiere année de Jesus-Christ avoit 2 de nombre d'or, &c.

VIII.

On peut encore trouver la lettre dominicale d'une année proposée d'une autre maniere que celle que nous venons de donner. Cette lettre dominicale étant trouvée servira à faire connoître la lettre qui convient à chaque jour de la même année, comme vous allez voir.

Divisez le nombre des jours qui se sont écoulés inclusivement depuis le premier de janvier jusqu'au jour proposé, qui doit être un dimanche, quand on veut trouver la lettre dominicale de l'année: autrement on trouvera seulement la lettre qui convient au jour proposé. Divisez, dis-je, ce nombre de jours par 7; s'il ne reste rien de la division, la lettre qu'on cherche sera G; s'il reste quelque chose, ce nombre restant sera connoître le nombre de la lettre qu'on demande, en la comptant selon l'ordre de l'alphabet depuis la premiere lettre A.

210 RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

Ainsi pour connoître la lettre qui convient à 26 d'avril de l'année 1693, en divisant par 7 nombre 116 des jours comptis inclusivement e tre le 1 de janvier & le 26 d'avril, le reste de division est 4, qui fait connoître que la quatrien lettre D convient au jour proposé, lequel éta un dimanche, on conclut que la lettre dominé cale de l'année 1693 est D.

PROBLEME XX.

Trouver à quel jour de la semaine tombe un jour donné d'une année proposée.

Nous avons déja dir que les jours de la femaine sont appelles séries, & nous dirons ici que la premier série est le dimanche, que la seconde série est le landi, que la troisieme est le mardi, & ainsi de suite jusqu'au samedi, qui est la septieme série, & qui a été appellé samedi, ou jour du sabat, c'est-à-dire, jour du repos, parce que c'est ce jour - là que Dieu se reposa dans la création du monde.

Pour trouver en quelle férie tombe un jout proposé de quelque année depuis Jesus - Christ, ajoutez au nombre donné des années sa quatrième partie, ou sa plus proche, qui soit moindre, quand il n'en a pas une juste. Ajoutez encore à la somme le nombre des jours compris inclusivement entre le 1 de février & le jour proposé. Vous aurez une seconde somme, de laquelle il faut ôter 11, & diviser le reste par 7. Le nombre qui restera après la division, sera le nombre de la série qu'on cherche, sçavoir, dimanche, s'il reste 1; lundi, s'il reste 2; mardi, s'il reste 3,

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 221 ainsi de suite; s'il ne reste rien, le jour prosé sera un samedi.

Ainsi pour sçavoir à quel jour de la semaine mboit, par exemple, le 27 d'avril de l'année 193, ajoutez à 1693 sa quatrieme partie 423, se plus 117, nombre des jours qui se sont écousdepuis le premier de janvier jusqu'au 27 d'avril clusivement. Ayant ôté 12 de la somme 2233, ivisez le reste 2221 par 7, & sans avoir égard a quotient 317, le reste 2 après la division fait onnoître que le 27 d'avril de l'année 1693 étoit seconde série, c'est-à-dire un lundi.

REMARQUES.

I.

Cette méthode suppose que l'on suit le calennier nouveau; car en suivant le calendrier juen, au lieu d'ôter 12 de la somme, il ne saut ter que 2, sçavoir, 10 de moins, à cause des dix surs qui ont été retranchés en 1582. Ainsi avant ette année 1582, il ne saut ôter que 2 de la somme, & achever le reste, comme il a été dit. sais il saut ôter 13 de la même somme, à prént que nous sommes dans le dix-huitieme siecle, irce qu'en l'année 1700 on a omis un jour en ne la isant point bissextile, comme elle auroit dû l'être son le calendrier julien. Voyez le probl. XXII.

II.

Nous remarquerons que les noms des jours de semaine viennent des idolâtres, qui ont maraé chaque jour de la semaine par le nom partilier d'une planete. Néanmoins au lieu de dire ur du soleil, nous disons dimanche, mot qui vient du latin dies dominica, c'est-à-dire, jour seigneur, parce que Jesus-Christ voulut resse citer un tel jour; & au lieu de dire jour de Si turne, nous disons samedi, c'est-à-dire, jour sabat, ou jour du repos, parce que, come nous avons déja dit auparavant, Dieu se reposal septieme jour dans la création du monde.

PROBLEME XXI.

Trouver la sête de pâques, & les autres sêtes mobiles en une année proposée.

I,

TOus avons remarqué au problème XIV que la pâque se peut célébrer depuis le 22 de mars, lorsque la lune étant nouvelle le 8 mars, fon 14° jour tombe au 21 de mars, & que ce jour est un samedi, jusqu'au 25 d'avril inclusivement, lorique la lune étant nouvelle le ; d'avtille 14° jour tombe au 18 de ce mois, & que ce jour est un dimanche. Car dans ce cas, on tomet à célébrer la pâque au dimanche fuivant c'est-à-dire, sept jours après, pour ne la pas célébrer avec les Juifs. Cela ayant été ainsi arrêté par les conciles, & fur-tout par celui de Nicée, qui a été tenu au commencement du quatrieme fiecle en la présence du grand Constantin. Ainsi vous voyez que le commencement de la lune paichale est entre le huitieme de mars & le cinquieme d'avril inclusivement.

I I.

Nous avons dit aussi au même probl. XIV, qu'oc appelle épactes les 11 jours par lesquels l'année PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 223 daire surpasse l'année lunaire. Ce qui a fait dont le même nom d'épactes à ces trente nombres mi sont placés vis-à-vis des jours de chaque mois ans le calendrier nouveau, par un ordre rétro-rade. Les épactes qui sont depuis XIX jusqu'à KXIX inclusivement, sont appellées épactes embolismiques, parce qu'en leur ajoutant XI, qui est la véritable épacte, la somme surpasse une lune complette, c'est-à-dire 30, & qu'ainsi il y a treize lunes pleines dans les années où ces épactes embolismiques servent d'épactes.

Ces trente épactes ainsi disposées dans le calendrier gregorien, servent à faire connoître les jours ausquels la lune se trouve nouvelle dans toute une année. Ainsi l'épacte 23 de l'année 1693 répondant dans le calendrier gregorien au 8 de janvier, au 6 de février, au 8 de mars, au 6 d'avril, au 6 de mai, au 4 de juin, au 4 de juillet, au 2 d'août, au 1 & au 30 de septembre, au 30 d'octobre, au 28 de novembre, & au 28 de décembre, fait connoître que les nouvelles lanes ecclésiastiques arrivent ces mêmes jours.

III.

Cela érant supposé, connoissant la lettre dominicale & l'épacte d'une année, on trouvera le jour de pâques de cette maniere. Cherchez dans un calendrier, par le moyen de l'épacte, le jour de la nouvelle lune paschale. Comptez 14 jours inclusivement depuis cette nouvelle lune. La sète de pâques arrivera immédiatement le dimanche d'après le quatorzieme de la lune. Ce dimanche sera facile à trouver par le moyen de la lettre dominicale.

224 RECREAT. MATREM. ET PHYST

nouveau le jour auquel on doit célébrer pâquen une année proposée, par exemple, en l'année 1693, dont l'épacte est 23, cherchez cette épacte 23 dans le calendrier, entre le 8 de mars & le te avril inclusivement. Vous trouverez qu'elle répondau 8 de mars, qui sut par conséquent le premie Jour de la lune paschale. Si vous comptez ensuit 14 jours, en commençant à compter 1 sut 8,2 sur 9, & ainsi de suite, vous tomberez au 21 de même mois, qui sera par conséquent le jour de la pleine lune paschale. Et comme ce jour étoi un samedi, le dimanche suivant, sçavoir le 21 de mars, sut le jour de pâques en l'année 1693.

Pareillement pour connoître par le moyen de même calendrier le jour auquel on célébra le fête de pâques en l'année 1666, dont l'épace el 24, cherchez cette épacte 24 dans le calendriet grégorien entre le 8 de mats & le 5 d'avril inclusivement. Ayant trouvé qu'elle répond au 5 d'avril, qui fut par conséquent le premier jour de la lune paschale, comptez 14 jours depuis ce 5, en commençant à compter i sur 5, & vous arriverez au 18 d'avril, qui se rencontrant un dimanche, comme on le voit par le problème XX, le dimanche suivant, sçavoir le 25 d'avril, sur le jour de pâques en l'année 1666. Ainsi des autres.

IV.

On peut prendre pour regle dans cette techerche des deux vers latins.

Post martis nonas ubl sit nova luna require: Tertia lux domini proxima pascha dabit.

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. On bien ces deux vers françois:

119

De mars après le 7 cherchez lune nouvelle, Trois dimanches comptez, le 3 pâques s'appelle.

Cest-à dire, qu'il faut chercher dans le calenduer en quel jour tombe le premier jour de la nouvelle lune d'après le 7 de mars, & compter depuis ce jour-là inclusivement trois dimanches, le troisieme dimanche sera le jour de pâques. Je dis inclusivement, parce que si cette nouvellelune tomboir en un jour de dimanche, la sète de pâques arriveroir le troisieme dimanche inclusivement, c'est-à-dire, y compris celui où tombetoirla nouvelle-lune pascale.

V.

Mais comme l'on n'a pas toujours un calendier entre les mains, on pourra se servir de la table suivante, qui est composée de 9 colonnes de haut en bas. La premiere vers la gauche contient les sept lettres dominicales suivant l'ordre de l'alphabet. La dernière à droite comprend les mois & les jours des mêmes mois, ausquels se doit célèbret la pâque aux années qui ont les mêmes lettres dominicales que l'on voit écrites dans la premiere colonne, & les mêmes épastes que l'on voit marquées par ordre dans les sept autres colonnes d'entre-deux.

Ainsi vous voyez que pour connoître par le moyen de cette table le jour auquel on doit célébrer la sète de pâques en une année proposée depuis Jesus-Christ, on doit sçavoir l'épacte de cette année par le problème XIV, & aussi la lettre dominicale par le problème XIX. Car vis-à-vis de cette lettre dominicale, & de cette épacte,

Tom 11.

REGREAT, MATHEM, ET PHYS.

Table pour trouver la Fête de Pâques.

					Ų		
	25 22	11,20	119		_ {	16	Mars.
	18 17	16 15	14	13	22	2	Avril.
Å	11,10	9 8	i zi	6 j	्रो	9	Avril.
	4 3	2 1	*	29	8	16	Avril.
	27 26	25 24		ı		13	Avril.
	23 22	21 20	119	+ 8		2	Mars.
	17 16	_	1	12	_		Avril.
В	1018	1 - 4 1 1	1 - 1				Avril.
	1 2	/	_				Avril.
	26 19		~ 7	-"	^/		Avril.
			<u> </u>				
	1 * 1	21 20		_			
	16 15	14 13	_				Avril,
€	9 8						Avtil.
	2 1	19 28	27	26			
	25 24		1		Ļ	25	Avril.
	231	1 1				21	Mars.
_		10 19	18	17	16	19	Mars
D	_	13 12		_	_		
	8 7			3	2		Avril.
		28 27	1 1	- 1	24	19	Avril.
			1 1				Mars.
	13 21		1[- 4			
	121 20	19 10	117]	10]	12	30	Mars.
_		12 21			°		Awall
	7 6		1 1				Avril.
	1 129	28 27	126	251	34}	20	WALL!
	23 11		1				Mars.
	19 19	18 17	16	15	14	31	Mars.
ŧ	13 112	111 10	9	8	7	7	Avril
	6 5	4 3		1	- 1	14	Avril.
		27 26	25	24		21	Avril.
	20122	21 20	1 1	i		2.5	Mars.
		17 16		14	13	_	Avril.
G		10 =	1,31	- 1	*2] 6]		Avril
1	5 4	1 -		?	9	15	
		26 25	1		7		Ayril,
	1-012/		1-7	. 1.	<u> </u>	42	943 Y114

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 217
un trouvers dans la derniere colonne le jour de la sette de pâques, qui regle toutes les autres fêtes mobiles. Comme pour connoître le jour de pâques en l'année 1693, dont la lettre dominicale étoit D, & l'épacte 23, on trouvers vis-àvis de cette épacte 23, & de cette lettre dominicale D, que le jour de pâques fut le 22 mars. Pareillement pour connoître le jour de pâques en l'année 1666, dont la lettre dominicale étoit C, & l'épacte 24, on trouvers vis-à-vis de l'épacte 24, & de la lettre dominicale C, le 25 d'avril pour le jour de pâques qu'on cherche.

VI.

Le jour de la pleine lune pascale, qu'on nomme terme de pâques, étant connu, le jour de pâques estaisé à connoître, comme vous avez vu. Mais on le peut trouver encore autrement sans table & sans calendrier, en cherchant le terme de pâ-

ques, en cette sorte.

Si l'épacte nouvelle de l'année proposée n'excede pas 23, ôtez-la de 44. Le reste donnera le
jour de mars pour le terme de pâques, si ce reste
ne surpasse pas 31; car s'il excede 31, le surplus
donnera le jour d'avril pour le terme de pâques.
Mais si l'épacte courante est plus grande que 23,
ôtez-la de 43, ou seulement de 42 quand elle
sera 24 ou 25, le reste donnera le jour d'avril
pour le terme de pâques.

Ainsi pour avoir le terme de pâques en l'année 1693, dont l'épacte étoit 23, ôtez 23 de 44; le reste donne le 21 de mars pour le terme de pâques. De même pour trouver le terme de pâques en l'année 1666, dont l'épacte étoit 24, ôtant 24 de 24, on aura le 18 d'avril pour le terme de

pâques. Ainsi des autres.

Pij

Paisque la sête de pâques regle toutes les antres sêtes mobiles, il seta facile de connoître le jours ausquels ces sêtes se doivent célébrer, ayant une sois connu le jour de pâques. Car le lundi après le cinquieme dimanche, c'est-à-dire, 3 jours après pâques, viennent les rogations, apres lesquelles, sçavoir, le jeudi suivant, suit immédiatement l'ascension de notre Seigneur Jesus-Christ, le 40° jour après pâques. Dix jours après, ou le 50° jour après pâques, on célebre la sête de la pentecôte. Le dimanche suivant, sçavoir, 56 jours après pâques, on célebre la sête de la sainte-trinité. Et le jeudi suivant, ou 11 jours après la pentecôte, c'est-à-dire, 60 jours après pâques, arrive la sête-Dieu.

Le neuvieure dimanche avant pâques est la sepetuagesime, qui est éloignée de pâques de 63 jours. Le dimanche suivant, ou le huitieme dimanche avant pâques, est la sexagesime, qui est éloignée de pâques de 56 jours. Le dimanche suivant, ou le septieme dimanche avant pâques, est la quinquagesime, qui est éloignée de pâques de 49 jours-Ensin le mercredi suivant, qui est éloigné de pâ-

ques de 46 jouts, est le jour des cendres.

Pour le dimanche de l'avent, qui ne dégend point de pâques, c'est celui qui arrive ou le 30 de novembre, sête de saint André, ou le dimanche qui est le plus proche de cette sête; ce qui est facile à connoître par la lettre dominicale.

L'église appelle quadragesime le premier dimanche du carême : reminiscere le second dimanche du carême : oculi le troisseme dimanche du carême : latare le quatrieme dimanche du PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 219 carême: judica le dimanche de la passion, qui est le cinquieme dimanche du carême: & hosanna le dimanche des rameaux, qui est le sixieme dimanche de carême, ou le premier dimanche avant pâques.

Elle appelle quasimodo le premier dimanche après pâques: misericordia le second dimanche après pâques: jubilate le troisseme dimanche après pâques: cantate le quatrieme dimanche après pâques: & vocem jucunditatis le cinquieme dimanche après pâques, ou le dimanche avant les rogations.

VIII.

On pourra trouver le nombre des dimanches entre la pentecôte & le premier dimanche de l'avent par cette méthode. Comptez combien de fois la lettre dominicale se trouve entre les deux termes exclusivement. E, par exemple, qui sera la lettre dominicale de l'année 1727, est contenu 27 fois entre le 11 mai, jour de la pentecôte, & le 30 novembre, jour du premier dimanche de l'avent. Ce qui montre qu'il y aura 27 dimanches entre la pentecôte & le premier dimanche de l'avent. Il ne peut y en avoir plus de 28, ni moins de 23. Il n'y a dans le breviaire des offices que pour 24 dimanches après la pentecôte.

IX.

On pourra aussi trouver combien il y aura de dimanches entre l'épiphanie & la septuagesime, en comptant combien de sois la lettre dominicale se trouve entre le 14 janvier, qui est l'octave de l'épiphanie, & la septuagesime. Il ne peut y en avoir plus de six; mais il peut y en avoir moins.

11 y a des offices dans le breviaire pour sir de manches après l'epiphanie.

X.

Enfin les quatre-tems se trouvent par le most de ce petit vers:

Post Pent. Cru. Luc. Cin. sunt tempora quate anni.

dont le sens est tel. Les quatre-tems arrivent mercredi d'après la pentecôte, le mercredi d'apr l'exaltation de la sainte croix en septembre, mercredi d'après la sête de sainte Luce en de cembre, & le mercredi d'après les cendres.

REMARQUES.

Nous avons dit que le breviaire ne contende des offices que pour 24 dimanches après la pentecôte, & cependant on 2 vu qu'il pouvoit y avoir 28 dimanches entre la pentecôte & l'avent. I s'agit donc de trouver l'office qu'on doit faite dans les dimanches qui sont au-dessous ou au-des sus des 24 après la pentecôte. C'est ce que nou allons enseigner dans les remarques suivantes.

L'église s'est fait une loi dans les rubriques de faire toujours tomber l'office du vingt-quatrieux dimanche sur le dernier d'après la pentecôte, afit que l'année ecclésiastique commençat & sinit pa

un même évangile. C'est pour cela que

1°. Si le dernier dimanche étoit le vingt-troifieme après la pentecôte, il faudroit, pour satis faire à la rubrique, anticiper l'ossice du vingttroisieme dimanche dès le samedi précédent, or quelqu'autre jour qui ne seroit point empêche PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 231 uns la même semaine, ou du moins en faire sémoire, si tous les jours de la semaine étoient emplis de sètes, asin que l'office du vingt-qua-trieme dimanche tombât sur le dernier d'après la pentecôte.

pentecôte & le premier dimanche de l'avent, il faudroit encore transporter l'office du vingt-quatième au dernier dimanche. Pour ce qui est des autres dimanches qui sont entre le 23 & le dernier, comme ils n'ont point d'office affecté dans lebreviaire, la rubrique de l'église demande qu'on sasse l'épiphanie, c'est à dire, que lorsqu'il n'y a pas six dimanches entre l'octave des rois & la septuagesime, ceux dont on n'a pas fait l'ossice entre les rois & la septuagesime, sont remis pour en faire l'ossice entre le 23 & le dernier dimanche après la pentecôte.

L'année 1727, par exemple, qui aura 27 dimanches après la pentecôte, n'en aura point entre l'octave des rois, qui est le 14 janvier, & la septuagesime, qui arrive le 20 du même mois. Il y a donc, ossices de dimanches, qu'on ne peut célébrer en leurs jours. Ainsi il faudroit les transporter entre le 23 & le dernier dimanche après la pentecôte, s'il y avoit place. Mais comme il n'y a que 3 dimanches entre le 23 & le 27 d'après la pentecôte, on n'y peut transporter que les 3 derniers dimanches d'après les rois. Les ossices des deux autres dimanches se sont l'un le samedi de devant l'octave des rois, l'autre dans la premiere série d'après l'octave.

232 RUCKERT, MATRIEM, DT PRYS.

PROBLEME XXII.

Trouver par quel jour de la semaine commence cha

Ì.

E problème se peut aisément résoudre par le moyen de la table suivante, en cherchant la tête la lettre dominicale de l'année proposée, par exemple D, pour l'année 1693. Car au-dessous de cette settre D, on trouve que janvier

Table pour trouver le commencement de

	A	В	C	D	E	E	G
Janvier	Dim.	Samedi	Vendr.	Jeudi	Mercr.	Mardi	Lundi
Février	Mercr.	Mardi	Londa	Dim.	Samedi	Vendr.	Jeodi
Mars	Mercr.	Mardi	Lunds	Dim.	Samedi	Vendr.	Jendi
Avril	Samedi	Vendr.	Jeudi	Mercr.	Mardi	Lundi	Dini.
Mai	Lundi	Dim.	Samedi	Vendr.	Jeudi	Mercr.	Mardi
Join	Jeudi	Mercr.	Mardi	Lundi	Dim.	Samedi	Vendr.
tillet	Samedi	Vendr.	Jeudi	Mercr.	Mardi	Lundi	Dim.
Août	Mardi	Lundt	Dim.	Sameds	Vendr.	Jeudi	Mercr.
Septembre	Vendr.	leudi	Метст.	Mardi	Londi	Dim.	Samedi
Octobre	Dim.	Samedi	Vendr	Jeudi	Mercr.	Mardi	Luudi
Novembre	Мегст.	Mardi	Lundi	Dim.	Samedi	Vendr.	Jeudi
Décembre	Vendr.	Jendi	Mercr.	Mardi	Lundi	Dim.	Samedil

commence par un jeudi, février par un dimanche, mars aussi par un dimanche, avril par un mercredi, mai par un vendredi, juin par un lundi, juillet par un mercredi, août par un samedi, septembre par un mardi, octobre par un PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 233 jeudi, novembre par un dimanche, & décembre

par un mardi.

Lorsque l'année est bissextile, on fait usage de ses deux lettres dominicales. On se sert de la premiere pour les deux premiers mois, janvier, sévier; & de la seconde pour les dix autres mois.

H.

Mais quand on connoît * la lettre dominicale *Probl.
d'une année proposée, il est aisé de trouver par XIX.
quel jour de la semaine commence tel mois qu'on
proposeta de cette année, sans avoir la peine de
recourir au calendrier ou à la table précédente.
Ces deux vers françois serviront de regle:

1 2 3 4 5 6
Au Dieu De Gloire Bien Espere
7 8 9 10 11 12.
Grand Cœur, Faveur Aime De Faire.

Les six mots du premier vers répondent aux six premiers mois de l'année, sçavoir janvier, sévrier, mars, avril, mai, juin. Les six autres mois; sçavoir, juillet, août, septembre, octobre, novembre, décembre, répondent aux six mots du second vers. Chaque lettre capitale de ces 12 mots est celle du premier jour de chaque mois. Je veux dire que A capitale du premier mot, marque le premier jour de janvier; D capitale du second mot, marque le premier jour de premier jour de février; D capitale du troisseme mot, marque le premier jour de mars, & ainsi des autres.

St donc je sçais qu'en une année proposée, comme en 1723, la lettre dominicale est C, & que je veuille sçavoir par quel jour de la semaine le mois

de mars commencera; je considere que le mois de mars est le troisseme mois de l'année qui répond au mot De. D'où je conclus que le D, qui marque le premier de mars, étant la seconde lettre après C, suivant l'ordre de l'alphabet, le premier de mars de l'année 1723 sera un lundi.

De même si dans la même année je veux sçavoir par quel jour de la semaine commencera le mois de mai, je considere que mai étant le ciaquieme mois, répond au mot bien, dont la premiere lettre B marque le premier jour de mai; & comme B précede la lettre C, dominicale de 1713, je dis que le mois de mai commencera par un semedi en l'année 1723.

Observez que la lettre du premier jour de chaque mois se trouve aussi les 8, 15, 22 & 29 du même mois. Au lieu des vers françois on peut prendre pour regle les deux vers latins qui suivent:

Astra Dabit Dominus, Gratisque Beabit Egenos, Grata Cristicola Feret Aurea Dona Fideli.



Table pour trouver à quel jour du mois arrive un jour proposé d'une semaine.

MERCREDI.
ercredi 1 8 15 22 29
udi 2 9 16 23 30
ndredi 3 10 17 24 31
medi 4 11 18 25
indi 6132027
atdi 7142128

LUNDI.	JEUDI.
Lundi [1 8 15 22 29	Jeudi 1 8 15 22 29
Mardi 1 9 16 23 30	Vendredi 2 9 16 23 30
Mercredi 3 10 17 24 31	Samedi 3 10 17 24 31
Jeudi 4111825	Dimanc. 4 1 1 18 25
Vendredi 5 11 15 26	Lundi 5 12 19 26
Samedi 6 13 20 27	Mardi 6 13 20 27
Dimanc. 7 14 21 28	Mercredi 7 14 21 28

MARDI.	VENDREDI.
Mardi 8 15 22 29	
Mercredi 2 9 16 23 30	
Jeudi 3 10 17 24 51	Dimane, 3 10 17 24 31
Vendredi 4 1 1 18 25	Lundi 4 11 18 25
Samedi , 5 12 19 26	Mardi 5 12 19 26 _
Dimanc. 6 1 3 20 27	Mercredi 6 1 3 20,27
Lundi 7 14 21 28	Jeudi 7 14 21'28

SA	N	1 E	D	<u> </u>	
Samedi	ı	5	15	22	19
Dim.	2	9	16	23	30
Lundi	3	10	17	24	<u>-</u> 3 1
Mardi	4	11	18	25	
Mercredi	5	12	19	26	
Jeudi	6	13	20	27	
Vendredi	7	14	2.1	28	

Pour sçavoir, par exemple, quel quantieme du mois de mai de l'année 1693 arriva le lundi; ayant trouvé par le problème précedent, que le mois de mai commença en cette année 1693 par un vendtedi, je cherche dans la table précédente le lundi à la colonne de la main gauche sous le vendredi qui est écrit en lettres capitales. Je trouve vis-à-vis à la droite ces quatre nombres 4, 11, 18, 25, qui signifient que le lundi arriva en l'année 1693 le 4, 11, 18 & 25 jour du mois de mai. On connoîtra de la même façon que le dimanche arrive le 3, 10, 17, 24 & 31 jour du mois de mai de la même année 1693. Ainsi des autres.

Pareillement pour sçavoir quels quantiemes du mois d'avril de l'année 1692 arriva le lundi, sçachant par le problème précédent que le mois d'avril commença un mardi en l'année 1692, je cherche dans la table précédente sous mardi, qui est écrit en lettres capitales, le lundi à la gauche. Je trouve vis-à-vis à la droite ces quatre nombres 7, PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 237
14, 21, 28, qui font connoître qu'en l'année
1692 lé lundi arriva le 7, 14, 21 & 28 jour du
mois d'avril. On connoîtra de la même façon, que
le jeudi arriva le 3, 10, 17 & 24, en laissant 31,
parce que le mois d'avril n'a que 30 jours.

REMARQUES.

I..

On peut aussi, par le moyen de la table précédent, & du problème précédent, résoudre le problème XX, c'est-à dire, trouver à quelle série, va à quel jour de la semaine tombe un jour proposé de quelque mois que ce soit, & pour quelque année que ce soit depuis Jesus-Christ, comme vous allez voir.

Le château de Namur se rendit au roi le 30 juin 1692, & l'on veut sçavoir à quel jour de la semaine cela arriva. Ayant comme par le problème précédent que le mois de juin commença par un dimanche, je cherche le nombre 30 dans la table précédente sous dimanche en lettres capitales, & je trouve dans la premiere colonne vers la gauche, que le 30 de juin répond à un lundi, & qu'ainsi c'est un lundi que le château de Namur capitula.

II.

Phisque nous avons donné une table pour trouver à quel jour du mois arrive un jour proposé de la semaine, ou réciproquement à quel jour de la semaine tombe un jour proposé du mois, & une autre table pour connoître à quel jour de la semaine commence chaque mois d'une année propo-

RECREAT. MATHEM. ET PHTS. sce depuis Jesus Christ, & que cela dépend de la lettre dominicale, dont nous avons enfeigne l'invention au problème XIX, nous donnerons aussi une table pour trouver autrement & plus facilement la même lettre dominicale à persotuité, selon le calendrier nouveau.

Cette table, que vous avez dans les deux pages suivantes, a été divisée, pour une plus grande commodité, en deux parties. La premiere sert à connoître la lettre dominicale, selon le calenditet grégorien, depuis la naissance de Notre-Seigneur jusqu'à la fin de ce siecle 1600. L'autre partié sert à connoître la même lettre dominicale pour les siecles qui suivent, 1700, 1800, 1900, & ainsi de suite jusqu'au siecle qui suit 2700. Il est

facile de continuer cette table à l'infini.

Cette séparation a été faite pour la distinction des dernières années des liecles qui ne font pas bissextiles selon calendrier grégorien; sçavoir, 1700, 1800, 300, 1100, 2100, 1700, 2500, 2600 2400, comme elles le devroient être, selon le calendrier julien. Ce qui fait qu'à ces années on n'a pas ajouté en dessous une double lettre dominicale, comme nous avons fair aux années 1600, 2000, 2400, qui sont bissextiles; & pareillement aux années 1618, 1656, 1684; scavoir, les deux lettres BA, parce que ces années sont aussi bissextiles, & pareillement les deux lettres FG aux années bissextiles, 1732 1760, 1788, &c.

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE.

239

Table des lettres dominicales pour chaque année, depuis la naissance de Notre-Seigneur jusqu'à l'année 1700.

_	-			_	-						
1					0	100	200	300	400	500	660
١					700	800	900	1000	1100	1200	1300
1]	1400	/	16.0		_		
١	ð	15	56	84	GF	AG	BA	\overline{C} B	DC	E D	FE
ı		19	57	85	Ė	F	G	A	В	C	D
I	A	30	48	86		E	F	G	A	n	C
ı	8	31	59	87	C	D	E	F	G	A	В
Ĩ	4	32	60		BA		DC	b .	FE	G F	A G
ł	5			89		A	В	С	D	E	F
1	6	34	62	90	F	G	A	В	C	D	E
ŀ	7	35	43	91	E	F	G	A	В	C	D
ľ	U	36	64	92	D C	1	F E	G "F		BA	Ĉ B
ı	9	37	65	93	B	C	D	E	F	G	A
ŀ	10		66		A	13	C	D	E	F	G
ı	KT.	39	67	95	G	A	В	C	D	E	Σ
b	11	40	68	96	FE	G F		BA	CB	$D\overline{C}$	E D
ł	13	41	69	97	D	E	F	G	A	п	C
١	14	41	70	98	C	D	E	F	G	A	В
1	15	43	יק	199	ם ו	C	D	E	F_	G	A
١	16		71	-	A G	B A	CB			1	
1	37	45	73			G	A	B	C	D	E
1	1.8	4	74	pl –	įΕ	F	G	A	В	C	D
1	19	47	17		D	E	F	G	A	B	C
ı	10	48	76		CB	DO	E D	FE	$G^{-}F$	A G	BA
1	11	49	77		A	n	C	D	E	F	G
	3.3	50	178	1	G	A	B	C	D	E	G F E
	24	. 51	79	,	F	G	A	В	C	[D	E
	7	1	80		ED	$^{\dagger}_{1}$ F $^{-}_{1}$ F	$\mathbb{C}[G]$	A G	BA	CB	DC
	*		8:			D	E	F	G	A	10
	14		8:	L	G	C	D	E	F	G	A
	37	1	8	3	A	В	LC	D	E	F] G
	Н	447	***	-							

240 REGREAT. MATHEM. ET PHYS.
Suite de la Table des lettres dominicales jusqu'à l'anni-

	2.1	100.		
	1600	1700	1800	1900
	2400	2500	2600	2700
6,84	BA	C	E	G
		В	D	F
		A	i C	
		G	В	D
		FE	AG	CB
				A
				G
				F
		A G		FD
				c
6 04	C		•	B
57 06	R			Ā
10 -	1 6			GF
		_	1	
			1	E
	_	1		D
			1	C
			1	G
74	G		D	F
751	·	<u> </u>	C	E
6	1		1	DC
77		E.	G	8
8			F	A
9	A	C	E	G
	OF	BA	DC	FE
0	GF	DA		1 Bal
1	E	G	B	D
	E D			D
ı	E	G '	В	_ ,~
	7 85 8 86 8 87 8 88 8 9 8 8 9 1 8 9 9 1 8 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9	1600 2000 2400 36 84 B A 37 85 G 88 B C 3 87 E 3 87 E 3 91 G 4 92 F E 5 93 D 6 94 C 7 95 B 8 96 A G 7 95 B 8 96 A G 7 95 B 7 97 F 8 9 8 E 7 9 9 E 7 9 8 E 8 9 B 8 8 B 8 B	2000 2100 2400 2500 2400 2500 2500 2500 2500 25	1600 1700 1800 2000 2400 2500 2600

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 241
Pout connoître par le moyen de cette table la lettre dominicale d'une année proposée depuis Jesus-Christ, par exemple, de l'année 1693, cherchez dans la table l'année 1600, & à côté vers la gauche le reste des années, 93; vis-à-vis des deux vous trouverez D pour la lettre dominicale de l'année 1693. Ainsi des autres.

PROBLEME XXIV.

Trouver le nombre de l'indiction romaine pour une année proposée.

Le grecs comptoient autrefois leurs années par olympiades, qui est une révolution de quatre années, au bout de laquelle ils célébroient des jeux qu'ils appelloient olympiques, parce qu'ils furent autrefois institués par Hercule proche la ville d'Olympe en Arcadie. Mais depuis que Rome eut soumis la Grece à sa domination, on ne compta plus par olympiade, mais par indiction, qui contient trois lustres, ou quinze années.

Ainsil'indiction est un espace de quinze années, au bout duquel on commence de nouveau à compter, par une circulation continuelle. Cette période de quinze années a été appellée indiction, parce que, selon quelques auteurs, elle servoit aux Romains à indiquer l'année qu'il salsoit payer la taille ou se tribut à la république; ce qui lui se donner le nom d'indiction romaine; on l'appelle aussi indiction pontificale, pour les raisons que nous allons dire.

La cour de Rome compte encore par indiction; elle s'en sert dans ses bulles & dans toutes ses ex-

RECREAT. MATHEM, ET PHYS. péditions. Cette période a une origine fort august parmi les chretiens, puisqu'elle a pour époque la paix & le triomphe de l'église. L'empereu Constantin s'etant rendu le protecteur de la religion chrettenne, fit publier un édit l'an ; 12 de l'ere commune, par lequel il permettoit aux chrétiens de faire profession ouverte de leur foi ; il hi même arborer la croix de Jesus-Christ, comme la défense du peuple romain & de tout l'empire. Ce prince fit assembler à Nicce en Bitinie le premier concile général l'an 325, où l'héréfie d'Arrus fut condamnée. Ce concile dura trois ans, & fut terminé en 328; de sorte que vers la fin de l'année 312 de Jesus-Christ, l'église se vit à l'abri de la perfecution, & quinze ans après, sçavoir au contmencement de l'année 328, elle se vir victorieuse de l'hérésie d'Arius, ennemie de la divinité de Jesus Christ.

Les chrétiens regarderent cette durée de 15 années comme un tems précieux, & confacré en laveur de la religion. Pour conserver à la postérité la mémoire de ce tems favorable où l'églife trions phi de la persécution & de l'hérésie, ils vouls rent que dans la fuite on mesurar le tems par des périodes de 15 années, que l'on a appellées cycles. d'indiction. L'église romaine a mis l'époque de la première année des cycles d'indiction au commiencement du mois de janvier, la 313° année de l'ere commune, afin de commencer l'année d'indiction avec l'année folaire, quoique, felon l'inflitution de Conffantin, confirmée par les succel leurs, l'époque de ce cycle eût été fixée d'abord au mois de septembre de l'année 312 de Jesus-Christ.

Ce fut l'empereur Justinien qui rendit tout-

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE 243 fait public cet usage de compter par indiction, lorsqu'il ordonna par un édit qu'on inséreroit les

années d'indiction dans les actes publics.

L'indiction pontificale ayant été fixée en l'année 313, il suit que l'an 312 avoit 15 d'indiction, & divisant 312 par 15, il reste 12. Ce reste fait connoître que la douzieme année de Jesus Christ evoit 15 d'indiction. Par conséquent ce cycle commenceroit trois ans avant la naissance de Jesus sus-Christ, ou avant l'ere commune.

C'est pourquoi pour trouver le nombre de l'indiction romaine, ou pontificale, qui répond à une année proposée, ajoutez 3 à l'année proposée. Divisez la somme par 15; ce qui restera après la division, sans avoir égard au quotient, sera le

nombre de l'indiction cherchée.

Qu'il soit proposé, par exemple, de trouver le nombre de l'indiction romaine qui répond à l'année 1693, ajoutez 3 à 1693, & divisez la somme 1696 par 15; le reste 1 est le nombre de l'indiction de l'année 1693. De même, pour trouver l'indiction de l'année 1700, on ajoutera 3 à 1700, on divisera la somme 1703 par 15; le reste de la division donnera 8 pour le nombre de l'indiction que l'on cherche. Ainsi des autres.

PROBLEME XXV.

Trouver le nombre de la pé, isde julienne pour

une année proposée.

Uoique l'indiction romaine n'ait aucune connexion avec les mouvemens célestes, néammoins on ne laisse pas de comparer cette révolution de 17 années avec la période du cycle lunaire de 28 années, & la période du nombre d'or de 19 années; en multipliant ensemble ces

RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

trois cycles 15, 28, 19, pour avoir en leur produit solide cette fameuse période de 7930 ans, On l'appelle période julienne, parce que c'est Jules Scaliger qui en a parlé le premier. Les chronologistes modernes l'ont introduite, pour y rapporter toute la dissérence des tems qui sont matqués par quelque événement dans les histoires. Car ce mombre 7980 contient toutes les combinaisons des trois cycles précédens; de sorte que les mêmes nombres de chaque cycle, qui pris ensemblent se rencontrent dans une même année, ne peuvent plus se rencontrer ensemble dans une autre année pendant l'espace de 7980 ans. Je m'explique par un exemple tiré de l'année 1693, où l'on eut i d'indiction, 22 de cycle solaire, & 3 de cycle lunaire, & je dis que dans aucune autre année de la période julienne, l'on n'a point eu, & l'on n'aura pas 1 d'indiction, 22 de cycle solaire, & trois de cycle lunaire.

Il sera facile de trouver le nombre de cette période de 79 so ans pour une année proposée depuis Jesus-Christ, si l'on sçait une sois son commencement, c'est-à dire, le tems qu'elle doit avoir commencé avant la premiere année de Jesus-Christ, & même avant la création du monde; car, comme cette période est grande, sa premiere année, ou le nombre de chacun des 3 cycles dont elle est composée, qui auroit été 1, devance de plusieurs années, nonseulement l'époque des chrétiens, mais encore le terme que l'écriture sainte attribue à la création du monde. Voici donc la maniere de trouver le commencement de cette grande période.

Premiere Méthode.

ro. Parce qu'en la premiere année de Jesus-Christ

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 245 en eut 4 d'indiction, 10 de cycle solaire, & 1 de cycle lunaire, ou de nombre d'or, multipliez

6916 Indiction 4. Cy	4845 vele sol. 10. Cy	4200 cle lun. 2.
27664	48450	8400 48450
47:4 1691		27664
6406	· .·	84514 (10 798 9
		*

4714

le nombre 4 de l'indiction par 6916, le nombre Voyez 10 du cycle solaire par 4845. & le nombre 2 du la quacycle lunaire par 4200. Ajoutez ensemble les trieme trois produits 27664, 48450, 8400. Divisez emarque du fomme 84514 par 7980, qui est la période prebiguienne; & négligeant le quotient 10, le reste suivant, 4714 de la division, fait connoître que le commencement de la période julienne est de 4714 années avant la maissance de Jesus-Christ.

2°. Sçachant donc que le commencement de la période julienne est de 4714 ans avant la naissance de notre Sauveur, si l'on veut sçavoir le nombre de cette période pour une année proposée depuis Jesus-Christ, par exemple, pour l'année 1603, ajoutez au nombre 4714 des aunées du commencement de la période julienne le nombre 1692 des années qui se sont écoulées depuis la naissance de Notre-Seigneur jusqu'à l'année 1693, & la somme

Q in

246 RECREAT. MATHEM. ET PHYS. 6406 sera l'année julienne qu'on cherche.

Seconde Méthode.

Ou bien, vous servant de la méthode indiquée dans le premier article précédent, multipliez le nombre 1 de l'indiction pour l'année 1693 par 6916, le nombre 22 du cycle solaire par 4845, & le nombre 3 du cycle lunaire par 4200.

	4200 Cycle lun. 3.	4845 Cycle fol. 22.	Indiction 1.
	12600 106590 6916	9690	6916
(r5	126106 7980	106590	
	46306 9980 6406		·

Ajoutez ensemble les 3 produits 6916, 106590, 12600: divisez leur somme 126106 par 7980, & sans vous mettre en peine du quotient 15, le reste de la division donnera 6406, comme auparavant, pour l'année julienne qu'on cherche. Voyez le problème suivant.

D'où l'on voit que la regle générale est de multiplier le nombre de l'indiction de l'année proposée par 6916, le nombre du cycle solaire par 4845, & le nombre du cycle lunaire par 2400; d'ajouter PROBLEMES DE COSMOGRAPMIE. 247 ensemble les 3 produits, & de diviser la somme par la période julienne. La division faite, on néglige le quotient, & le reste donne l'année qu'on cherche.

REMARQUES.

I.

Comme la période julienne n'a été inventée que pour arriver à l'origine des tems, & qu'elle n'a que deux cycles naturels & altronomiques; sçavoir, le cycle solaire, & le cycle lunaire (le cycle de l'indiction étant arbitraire & politique), il semble qu'au lieu de ce troisieme cycle on devroit plutôt prendre le nombre 30 du cycle naturel des épactes. La période qui se formeroit par la multiplication continuelle de ces trois cycles 28, 19, 30, sçavoir, 15960, seroit plus propre pour la chronologie, non seulement parce qu'elle est composée de trois cycles naturels, qu'il est bon de ne point séparer, mais encore parce qu'elle est plus étendue que la période julienne, qui n'en est que la moitié.

Cette période de 15960 années a été appellée par son auteur Jean Louis d'Amiens Capucin, période de Louis le Grand, parce qu'il l'a imaginée sous le regne de Louis le Grand. Nous ne parlerons pas davantage de cette période; car quoiqu'elle soit excellente, les chronologistes ont pourtant donné la préférence à la période julien.

ne, parce qu'elle a paru la premiere.

H.

La seconde méthode supposant que s'on conzoisse le cycle solaire, le cycle sunaire, & l'indiction de l'année proposée, il ne sera peut-être pas inutile de recherchet quelle est l'année de la pétrode julienne dont les cycles sont connust de trouter, pat exemple, l'année de la periode julienne, dont le cycle solaire est 12, le cycle luinaire est 3, & l'indiction est 1.

Cette question étant assez disticile à résoudre a on s'est déterminé à en donner la solution par algebre : ce n'est qu'une application de ce qui a été dit dans les problèmes d'arithmétique, tome 1, pag. 194 & suivantes. Cette question dépouillée de ce qu'elle a de chronologique, se réduit à trouver un nombre tel qu'étant divisé par 18, il reste 22 : étant divisé par 19, il reste 3; & étant divisé par 15, il reste 1. On suivra la méthode de M. de Lagny, dans ses nouveaux Elémens d'arithmétique & d'algebre, page 430. Consultez encore ce qu'il en a inséré dans les mémoires de l'académie royale des sciences, de l'année 1720.

nombre tel qu'étant divisé par 28, il reste 22; étant divisé par 19 il reste 3; & étant divisé par 15, st reste 1. Voici les expressions où se réduiront ces trois rapports 1'. **= p. 2°. * ;= m. 3°. **;= m. 3°.

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE: 249

Les de 28m, & il reste m 57 divisible par 28;

Les ôter 28 de 57, autant de fois qu'on le peut,

l'ayant fait il restera "-1; où m se trouve seul

sans coefficient, & c'est à quoi on doit faire at
tension dans cette méthode.

tes ces valeurs conviendra dans la troisieme expression === n. Mais pour abréger, je fais === f; ce qui me donne m=18 f+1. Je substitue cette valeur d'andans la quarrieme égalité x=19m=3, de jai une cinquieme expression x=531 f+11. Je substitue cette derniere valeur d'a dans la troissema expression $\frac{n-1}{n}$ = n, & I'on a $\frac{n+1}{n}$ = n; le numerateur 532 f-1-21 doit être exactement divisible par 15, pour avoir un nombre entier n. Ainse en suivant toujours le même misonnement, il faut ôter : 5 de 532/+21 autant de fois que l'on pourra. Le premier reste sera 7f-1-6, divisible par 15. Fôte donc encore 14/+12 de 15f, & j'ai pour second reste f-12 divisible par 15; f étant ici seule, je fais d'abord == = o, d'où il vient 1 2. Je sabstitue cette valeut d's dans la cinquieme expression x=532f+21, & l'on a 6406, qui est l'année de la période julienne cherchée.

III.

Si au lieu de faire = 0, on avoit fait = 1, on auroit eu f+27, qui auroit encore satisfait à la question. Mais alors le nombre trouvé seroit dans une autre période julienne. Il en sereit de même de toutes les valeurs qu'on peut trouve d's, en supposant finance 1=2=3=4, &c.

IV.

Lorsque l'année proposée est une des 28 pres mieres de la période julienne, il ne fera pas be foin de se jetter dans aucun calcul. Voici quel ques remarques qui la feront reconnoître. 1°. \$ le nombre donné des trois cycles est le même pour chacun, l'année demandée est dans les si premieres années. 2°. Si le nombre du cycle so laire est le même que celui du cycle lunaire, ce dui de l'indiction étant différent, l'année deman dée se trouve entre la quinzieme & la vingtieme 3°. Si le cycle lunaire & l'indiction sont diffé rens, & que le cycle solaire soit entre 19 & 196 l'année demandée est au-dessus de la dix-neuvie me, & au-deflous de la vingt-neuvierne. Dans ces trois cas, on prendra toujours le nombre donné du cycle solaire pour l'année cherchée.

v.

L'année 6406 de la période julienne ayant été trouvée, si on en ôte 4713, qui sont les années de la période julienne avant l'ere commune, on aura 1693 pour l'année de l'ere commune qu'on cherchoit.



PROBLEME XXVI.

Trouver le nombre de la période dionissenne pour une année proposée.

SI l'on multiplie seulement la période 28 du cycle solaire par la période 19 du cycle lutaire, il se formera une période de 532 ans, qu'on appelle période dionissenne, du nom de son inventeur. Elle sert à connoître toutes les dissérences & tous les changemens qui se peuvent rencontrer entre les nouvelles lunes & les lettres dominicales dans le cours de 532 ans, après les quelles les combinaisons des uns & des autres retournent dans le même ordre, & continuent dans la même suite.

Pour trouver le nombre de cette période de 532 ans, pour une année proposée depuis Jesus-Christ, par exemple, pour l'année 1693, qui eut 22 de

Cycle sol 11.	Cycle lun. 3.	2682.
57	476	532 (5
154	1+28	22
110	1254	•
1254	2682	

cycle solaire & 3 de cycle lunaire, multipliez le nombre 22 du cycle solaire par 57, & le nombre 3 du cycle lunaire par 476. Ajoutez ensemble les deux produits 1254, 1428. Divisez leur somme 2682 par 532, c'est à-dire, par la période dionisienne, & sans vous mettre en peine du quo-

252 RECREAT. MATHEM. ET PHYSI tient 5, arrêtez-vous au reste de la division, qui donnera 22 pour le nombre de la période dionifienne en l'année 1693.

REMARQUES.

Ī.

Le nombre 57, par lequel on a multiplié le nombre 22 du cycle solaire, est tel qu'étant divisé par la période 28 du cycle solaire, il reste 1, &c qu'étant divisé par la période 19 du cycle lunaire, il ne reste rien. Réciproquement le nombre, 476, par lequel on a multiplié le nombre 3 du cycle lunaire, est tel qu'étant divisé par la période 19 du cycle lunaire, il reste 1, & qu'étant divisé par la période 28 du cycle solaire, il ne reste rien. Ainsi le premier nombre 57 fait connoître l'année dionissenne à laquelle on a 0, ou 19 de nombre d'or, &c 1 de cycle solaire: & le second nombre 476 fait connoître l'année dionissenne à laquelle on a 0 ou 28 de cycle solaire, & & de nombre d'or.

II.

Pour trouver le premier nombre 57, qui doit être multiple de 19, afin qu'étant divisé par 19, il ne reste rien, si l'on met, par exemple, le double de 19, sçavoir 38 pour le nombre qu'on cherche, ce nombre 38 étant divisé par 28, il reste 10, au lieu de rester 1, comme porte la question. Et comme ce reste 10 est moindre que le diviseur 28 de 18, il est évident que si l'on ajoute 18 à 38, on aura 56, qui étant divisé par 28, ne laissera aucun reste. C'est pourquoi, si au lieu d'ajouter 18 à 38, on ajoute 19, on aura 57, qui sera la

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 253

Si de la période dionissenne 632 on ôte ce premier nombre trouvé 57, & qu'au reste 475 on sjoute 1, on aura le second nombre 476, que son peut aussi trouver immédiatement par un raisonnement semblable au précédent, excepté qu'il y a plus de tentative à faire, comme vous allez veir.

HIL

Pour trouver le second nombre 476, qui doit erre multiple de 28, asin qu'étant divisé par 28, il ne reste rien; si l'on met, par exemple, le double de 28, sçavoir 56: étant divisé par 19, il reste 18, au lieu qu'il devroit rester 1, comme porte la question. Et comme ce reste 18 est moindre que Le diviseur 19 de 1, il est évident que si l'on ajoute 12 56, on aura 57, qui étant divisé par 19, ne laissera aucun reste. C'est pourquoi, si au lieu d'ajouter 1 à 56, ou ajoute 2, on aura 58, lequel étant divisé par 19, il restera 1. Mais comme ce nombre 58 ne se rencontre pas multiple de 28, il n'est pas le nombre qu'on cherche. Ainsi l'on en cherchera un autre de la même façon, en multipliant 28 par 3, par 4, par 5, & ainsi de suite jusqu'à ce qu'on rencontre un multiple de 28 qui étant divisé par 19, donne pour reste 1. Ce qui arrivera ici en multipliant 28 par 17. Le produit 476 sera le nombre qu'on cherche. Ce nombre étant ôté de la période dionissenne 532, & le reste 56 étant augmenté de l'unité, on aura 57 pour le premier nombre.

Pareillement le nombre 6916, par lequel on multiplié dans le problème précédent le nombre de l'indiction, est tel qu'étant divisé par la période 15 de l'indiction, il reste 1, & qu'étant divis par la période 28 du cycle folaire, & par la pe riode 19 du cycle lunaire, ou ce qui est la même chose, par le produit 532 de ces deux périodes il ne reste rien. Le nombre 4845, par lequel on multiplié dans le problème précédent le nombre du cycle solaire, est tel qu'étant divisé par la pe riode 28 du cycle solaire, il reste 1, & qu'étant divisé par la période 19 du cycle lunaire, & par la période 15 de l'indiction, ou ce qui est la ma me chose, par le produit 285 de ces deux pério des, il ne reste rien. Enfin le nombre 4200, par lequel on a multiplié dans le problème précédent le pombre du cycle lunaire, est tel qu'étant divisé par la période 19 du cycle lunaire, il reste 1, & qu'étant divisé par la période 15 de l'indice tion, & par la période 28 du cycle folaire, ou ce qui est la même chose, par 420, produit de ces deux périodes, il ne reste rien.

Le premier nombre 6916 fait connoître l'année julienne qui a 1 d'indiction & 0 de nombre d'or & de cycle solaire, ou 0 de période dianissemme. Le second nombre 4845 fait connoître l'année julienne qui a 1 de cycle soluire, & de nombre d'or & d'indiction. Le troisseme nombre 4200 fait connoître l'année julienne qui a 1 de nombre d'or, & 0 de cycle solaire, & d'indiction. Ces trois nombres ont été trouve diction. Ces trois nombres ont été trouve

comme les deux précedens.

PROBLEME XXVII.

Connoître les mois de l'année qui ont 31 jours, & ceux qui n'en ont que 30.

Levez le pouce A, le doigt du milieu C, & l'auriculaire E, ou petit doigt de la main puche. Abaissez les deux autres, sçavoir l'inlex B, qui suit le pouce, & l'annulaire D, qui est entre le doigt du milieu & l'auriculaire. Après cela commencez à compter mars sur le pouce A, avril sur l'index B, mai sur le doigt du milieu C, juin sur l'annulaire D, juillet sur l'auriculaire E. Continuez à compter août sur le pouce, septembre sur l'index, octobre sur le doigt du milieu, novembre sur l'annulaire, décembre sur l'auriculaire. Enfin en recommençant continuez à compter janvier sur le pouce, & Février sur l'index. Alors tous les mois qui tomberont sur les doigts elevés A, C, E, auront 31 jours, & ceux qui tomberont sur les doigts abaissés B, D, n'en auront que 30, excepté le mois de février, qui 2 28 jours dans les années communes, & 29 dans les bissextiles.

PROBLEME XXVIII.

Trouver le jour de chaque mois, auquel le soleil entre dans un zodiaque.

E soleil entre dans chaque signe du zodiaque vers le 20 de chaque mois de l'année; sçavoir, au premier degré de Y vers le 20 mars, au premier degré de & vers le 20 avril, & ainsi de

Plane;

fuite. Pour sçavoir ce jour un peu plus exactement; servez-vous de ces deux vers artificiels,

Inclita Laus Justis Impenditur, Heresis Horret, Grandia Gesta Gerens Felici Gaudet Honore.

dont voici l'usage-

Distribuez les douze mots de ces deux vers aux douze mois de l'année, en commençant par mars, que vous attribuerez à Inclieu; & en finissant pat février, qui répondra à Honore. Considérez quel est le nombre de la premiere lettre de chaque mot dans l'alphabet; car si de 30 vous ôtez ce nombre, le reste donnera le jour du mois qu'on cherèche.

Par exemple, Inclita répondau mois de mats, & au signe du bélier : sa premiere lettre l'est la 9^e lettre de l'alphabet; si l'on ôte 9 de 30, le reste 21 fait connoître que le 21 de mars le so-leil entre dans aries. Pareillement Gaudet répond au mois de janvier & au signe du verseau : sa premiere lettre G est la 7^e dans l'ordre alphabétique; en ôtant 7 de 30, le reste 23 sait connoître que le 23 janvier le soleil entre au verseau. Il en est ainsi des autres.

PROBLEME XXIX.

Trouver le degré du signe où le soleil se rencontre en un jour proposé de l'année.

I.

D'Out sçavoir le lieu du foleil dans le zodiaque, c'est-à-dire, en quel degré d'un signe le foleil est à chaque jour de quelque mois que ce soit PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 257
bit, par exemple, aujourd'hui 18 mai, auquel
répond dans les deux vers du problème précédent
ce mot justis, dont la premiere lettre l'est la 9^e
de l'alphabet, ajoutez ce nombre 9 au nombre
18 du jour proposé. La somme 27 sera connoître
que le 18 de mai est dans le 27^e degré du tautem, qui répond au mot précédent laus, le premiet inclita répondant au bélier, comme nous
twess dit au problème précédent.

II.

Cela se pratique ainsi lorsque la somme est moindre que 30, comme ici: car quand elle sera plus grande que 30, on prend le signe qui répond. mot latin du mois proposé, & l'on ôtera 30 de cette somme pour avoir au reste le degré de

te ligne.

Comme pour sçavoir le degré du signe courant du soleil, le 25 du mois d'août, auquel répond dans le premier des deux vers précédens, le mot lain ho ret, qui appartient au signe de la vierge, de dont la premiere lettre H est la 8° de l'alphabet; ajoutez 8 a 25, & ôtez 30 de la somme 33. Le reste fait connoître que le soleil est au 3° de gré de la vierge le 25 du mois d'août.

REMARQUES.

Dans ce problème, & dans le précédent, nous avons supposé que l'on sçait l'ordre des douze signe du zodiaque, & les mois qui leur répondent; ce que peu de personnes ignorent : néanmoins nous avons ici ajouté ces deux vers latins ma faveur de ceux qui ne le sçavent pas.

Tome II.

Sunt Aries, Taurus, Gemini, Cancer, Let Virgo,
Libraque, Scorpius, Arciteneus, Caper, An phora, Pisces.

Le premier signe aries répond au mois e mars; le second tuurus, au mois d'avril, & ain de suite jusqu'au dernier pisces, qui répond e mois de sévrier.

Voici les caracteres ou figures dont les aftre nomes & les aftrologues se servent pour expre mer les douze signes.

marque le bélier.

marque le taureau.

marque les gémeaux.

marque l'écrevisse, ou le cancer.

marque le lion.

marque la vierge.

marque la balance.

marque le fcorpion.

marque le fagittaire.

marque le capricorne.

marque le verseur d'eau.

X marque les poissons.

PROBLEME XXX.

Trouver le lieu de la lune dans le zodiaque en us, jour proposé de l'année.

On trouvera premierement le lieu du foltil dans le zodiaque, comme il a été enseigné au problème précédent, & ensuire la distance de la lune au soleil, ou l'arc de l'écliptique comPROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 1 19 pris entre le soleil & la lune, comme nous altons enseigner.

Ayant trouvé par le problème XV l'âge de la lune, & l'ayant multiplié par 12, divisez le produit par 30. Le quotient donnera le nombre des signes, & le reste de la division donnera le nombre des degrés de la distance de la lune au soleil. C'est pourquoi si, selon l'ordre des signes, on compte cette distance, dans le zodiaque, en commençant depuis le lieu du soleil, on aura le

lieu de la lune qu'on cherche,

Comme si l'on veut sçavoir le lieu où étoit la lune le 8 mai 1693, le soleil étant au 27° degré du taureau, & l'âge de la lune étant 14, multipliez 14 par 12, & divisez le produit 168 par 30. Le quotient 5, & le reste 18 de la division, font connoître que la lune est éloignée du soleil de 5 signes & de 18 degrés Si donc on compte 5 signes & 18 degrés dans le zodiaque depuis le 27° degré du taureau, qui est le lieu du soleil, on tombera sur le 15° degré du scorpion, qui est le lieu de la lune.

PROBLEME XXXI.

Trouver à quel mois de l'année appartient une lunaison.

Ans l'usage du calendrier romain, chaque lunaison est estimée appartenir au mois où elle se termine, suivant cette ancienne maxime des computistes:

In quo completur, menfe lunatio detur.

Cest pourquoi, pour sçavoir si une lunaison ag-

partient à un mois proposé de quelque année que souvé par le problème XV que l'âge de la la au dernier jour de mai est 27. Cet âge 27 faconnoître que la lune finit au mois suivant, c'e à dire, au mois de juin, & que par consèquent el appartient à ce mois. Il fait aussi connoître que la lunaison précédente a fini au mois de mai, de que par conséquent elle appartient à ce mois.

PROBLEME XXXIL

Connoître les années lunaires qui sont communes.

& celles qui sont embolismiques.

E problème est aisé à résoudre par le moyen du précédent, par lequel on connoît facilement qu'un même mois solaire peut avoir deux lunaisons. Car il se peut faire que deux lunes sinifent en un même mois, qui aura 30 ou 31 jours, comme novembre, qui a 30 jours, où une lune peut sinir le premier de ce mois, & la suivante le detnier ou le 30 du même mois. Alors cent année aura treize lunes, & sera par conséquent embolismique. En voici un exemple.

En l'année 1712 la premiere lune de janvier étant finie au huitieme de ce mois, la deuxieme de février au fixieme, la troisieme de mats au huitieme, la quatrieme d'avril au fixieme, la cinquieme de mai austi au sixieme, la sixieme de juin au quatrieme, la septieme de juillet aussi au quatrieme, la huitieme d'août au deuxieme, la neuvieme de septembre au premier, la dixieme d'octobre aussi au premier, l'onzieme aussi d'octobre

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 26 r. le trentieme du même mois, la douzieme de novembre au vingt-neuvieme, & la treizieme de décembre au vingt-huitieme; on connoît que cette année ayant treize lunes, fut embolismique.

On connoît que toutes les années civiles lunaires du calendrier nouveau, qui ont leur commencement au premier de janvier sont embolismiques, quand elles ont pour épacte * 29, 28, 27, 26, 25, 24, 23, 22, 21, 19, & ausii 18,

quand le nombre d'or est 19.

Ainsi l'on connoît qu'en l'année 1693, dont l'épacte étoit 3, l'année lunaire civile fut embolimique, c'est-à-dire, qu'elle eut treize lunes: ce qui arriva à cause que le mois d'août eut deux lunaisons, une lunaison étant finie le premier do ce mois, & la suivante étant finie le trentiems de même mois.

PROBLEME XXXIII.

Trouver combien de tems la lune doit éclairer pendant une nuit proposée.

A la lune, & l'ayant augmenté d'une unité, multipliez la somme par 4, si cette somme ne passe pas 15; car si elle passe 15, il la faut ôter de 30 & multiplier le reste par 4. Après quoi divisez la produit par 5. Le quotient donnera autant da louziemes parties de la nuit, pendant lesquelles a lune luit. Ces douziemes parties sont appellées heures inégales. Il faut les compter après le courter du soleil lorsque la lune croît, & avant le lever du soleil lorsque la lune décroît.

Si l'on veut sçavoir le tems que la lune éclaire

pendant la nuit du 21 mai 1693, où l'âge de la lune étoit 17; ajoutez 1 à 17, & ôtez la somme 18 de 30: il restera 12, lequel étant multiplié par 4, & le produit 48 étant divisé par 5, le quotient donnera 9 heures inégales, & 3, pour le tems pendant lequel la lune éclaira la nuit avant le lever du soleil.

Si je veux sçavoir combien de tems la luno éclaira pendant la nuit du 14 au 15 de sévrier de l'année 1730, je trouve d'abord que l'âge de la lune du 14 sévrier est 26, auquel ayant ajouté 1, la somme sera 27. Je retranche cette somme 27 de 30, il reste 3, que je multiplie par 4. Je divise le produit 11 par 5, le quotient est 27, qui sont des heures inégales, c'est-à-dire, huit douziemes parties de l'arc nocturne, qu'on réduira en heures égales & astronomiques par la remarque suivante.

REMARQUE.

Il est aifé de réduire les heures i régales en



PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 253 pour le tems compris entre le lever de la lune & le lever du soleil.

COROLLAIRE.

Par-là on peut erouver l'heure du lever de la lune, lorsqu'en sçait l'heure du lever du soleil; car sà l'heure du lever du soleil, qui est 4 heures & 17 minutes, on ajoute 12 heures; & que de la somme 16 heures & 17 minutes, on ôte 6 heures & 51 minutes, qui est le tems compris entre le lever de la lune & le lever du soleil; on aura au sele 9 heures & 26 minutes pour l'heure du lever de la lune.

PROBLEME XXXIV.

Trouver la hauteur du solcil, & tracer la ligne méridienne.

Críque dans le problème III nous avons enfeigné la maniere de trouver la latitude d'un lieu proposé de la terre, nous avons supposé que l'on sçavoit connoître la hauteur du soleil, & la ligne méridienne, puisque nous sommes servis de la hauteur méridienne. Ainsi on trouvera bon que nous ajoutions ici en peu de mots le moyen de connoître la hauteur du soleil en tout sems, & la maniere de tracer la ligne méridienne.

I.

Premierement, pour trouver la hauteur du so-Pl. 35, leil à quelque heure du jour, élevez à angles droits fig. 126-leur un plan horisontal le stile AB d'une longueur prise à volonté. Marquez un point, comme C, à l'extrêmité de l'ombre du stile AB, dans le tems R iv

164 RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

Pl. 35, que vous voudrez connoître l'élevation du soleit fig-126 sur l'horsson. Après cela tirez par le pied du stile A, & par le point d'ombre C, la ligne AC, qui représentera le vertical du soleil. Tirez à AC par le même pied du stile A, la petpendiculaire AD égale au stile AB. Ensin menez par le point D, & par le point d'ombre C, la droite CD, qui représentera le rayon du soleil, tiré de son centre par l'extrêmité B du stile AB, & qui fera au point C, avec le vertical du soleil AC, l'angle ACD. Cer angle ACD étant mesuré avec un rapporteur, ou autrement, donnera les degrés de la hauteur du soleil qu'on cherche.

ĮĮ,

Secondement, pour trouver la ligne métidienne. marquez sur quelque plan horisontal, environ deux ou trois heures avant midi, le point d'ombre C, comme il vient d'être dit. Décrivez du pied du stile A, qui représente le zenith, par ce point d'ombre C, la circonference de cercle CFE, qui représentera l'almicantarath du soleil. Après cela marquez après midi un iecond point d'ombre, comme E, lorsque l'extrêmité de l'ombre du stile AB sera resournée sur la circonférence CFE. Ayant divisé l'arc CE en deux également au point F tirez par ce point de milieu F, & par le pied du stile A, la droite AF, qui sera la ligne métidienne qu'on cherche. Voyez ce qu'on a dit au problème a de la gnomonique, som. II, p. 1; & au problême 7 de la cosmographie, tom. Il, p. 159 touchant la ligno méridienne de la France, qui palle par l'observatoire de Paris.

PROBLEME XXXV.

Connostre facilement les calendes, les nones & les ides de chaque mois de l'année.

I.

Les calendes, les nones & les ides, qui étoient autrefois en usage parmi les Romains, se peuvent connoître facilement par le moyen de ces trois vers latins:

Principium mensis cujusque vocato kalendas, Sex maius nonas, october, julius & mars, Quatuor at reliqui: dabit idus cuilibet octo.

dont le premier montre que les calendes sont le premier jour de chaque mois, ce premier jour étant chez les Romains le premier jour de l'appatition de la lune sur le soir, auquel ils avoient coutume d'appeller à la ville le peuple de la campagne, pour apprendre ce qu'il avoit à faire pendant le reste du mois.

Le second vers sait connoître que les nones sont les septiemes jours des quatre mois, mars, mai, juillet & octobre, & les tinquiemes jours des autres mois; & l'on connoît par le troisseme vers, que les ides sont huit jours après les nones, sçavoir, les quinziemes jours de mars, mai, juillet & octobre, & les treiziemes jours des autres mois,

H.

On peut encore prendre pour regle ces vers françois:

A mars, juillet, octobre & mai Six nones les gens ont donné: Aux autres mois quatre gardé, Huit ides à tous accordées.

Ces quatres vers ont le même sens & la même explication que les deux derniers vers larins.

REMARQUES.

Les Romains comptoient les autres jouts à rebouts, allant toujours en diminuant; & ils donnoient le nom de nones d'un mois aux jours qui font entre les calendes & les nones de ce mois; le nom des ides d'un mois aux jours qui font entre les nones & les ides de ce mois, & le nom des calendes d'un mois aux jours qui restent depuis les ides jusqu'à la fin du mois précédent.

Ainsi dans les quatre mois, par exemple, mars, mai, juillet & octobre, où les nones ont six jours, le deuxieme jour du mois s'appelle VI° nonas, c'est-à-dire, le sixieme jour avant les nones, la préposition ante étant sous-entendue. De même le troisieme jour se nonme V° nonas, pour dire le cinquieme jour des nones, ou avant les nones; & ainsi des autres. Mais au lieu d'appeller le sixieme jour du mois II° nonas, on dit, pridie nonas, c'est-à-dire, la veille des nones. On dit aussi postridie calendas, le jour d'après les calendes; postridie nonas, le jour d'après les nones; postridie idus, le jour d'après les nones; postridie idus, le jour d'après les ides.



PROBLEME XXXVI.

Connoître quel quantieme des calendes des nones & des ides répond à un certain quantieme d'un mois donné.

L'faut faire attention à la remarque qu'on vient de faire, qui est que tous les jours qui sont entre les calendes & les nones, appartiennent aux nones; les jours qui sont entre les nones & les ides portent le nom des ides, & que ceux qui sont entre les ides & les calendes du mois suivant, portent le nom des calendes de ce même mois. Cela supposé;

1°. Si le quantieme du mois appartient aux calendes, ajoutez 2 au nombre des jours du mois, & de la somme retranchez le nombre donné. Le

seste sera le quantieme des calendes.

Si vous voulez sçavoir, par exemple, à quel quantieme des calendes le 25 mai répond: ce jour appartient aux calendes, puisqu'il est entre les ides de mai & les calendes de juin. Le mois de mai 2 31 jours; auquel nombre ajoutez 2. De la somme 33 retranchez 25, il restera 8, qui marque que le 25 de mai répond au 8° des calendes de juin, c'est-à-dire, que le 25 mai étoit appellé chez les Romains VIII° calendas junii.

2°. Si le quantieme du mois appartenoit aux ides ou aux nones, ajoutez i au nombre des jours écoulés depuis le premier du mois jusqu'aux ides ou aux nones inclusivement. De cette somme retranchez le nombre donné, qui est le quantieme du mois. Le reste sera précisément le quantieme des nones & des ides.

268 RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

Je suppose, par exemple, que le quantieme de mois soit le 9 mai; ce jour appareient aux ides parce qu'il se trouve entre le septieme jour des mones & le quinzieme jour des ides. Si on ajoute 1 à 15, & que de la somme 16 on retranche 9, le reste 7 marque que le 9^e de mai répond au 7^e des ides de ce mois; c'est-à-dire, que le 9^e du mois de mai étoit appellé chez les Latins VII^e idus maii.

De même si le quantieme du mois étoit le cinquieme mai, ce jour appartient aux nones, parce qu'il est entre le 1 & le 7. Ajoutant donc 1 à 7, & de la somme 8 ôtant 5, qui est le quantieme du mois, le reste 3 montre que le cinquieme mai tépond au 3° des nones, c'est-à-dire, que ce jour là étoit appellé chez les Romains III nonas maii.

PROBLEME XXXVII.

Le quantieme des calendes, des ides, ou des nones, étant donné, trouver quel quantieme du mois doit y répondre.

N satisfera à cette question par une méthodétoute semblable à celle qu'on vient de donner dans le problème précédent. Il y a néanmoins cette distérence, qu'au lieu de soustraire le quantieme du mois pour avoit le quantieme des calendes, &c. on soustrait le quantieme des calendes, pour avoir celui du mois.

Je cherche, par exemple, à quel quantieme de mois doit répondre VI^o calendas junii, le 6 des calendes de juin. Puisque les calendes se comptent en rétrogradant depuis le 1 juin vers les ides de mai, il est clair que le 6 des calendes ides de mai, il est clair que le 6 des calendes

Problemes de Cosmographie. de juin répond à un des jours du mois de mai. Et comme ce mois 2 31 jours, j'ajoute 2 à 31. De h somme 33, je retranche 6, qui est le quantieme des calendes. Il reste 27, qui marque que le 6 des calendes de juin répond au 27 mai.

On fera la même chose à l'égard des nones &

des ides..

REMARQUE.

Il sera facile de satisfaire aux deux questions précédentes, si on a un calendrier où les jours des calendes, des nones & des ides soient marqués vis-à-vis les quantiemes des mois, comme on les voit dans le calendrier ecclésiastique.

PROBLEME XXXVIII.

Trouver la situation d'un port.

Dour bien entendre ce que c'est que la situation d'un port, il faut remarquer: 1° que la pleine mer n'arrive pas sur routes les côtes en même tems, mais chaque lieu a un tems particulier pour Ses marées.

2°. Que le tems des marées n'est pas attaché aux heures du soleil, mais à celles de la lune. De sorte que les heures de la lune retardant tous les jours de 48' ou † d'heure, les marées retardent pareillement de † d'heure.

3°. Les marées ne sont rien autre chose que le Aux & le reflux de la mer, dont les eaux s'élevent & s'abaissent deux fois chaque jour lunaire. Elles montent pendant six heures, & descendent pendant le même espace de tems. Le mouvement des eaux s'appelle en montant flux de mer, ou flots & en descendant, reflux de la mer, ebe, ou jusant On dit qu'il est pleine mer, lorsque la mer étant montée à son plus haut point, est prête à se retirer, & basse mer, après qu'elle est retirée.

port est proprement l'heure de la lune, à laquelle la pleine mer arrive dans ce port. Les pilotes marquent les heures de la lune par les airs du veut, dent chacun vaut?

d'heure.

Pour trouver le fituation d'un port, il suffit d'observer une fois à quelle heure de la lune la

pleine mer arrive dans le port.

Lors, par exemple, que la pleine mer arrive dans un port, je trouve que l'ombre de la lune monte trois heures sur un cadran qui marque les heures par un axe, comme sont les horisontaux. D'où je conclus que la situation de ce port est 3 heures que les pilotes marqueroient par NE & SO; c'est-à-dire, nord-est & sud-ouest, parce que chaque air de vent vaut \(\frac{1}{4}\) d'heure, & que NE & SO sont éloignés de 4 points du méridien \(\frac{1}{2}\) qui valent 4 fois \(\frac{1}{4}\) d'heures, ou trois heures.

PROBLEME XXXIX.

Ayant la situation d'un port & l'âge de la lune, trouvez l'heure de la pleine mer.

Heure de la nouvelle lune ne se pent connoître que par les rayons du soleil, puisque lui étant conjointe, si elle envoyoit quelques tayons, ils se confondroient avec ceux du soleil. Mais lorsque la lune est pleine, & qu'elle est sur notre horison, elle se trouve dans le point de l'éPROBLEMES DE COSMOGRAPME. 175° cliptique où le soleil se trouvoit douze heures auparavant. Ainsi la nouvelle & la pleine lune remenent les marées aux heures du soleil : c'est-àdire que la pleine met arrivera le jout de la nouvelle ou de la pleine lune, à i heure qui aura été observée pour connoître la situation du port.

Il ne s'agit donc que de connoître l'heure de la pleine met dans les autres jours de lune. Mais ces jours peuvent être considerés ou devant la

pleine-lune ou après.

Si l'âge de la lune est au-dessous de 15, multipliez cet âge par 4, & vous aurez les heures du retardement. Ayant gardé le quotient, multipliez ce qui restera par 12, pour avoir les minutes. Ajoutez le tout à la situation du port, & vous aurez l'heure de la pleine mer.

Si l'âge de la lune est au-dessus de 15, ôtez 15 de cet âge, & opérez sur le reste de la même

maniere qu'on vient d'enseigner.

La situation du port étant 3 heures, & l'âge de la lune ayant été trouvé 18, ôtez 15 de 18, multipliez le reste 3 par 4: il viendra au quotient 2 heures, & il restera 2, que vous multiplierez par 12; le produit donnera 24 minutes. Ajoutant 2 heures 24 minutes 2 3 heures qui sont la situation du port, vous trouverez 5 heures 24 minutes pour la pleine mer de ce jout-là.

171 RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

PROBLEME XL

Représenter le globe terrestre en plan.

A carte qui représente toute la surface di globe terrestre sur une surface plate, se nomme planisphère, mappemonde, & carte géné

rale du globé terrestre.

On représente ordinairement cette carte et deux hémispheres, parce que le globe artificie du globe terrestre, ne pouvant être vu d'un seil aspect, on est contraint de le représenter en plus en deux moitiés, dont chacune est appellée hémisphere. Il y a trois manieres de le décrire ainsi.

La premiere est de le représenter divisé pat l'équateur en hémisphere seprentrional, et en

hémisphere méridional.

La seconde est de le faire voir divisé par l'horison en hémisphere supérieur & en hémisphere insérieur, par rapport à chaque position.

La troilieme est de le décrire divisé par le prémier & le 180° méridien, en hémisphere orien-

zal & en hémisphere occidental.

On peut se servir de deux méthodes pour repré-

senter ces sortes d'hémispheres.

ŧ.

La premiere suppose le globe vu par le dehors & en convexe, & tel qu'il paroît à le voit d'une distance infinie.

La seconde considere le globe vu en creux par le concave, & suppose que l'œil de celui qui décrit la carte est à la convexité & surface du globe, d'où il regarde tous les lieux terrestres par leur base.

Lorsqu'on représente le globe vu en converé, wivisé par l'équateur en hemisphere septentriomal & métidional, on suppose dans la description du septentrional, arctique on boreal, lœil vis--vis du zenit ou du pole arctique, à distance Infinie du plan de projection. Tous les métidiens deviennent alors des lignes droites qui s'entrecoupent au pole arctique, &iles paralleles deviennent des cercles également distans entre eux, mais beaucoup plus serrés vers l'horison que vers le pole arctique. De même, lorsque l'on décrit le méridional, ou plutôt l'antarctique & austral, on suppose l'œil vis-à-vis du pole antarctique. Tous les méridiens & les paralleles font comme

dans l'hémisphere septentrional.

Au contraire, lorsqu'on représente en creux. on suppose que l'œil de celui qui d'erit l'hémisphere septentrional, est att pole méridional ou austral à la convexité & surface du globe terrefire, d'où il regarde tous les lieux terrestres par leur base à travers l'équateut, qui sert de plan. Tous les méridiens y sont représentés de même que dans la précédente, par des lignes droites, & les paralleles par des cercles égulement distans entr'eux, mais dont les espaces sont ques potits vers le pole septentrional ou boréal, que veis l'équateur, parce qu'ils sont plus éto gnés de celui qui regarde ou décrit la fignre; & pour lors toutes les parties qui ont paru à droite dans la précédente carte, paroîtront à gauche.

Pour y remédier, & rendre cet hémisphere semblable à ce qui se voit par la forme convexe, il faut retourner la figure, ce qu'une contr'épreuve fait

Tome 11.

aisément, offrant à la vue des parties telles qu'elles se voient dans le convexe; & pour lors, celui qui regarde la catte, se doit mettre vis-à-vis du pole oppose, & à une distance égale au demi-diametre de la figure.

Cette manuere de représenter le globe terrestre, n'a d'autre défaut que de couper les parties des continents, & peut passer pour une des meilleures.

I I.

Lorsque par la premiere méthode on représente le globe en convexe, divisé par l'horison en hémisphere supérieur & en hémisphere inférieur, par rapport à quelque position, comme à Paris, on suppose d'abord l'œil vis-à-vis du zenith de l'hémisphere supérieur, & à distance infinie du plan de projection. Ensuite on le suppose vis-à-vis du zenith de l'hémisphere inférieur de l'antipode de Paris, & pour lors tous les méridiens & les paralleles sont représentés par des ellipses, excepté le méridien qui passe par le midi & le minuit du lieu proposé. Toutes les parties de ces hémispheres sont représentées plus serrées à proportion qu'elles s'approchent de l'horison.

Mais lotsqu'on les représente en creux, on suppose que l'œ l'de celui qui décrit l'hémisphere supérieur de Paris, est au nadir, à la concavité du globe, d'où il regarde tous les heux terrestres par ieur base, à travers le cercle de l'horison, qui sert de plan. De même l'œil de celui qui décrit l'hémisphere inférieur, est à la convexité du globe au nadir, qui est le zenith de Paris, & le point opposé d'où il regarde de même tous les lieux terrestres à travers le cercle de l'horison. Tous les méridiens & les paralleles y sont représenPROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 275 és par des portions de cercle, excepté le méidien du lieu proposé, mais dont les espaces augmentent en grandeur à proportion qu'ils s'approcheut de l'horison, & pour lors toutes les parties
qui ont paru à droite dans les précédentes cartes,
paroissent à gauche.

On peut rendre cet hémisphere semblable à l'autre par une contr'épreuve, qui fera voir les

parties du même côté.

III.

Lorsqu'on représente le globe en convexe, divisé par le premier & le 180^e méridien en hémis-phere oriental & occidental; pour l'oriental, on suppose l'œil à une distance infinie du plan de projection vis-à-vis la section du 90° méridien & de l'équateur. Pour l'occidental, on suppose l'œil vis-à-vis la section du 270° méridien & de l'équateur, d'où il regarde tous les lieux terrestres par leur base à travers le premier & le 180° méridien, qui servent de tableau & de plan. Alors les méridiens deviennent des ellipses, excepté le 90° méridien, & le 270° qui font des lignes droites. Le premier méridien & le 180° sont représentés par des demi-cercles, & les paralleles le sont par des lignes droitos. Les parties des terres sont représentées plus étenducs vers le milieu, & plus serrées vers les extrêmités, selon les regles de l'optique.

Il arrive le contraire lorsqu'en représente ces hémispheres par la seconde méthode, c'est-à-dire, en creux. On suppose que l'œil de celui qui décrit l'hémisphere oriental est à la convexité & surface du globe vis-à-vis la section du 270 méridien & de l'équateur, & qu'il est à celle du 93

Sij

méridien & de l'équateur, pour décrire l'hémis phere occidental, d'où il regarde tous les lieux de la tetre sur le plan du premier & du 180° méridien, qui servent de tableau, & voit l'Europe à sa droite, & l'Asie à sa gauche, mettant le not den haut : ainsi les parties patoissent tout autrement que vues par le dehors. Les méridiens & les paraileles sont marqués par des cercles & par des portions de cercles, excepté l'équateur, le 90 & le 270° méridien, qui sont des lignes droites. Les parties de la terre sont plus servées vers le milieu de la carte, que vers les extrêmités, étant les plus éloignées de l'œil.

Pour y remédier, & rendre ces hémispheres semblables à ce qui se voit par la forme convexe, il saut tourner la catte, ce qu'une contr'épreuve sait aisément, offrant à la vue les parties telles qu'elles se voient dans le convexe; & pout lors celui qui regarde la catte, doit se mettre vis-àvis l'intersection du 90° méridien & de l'équateur pour l'hémisphere oriental, & vis-à-vis l'intersection du 270° méridien & de l'équateur pour l'occidental, & à une distance égale au demi-diametre de l'équateur de la catte.

AVERTISSEMENT.

Ce qu'on a dit dans ce problème est extrait de l'introduction à la géographie, par M. Moulart-Sanson. On y verra les différentes projections rapportées ci-dessus, & d'autres manieres de décrite & de représenter le globe terrestre

Principes de géographie touchant la maniere dont le soleil éclaire la terre, par le R. P. Deschales.

PROBLEME XLI.

Irouver la durée du plus grand jour dans une latitude moindre que 66 degrés 30 minutes.

A science de la sphere nous apprend qu'en quelque latitude que ce soit, c'est le tropique du côté du pole apparent, qui est comme la regle du plus grand jour de l'année; & au contraire le tropique du côté du pole caché, qui est la mesure du plus court jour. Cela étant, le plus long jour en ce pays-ci, situé au septentrion, est le 22 juin, & depuis ce terme le jour décroît jusqu'au 23 décembre, & de-là le soleil remontant vers juin, aggrandit les jours. Nous sçavons aussi que plus la latitude est grande, plus les tropi-ques sont coupés inégalement; c'est là la raison pourquoi le jour est plus long, & la nuit plus courte dans une grande latitude; & réciproquement la nuit plus grande & le jour plus court dans une petite latitude. De-là vient aussi qu'on prend le plus grand jour comme la mesure de l'accroissement & décroissement des jours & des nuits; car étant donnée la durée du plus long jour dans une certaine latitude, on sçaura aisément par les méthodes que nous donnerons ci-après. la durée de quelque jour que ce soit; comme aussi la durée du plus long jour dans chaque latitude : ce que l'on éprouvera, si ayant disposé le globe selon la latitude du pays, on compte les degrés du tropique Siij

178 RESERVAT. MATHEM. ET PRYS.

voisin du pole apparent, qui sont sur l'horison, ce nombre sera la durée du plus long jour-

Ou autrement, en transportant le premier degré de cancer sur l'horison oriental, & marquant le point de l'équateur qui se leve en même tems : soit ensuite tourné le globe jusqu'à ce que ce premier degré de cancer soit à l'horison orcidental, & soit marqué derechef le point de l'équateur, qui est à l'horison oriental. Le nombre des degrés de l'équateur compris entre ces deux points, vous donners l'arc diurne, & s'il est divisé par 15, vous aurez la quantité des heures.

Vous connoîtrez la même chose par les mappemondes, en appliquant l'horison ou regle mobile sur la latitude proposée, & marquant combien de degrés du tropique sont compris entre cette regle & le métidien. Ces degrés contiennent l'arc sémi-diurne, & étant doublés, ils donnetont l'arc diurne entier; & si l'on veut avoir les minutes pour agir avec plus de précision, il faut se servit

de la trigonométrie en cette forte.

Soit, par exemple, ABCD le cercle méridien,

11 14. 128 poles A & C, l'horison BD, l'élevation du

fa 31. pole AD, l'équateur EF, GH le tropique coupant l'horison en I, & AIC un cercle horaite.

Comme dans l'équinoxe le soleil se leve à 6 heures, le cercle AOC sera le cercle de 6 heures, & l'arc OK montrera de combien le soleil, étant en cancer, se leve devant 6 heures; c'est pourquoi il sauc connoître la valeur du triangle OIK, dans lequel trois choses sont données : sçavoir, l'angle IOK, dont la mestire est DF, complément de la hauteur du pole AD, l'angle K est austiconnu, étant droit, & la declinaison du soleil

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 279.

percourant le tropique, qui est l'arc IK. Soit donc fait cette analogie.

Comme la tangente de l'arc FD du complément de l'élevation du pole,

A la tangente de l'arc KI de déclinaison de 23 d.

Ainsi le sinus total de l'arc OF, Au sinus total de l'arc OK.

& de la sorte on aura cet arc.

L'arc OK est la différence ascensionnelle: &: l'on a des tables des différences ascensionnelles.

THÉOREME I.

Le soleil éclaire moins que la moitié de la terrepar ane illumination centrale, & il en éclaire la moitié sensiblement.

Ue le soleil soit A, la terre B, & que le Pi 36. point C soit celui qui sert de pole ou de sig, 36. centre au soleil. Je dis que ce point éclaire moins de la moitié de la terre. Tirez les tangentes CF, CE, & la ligne CB, qui passe par le centre de la terre. Menez aussi les lignes BF, BE.

Démonstration.

Dans le triangle CBE, l'angle E est droit (par la 18 du 3 d'Euclide): donc l'angle CBE sera aigu; donc l'arc GE est plus petit qu'un quart de cercle, & FGE moindre qu'un demi cercle; & comme on peut appliquer la même démonstration à tous les plans qu'on peut imaginer, le soleil éclairera moins de la moitié de la terre. Ce-

RECREAT. MATHEM. ET PHYS. pendant parce que le soleil est si éloigné que BE, demi-diametre de la terre, n'est que la 7000° parrie de cette distance BE, ces deux lignes CB, CE, sont authi phytiquement paralleles que le feroient deux lignes cloignées entre elles d'un pied, lesquel-

les concourroient seulement à la distance de 7000 pieds.

Pl. 36

Le solcil maire 15 minutes plus que la moitié de la time d'une illumination imparfaite.

THEOREME II.

E soleil A éclaire d'une illumination centrale l'he insphere de la terre Gl. Qu'on tire la tangente AO, l'ate CI fera sensiblement un marrie excicle, par le theorème précédent. Qu'on tire auth du bord du foleil la tangente EF, à laquelle on menera la perpendiculaire FB par le point d'attouchement F. Je dis que l'arc FI fera de 15 minutes, & qu'il ne sera pas éclairé du centre du foleil. Donc un arc de 15 minutes est éclairé d'une illumination imparfaite.

Démonstration.

Les triangles DBF, DOI, ont les angles F & I droits, par 18, 3; & l'angle BDF est commun. Donc les angles FOE, DBF, sont égaux, & l'angle EOA étant de 15 minutes, ou de la moitté de la grandeur apparente du soleil, l'angle DBF ou l'arc Fl est de 15 minutes.



THEOREME III.

Le soleil éclaire par une illumination parfaite 15 Exinutes moins que la moitié de la terre.

Ue le point A soit un point de la surface ept. 37. du soleil, ou bien son centre. Que la terre sig. 38. soit B; & qu'on tire des deux bords du soleil deux lignes GI, QD, qui touchent la surface de la terre aux points I & D. Je dis que CI est un quart de cercle, moins 15 minutes, & que l'arc DI est de 30 minutes.

Démonstration.

Dans les triangles KBD, KLI, les angles I & D sont droits (par 18, 3) & l'angle K commun. Donc les autres angles DBK, KLI, sont égaux; & l'angle KLI étant de 30 minutes, comme étant celui qui mesure le diametre apparent du soleil, l'angle DBI, qui lui est égal, ou l'arc DI, est par conséquent de 30 minutes. Or l'arc DC, par la précédente, contient un quart de cercle & 15 minutes. Donc l'arc CI, qui contient tout ce que le soleil éclaire de ce côté-la parfaitement, est moindre de 15 minutes qu'un quart de cercle.

COROLLAIRE.

L'illumination de la terre n'est pas précise, mais elle a une pénombre de 30 minutes; car nous venons de voir que le soleil éclaire 15 minutes moins que la moitié de la terre d'une illumination parfaite, & par la précédente il éclaire imparsairement 15 minutes plus que la moitié de la terre.
Le soleil éclaire donc sur la terre d'une illumina-

Plan 37 tion parfaite un hémisphere moins une zone de-6g.38. 15 minutes; la pénombre occupe un demi-degré, la morrié de laquelle, sçavoir, celle qui fair parrie de l'hémisphere éclairé, tient plus de la lumiere que des ténebres; & l'autre moiné, qui fait partie de l'hémisphere ombré, a plus de ténebres que de lumiere. Ainsi partageant le différend, nous parlerons doténavant comme si le soleil éclairoit La moitié de la terre, & que le bord de ce qui. est éclairé fût un grand cerele.

REMARQUES.

Dans l'hémisphere CM, c'est-à-dire, dans tout ce qui est éclairé sur la terre d'une illumination. centrale, il n'y a d'éclairé parfaitement que la partie ICN, laquelle est éclairée des deux bords & du centre du soleil, c'est-à-dire de tout le diametre apparent du soleil; & tout ce qui n'est pas éclaire de cette façon, ne l'est qu'imparfairement Ainsi nous disons que la partie (CN, éclairée du centre A, & terminée par le rayon ON, ne pouvant être toute éclaitée du bord G, comme elle l'est du bord O, ne sera pas toute éclairée parfaitement (le rayon Gl étant une tangente, le petit arc le, qui est au-delà du point d'attouchement 1, ne peut pas en être éclairé.)

Pareillement dans l'acc MCI, terminé par le rayon IG, il se trouve une portion MN, qui ne peut pas être vue du bord opposé O: & comme elle est égale à la portion si elle fera privée comme elle d'un nouvezu degré de lumiere. Donc le seul espace ICN, qui peut être éclairé du centre & des deux bords du foleil, sera celui qui sera éclairé,

parfaitement.

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 283
DI pénombre dont l'étendue de 30' est égale
diametre apparent du soleil.

Imoitié de la pénombre déclinante en lumiere.

D l'autre moitié de la pénombre déclinante en ténebres, c'est cette zone de 15' que le soleil éclaire, outre la moitié de la terre, mais imparfaitement.

CM arc de l'illumination centrale, qui est sensiblement un demi-cercle ou un hémisphere, dont le bord BM peut être pris pour un grand cercle déterminant la moitié de la terre.

THEOREME IV.

Le foleil parcourant l'équateur, éclaire les deux poles d'une illumination centrale.

Ue le cercle BC soit l'équateur de la terre pl. 37. A, dans le plan duquel le soleil se trouve, sig. 39- & que la ligne DA, tirée du centre du soleil à celui de la terre, passe par l'équateur au point B. Je dis que les deux poles F & G seront éclai-rés par une illumination centrale, c'est à dire, que les deux poles verront le centre du soleil.

Dimonstration.

Le soleil éclaire de tous côtés un quart de cercle de la terre. Donc BF, BG sont chacun un quart de cercle, qui est la distance qu'il y a depuis l'équateur jusques aux poles; par conséquent les points F&G, ausquels se termine l'illumination, sont les poles; & pusque tout ce jour-là le soleil demeure à peu près dans le plan de l'équateur (ses révolutions étant sensiblement des cercles) le bord de l'illumination passera toujours par les poles.

284 RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

COROLLAIRE.

Quand le soleil est dans l'équateur, le cercle qui borne l'illumination est un méridien, ou cercle horaire qui passe par les poles.

THEOREME V.

Un des poles est autant dans l'hémisphere éclairé,. & l'autre autant dans la nuit que le soleil a de déclinaison.

Ue les points B & C soient les poles de la terre BDC, DL l'équateur, l'arc DE la déchinaison du soleil, par exemple, de 20 degrés. Je dis que le pole C est à 20 degrés dans la mit, c'est-à-dire, dans l'hémisphere qui n'est pas éclaité, & que le pole B est d'autant de degés dans l'illumination; de sorte que les arcs BH, CG, sont de 20 degrés.

Démonstration.

L'équateur DL est éloigné des poles B & C. d'un quart de cercle. Donc les arcs DB, DC, font des quarts de cercle, Pareillement depuis le point E, qui est le milieu de l'illumination jusques à son bord, il y a un quart de cercle : donc les arcs EH, EG, sont aussi des quarts de cercle égaux aux arcs DB, DC: & ôtant l'arc EB, qui leur est commun, restent les arcs égaux DE, BH, de 20 degrés chacun. Je démontrerai de la même manière que les arcs DE, GC, sont égaux.

Corottaire I.

Parce que le foleil a sensiblement la même dé-

Problemes de Cosmographie. Mazison pendant tout un jour, le bord de l'illu- Pl. 370 mination demeure tout ce jour-là également éloi- fig. 40. gné des poles, & parcourt le parallele HK, lequel comprend tous les pays qui voient le soleil pendant tout le jour. Pareillement le parallele GI vers l'autre pole C, contient tous les pays qui ne le voient point. On appelle celui-ci un parallele de nuit continue, & le premier un parallele de jour continu.

COROLLAIRE H.

Les paralleles autant éloignés des poles que le soleil a de déclinaison, sont ceux de la nuit & du jour continu.

Corollaire III.

Depuis le jour de l'équinoxe jusqu'aux solstices, le bord de l'illumination parcourt les paralleles de jour & de nuit continus, lesquels vont croissant à mesure que la déclinaison du soleil augmente; car nous avons démontré qu'elle est toujouts égale à la distance du bord de l'illumination aux poles. Il s'ensuit donc qu'au jour du solstice, qui est celui de la plus grande déclinaison, l'illumination parcourt le plus grand de ces paralleles, éloigné du pole de 23 d. 30', & le même que le cercle polaire.

PROBLEME XLII.

L'heure étant donnée, montrer sur le globe ou sur la carte le pays auquel le soleil est perpendiculaire.

Our mieux concevoir comment le soleil éclaire la terre, il le faut montrer sur le globe,

RECREAT. MATHRIL ET PHYS. ou fur la mappemonde; & pour cet effet il s nécessaire de trouver en quelque temps que ce sa le point de la terre, au zenith duquel/le sole se trouve. Cherchez le parallele que le soleil de crit ce jour-là, sous lequel sont tous, les pays aus quels le soleil sera perpendiculaire tout ce jour-la Cherchez auth le métidien dans lequel il fe reacontre à l'heure proposée, car le concours de ci méridien & de ce parallele est le lieu que vous cherchez. Par exemple, pour sçavoir, étant à Paris, le pays auquel le soleil est perpendiculaire le 22 juin à 6 heures du foir, comptez 6 heures depuis le méradien de Paris vers le couchant, & regardez où ce méridien coupe le tropique que le soleti parcourt ce jour-là. Vous trouverez la partie occidentale de l'isle de Cuba.

PROBLEME XLIII:

Montrer sur le globe tous les pays que le soleil éclaire, & qui ont le jour, comme aussi ceux auxquels il est nuit pour une heure donnée.

Herchez sur le globe le pays auquel le soleil est perpendiculaire, & mettez-le au zenith, c'est-à-dire, disposez le globe selon la laritude de ce lieu, lequel vous mettrez sous le méridien. Je dis que l'horison sera pour lors le bord de l'hémisphere éclairé.

Démonstration.

Il y a de tous côtés 90 degrés depuis le zenith jusqu'à l'horison. Il y en a autant depuis le point auquel le soleil est perpendiculaire, que nous avons mis au zenith, jusqu'au bord de l'hémisPROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 287 here éclairé. Donc l'horison & le bord de l'illunination sont le même cercle.

COROLLAIRE I.

Dans cette disposition, le soleil faisant le midi de ce pays, & de ceux qui sont sous le même méridien, se leve à l'égard des pays qui sont dans la partie occidentale de l'horison, & se couche à l'égard de ceux qui sont dans la partie orientale : ceux qui sont sur l'horison ont le jour, & ceux qui sont su dessous ont la nuit.

Corollaire II.

Vous pourrez aussi remarquer les pays qui ont le soleil tout le jour, sans aucune nuit; car un des poles sera toujours sur l'horison, & l'autre dessous, excepté le jour de l'équinoxe, par le théorème V. Tous ceux qui sont autour du pole élevé, verront toujours le soleil; & au contraire, vers l'autre pole, les pays qui ne monteront point sur l'horison, quand on fait tourner le globe, auront une nuit continuelle. Ensin on peut dire en général que si on éleve sur l'horison un des poles d'autant de degrés que le soleil a de déclinaison, & si on met le pays au méridien, & l'aiguille sur l'heure de midi, on aura la disposition de l'illumination pour chaque heure, en faisant tourner le globe jusqu'à ce que l'aiguille la marque.



THEOREME VI.

Quand le soleil est dans le plan d'un grand etcle, le bord de l'hémisphere éclairé passe par su pole; & le soleil étant au pole d'un grand cercle, le bord de l'hémisphere éclairé est la circonsérence de ce grand cercle.

Pl. 38. O Ue le soleil soit dans le plan d'un grandég. 41. O cercle de la terre, par exemple, de l'horison, c'est-à-dire, que la ligne tirée du centre du soleil à celui de la terre, coupe l'horison AC, au point B, & que les points D & E soient les poles ou zeniths de cette horison: je dis que les points D & E seront éclairés.

Démonstration.

Il y a de tous côtés un quart de cercle depuis le point B, qui est celui auquel le soleil répond perpendiculairement, jusqu'au bord de l'hémise phere éclairé EFD. Il y en a autant depuis un grand cercle jusqu'à son pole. Donc le bord de l'illumination passe par les poles D & E. Pareillement le point B étant celui auquel le soleil répond perpendiculairement, il est évident que la bord de l'hémisphère éclairé sera un grand cercle que l'on décriroit du point B comme pole.

COROLLAIRE I.

Le soleil étant dans le plan de l'horison, le bord de l'hémisphere éclairé sera un cercle vertical distant de 90 degrés du point auquel cer astre répond.

COROLLAIRE II.

Quand le foleil se leve au premier vertical, Pl., 8, c'est-à-dire, au point du vrai orient, le bord de 6g. 41. l'hémisphete éclaité est le même que le méridien, parce que le point du vrai orient est le pole du méridien: ce qui arrive seulement le jout de l'équinoxe; & pour lors le foleil se leve à l'égard de tous ceux qui sont dans le même méridien, c'est-à-dire à 6 hentes pour tous.

COROLLAIRE III.

Quand le soleil se leve, le vertical, qui est le bord de l'hémisphere éclairé, décline autant du méridien, qu'il y a d'amplitude ortive en ce jour-là. Par exemple, si le soleil se leve en B, & que l'amplitude ortive soit BG, c'est-à-dire, la distance depuis le point d'intersection B du parallele du soleil avec l'hotison, jusques au point G du vrai orient. Il est évident que le cercle vertical DFE déclinera du méridien DCE d'autant de degrés qu'il y en a dans l'arc BG, car BF est un quart de cercle, l'arc GC compris depuis le point G de l'orient jusques au vrai méridien est aussi un quart de cercle; ainsi les arcs BF, GC sont égaux, & ôtant l'arc commun GF, les arcs BG, FC resteront égaux.

PROBLEME XLIV.

Déterminer la grandeur de quelque jour que ce soit pour chaque latitude.

Ue le pole du globe terrestre soit autant élevé sur l'horison que le soleil a de déclinaison, c'est-à-dire, que le parallelé que le soless Tome II.

RECREAT. MATRIM. ET PHYS. parcourt un certain jour déterminé, passe par le zenith. Imaginez vous que le soleil répond à ce point, & qu'il est immobile selon l'hypothese de Copernic. Cela posé, choisissez quelque cercle de latitude ou pays que ce foit, dont vous voudriez scavoir la grandeur de ce jour, comptez combien il y a de degrés de ce cercle sur l'horison. Si vous divilez ce nombre par 15, vous aurez celui des heures que durera ce jour-là dans la latitude proposce. Par exemple ayant cleve le pole septentrional de 23 degrés ; sur l'horison, qui est la déclination du foleil au tropique, si vous voulez scavoir la grandeur du jour sous la latitude de 49 degrés, comptez les degrés de ce cercle de latitude, qui sont sur l'horison, & vous trouveres 240, lesquels étant divisés par 15, vous donneront pour quotient 16, qui sera le nembre des heures pour ce jour-là.

Démonstration.

Transportez la ville de Paris, qui est dans concercie de latitude, ou tel autre point qu'il vous plaira, dans la partie occidentale de l'horison, ce sera la disposition qu'a le globe quand le soleil se leve à Paris, & pour lors l'horison est le bord de l'hémisphere éclaité. Qu'on toutne le globe d'occident en orient, jusqu'à ce que Paris vienne en la partie orientale de l'horison, c'est-a-dire, jusqu'à ce que le soleil se couche à Paris. Il est certain que la durée du jour est depuis le lever du soleil jusqu'àsson coucher, c'est-à-dire, l'espace de tems que la ville de Paris emploie à aller de la partie occidentale de l'horison, c'est-à-dire, du bord de l'illumination, en l'orientale. Ce tema

PROBLEMES DE COMMOGRAPHIS 29% of encore mesuré par l'arc de ce cercle de l'atitude qu'a décrit la ville de Paris par le mouvement diurne de la terre, qui est compris entre la partie occidentale & la partie orientale de l'hotuson. Donc la pratique proposée donne la grandeur du jour.

REMARQUES.

Pour tendre cette pratique plus facile, le globé étant disposé de sorte que le pole soit élevé d'autant de degrés que le soleil a de déclinaison, transportez la ville de Paris au méridien, & l'aiguille à l'heure de midi. Faites rouler le globe jusqu'à ce que Paris rienne s'arrêter en la partie orientale de l'horison, vous aurez l'heure du lever; & transportant la même ville en la partie occidentale, vous aurez l'heure du coucher. Ou bien metrez Paris sur l'horison oriental, & l'aiguille à midi. Faites tourner le globe, en sorte que Paris s'arrête au méridien ; l'aiguille marquera le nombre des heures du demi jour, lequel étant doublé, vous aurez le jour entier,

ĬI.

Vous connoîtrez de même la grandeur du jour par la mappemonde. Elevez le pole sur la regle notisontale d'autant de degrés que le soleil a de déclinaison. Alors la regle horisontale représente le bord de l'hémisphere éclairé. Voyez combien de degrés de chaque parallele sont compris entre la regle & le méridien, & vous autez l'arc semi-diurne, c'est-à-dire, le tems qu'emploie quelque point d'un cercle de latitude depuis qu'il est au bord de l'illumination. A qu'il commence T ii

à voit le soleil jusqu'à midi. Cette pratique fait bien entendre l'illumination de la terre, suivant l'opinion de Copernic; & elle a cette commodité, qu'on peut voit à la fois la grandeur du jour pout toutes les latitudes, & connoître la raison pout quoi les cetcles de latitude plus proches du pole ont le jour plus grand, chaque point ayant à parcourir une plus grande partie de ces cercles pout venir depuis la partie occidentale de l'horison jusques en l'orientale.

ĭÌĪ.

Cette proposition peut aussi servir pour entendere cet horloge universel qu'on nomme analiemme rectiligne, dans lequel les rayons des signes représentent le bord de l'illumination pour dissérent tems.

THEOREME VII.

Les pays sous un même méridien, qui ont une plus , grande latitude du côté du pole apparent, soné plutôt échairés en été.

Pl. 38, O Ue les points A & C soient les poles de la terre ABC, & BD l'équateur. Que le soleil parcoure EF un parallele d'été. Que H & G soient deux pays situés sous le même méridien, & que leurs horisons soient IK & NM. Supposons que le soleil est en R, & qu'il répond perpendiculairement au point O de l'horison NM, qui appartient au point G, c'est-à-dire, qui est l'horison du zenith G.

Démonstration.

- L'illumination sera GS, & le point Hest encore

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 298 dans l'ombre. Donc le pays, dont la latitude est G, verta plûtôt lever le soleil que celui qui est situé en H, & par conséquent le pays qui a une plus grande latitude sera plutôt éclairé en été. Le contraire arrivera quand le soleil parcourera les paralleles d'hyver.

THEOREME VIII.

Quand le soleil est dans le plan d'un cercle horaire; le bord de l'illumination passe par un point de l'équateur, qui en est éloigné de 6 heures.

Ue le soleil réponde au point B du cercle Pl. 38; horaire ABC; je dis que FG, qui est le fig. 43. bord de l'illamination, coupe l'équateur ED dans le point D, éloigné de 6 heures du point E; de sorte que l'arc ED est de 6 heures, ou de 90 degrés.

Démonstration.

Quand le soleil est dans le plan d'un grand cercle, l'illumination parvient jusqu'à son pole. Or est-il que le pole du cercle horaire ABC est dans l'équateur; car puisqu'il passe par les poles A & C de l'équateur, l'équateur passera aussi par les siens, selon ce qu'a démontré Théodose; & puisque le pole est éloigné de 90 degrés du grand cercle, duquel il est pole, ce ne peut être un autre point que D. Donc le bord de l'illumination passe par le point D.



594 RECREAT. MATREM. IT PHYSI

THEOREME IX.

La dissérence des heures marquées par le bord de l'illumination dans l'équateur, & dans un cercle de latitude, montre combien le soleil se leve dans cette latitude devant ou après 6 heures.

U'on propose deux pays, l'un dans l'équateur qui soit A, & l'antre dans un cercle de latitude, qui soit B, & tous deux dans le mêmeméridien. Que le soleil étant en C, le bord de l'illumination BFD coupe le cercle de latitude au point B, & l'équateur au point F en deux divers cercles horaires ABE, EFH; de sorte que la distance de ces cercles horaires soit l'arc AF. Je dis qu'elle est égale à l'arc IK, qui montre combien le soleil se leve devant 6 heures dans le cercle de latitude BG: supposé que le point C est un point de l'horison duquel B est le zenith.

Démonstration.

Le foleil étant dans le point C de l'horison, son pole ou zenith B sera éclaire; & parce que nous supposons que le soleil a quelque déclinaison, le bord de l'illumination déclinera du méridien, par théorême 6. Que le cercle HIE soit celui de 6 heures, l'arc IA sera un quart de cercle & l'arc KF sera aussi par la précédente un quart de
cercle, & ôtant l'arc IF, qui leur est commun, il
restera les arcs IK & FA égaux; ce qui consirme
la proposition où nous avons trouvé la grandeux
du jour dans chaque cercle de latitude.

THEOREME X.

Si l'on divise un cercle de latitude en 24 parties égales, en commençant à quelque pays, le bord de l'illumination du lever y montrera les heures babyloniennes pour le même pays, & celuide du coucher les italiennes.

Qu'on popose le cercle de latitude AB, & Pl. 39, qu'on le divise en 24 parties égales, à commencer du point A, qui représente le pays qu'on aura déterminé, auquel on pourra donner le chistre o, ou 24, & au point suivant vers le couchant, on marquera 1, puis 2, 3, 4, &c. Si l'on met le lieu du soleil au zenith du globe, de sorte que l'horison soit le cercle de l'illumination, je dis que sa partie occidentale (laquelle je devrois nommer du lever, puisqu'elle marque les pays à l'égard desquels le soleil se leve) montrera l'heure babylonienne, & sa partie orientale montrera l'heure italienne à l'egard du lieu A.

Démonstration.

Le globe étant disposé selon la déclinaison du soleil, quand le point A se trouve en la partie occidentale de l'horison, c'est-à-dire, du bord de l'illumination, le soleil se leve à l'égard de comême point A: donc il est 24 heures babyloniennes au pays A. Et parce que le bord de l'illumination parcourt unisormément ce parallele, de sorte qu'il retourne au même point dans 24 heures, il se retirera d'une vingt-quatrieme partie. Donc si nous pouvions voir comment la terre est éclairée, le bord de l'illumination montreroit vé-

T iv

ritablement les heures babyloniennes, & s'éloigneroit du point A de 15 degrés à chaque heure.
J'en dis de même du bord du coucher; car le soleil se couche à l'egard du point A, quand ce
point A arrive au point oriental de l'Illumination,
& il est pour lors 24 heures, selon la maniere de
compter les heures en Italie. Et parce que le même
bord parcourt uniformément le parallele, ils s'éloignera pareillement de 15 degrés par heure.

Nous devons à M. de R** ces principes de géo-

graphie.

DES ETOILES.

On distingue deux sortes d'étoiles: les étoiles fixes & les planetes. Les étoiles fixes sont celles qui gardent toujours entr'elles la même situation & la même distance, quoiqu'elles nous paroissent chaque jour tourner autour de la terre d'orient en occident. Les planetes sont des étoiles qui changent à tout moment de situation & de distance, tant à l'égard d'elles-mêmes, qu'à l'égard des étoiles fixes.

DES PLANETES.

On a toujours compté sept planetes, sçavoir, la lune, venus, mercure, le soleil, mars, jupiter & saturne. On leur a donné cet ordre, parce que la lune étant la plus proche de la terre, venus vient après, mercure ensuite, & ainsi des autres, jusqu'à saturne, qui est le plus éloigné.

La plupart des nouveaux philosophes ne reconvoissent point ce même nombre des planeres, Ils prennent le soleil pour une étoile fixe, qui est au centre de ce qu'ils appellent tourbillon du foleil, & autour duquel tournent les autres planetes. Ils placent mercure auprès du soleil, ensuite venus, puis la terre, mars, jupiter & saturne. Pour ce qui est de la lune, ils la mettent au nombre de ce qu'ils ont nommé satellites. Par le nom de satellite, ils entendent une étoile qui tourne autour d'une planete. Les lunettes de longue vue en ont fait découvrir quatre qui accompagnent jupiter, & cinq qui accompagnent saturne. On a encore découvert un anneau autour de saturne.

Les planetes font leur mouvement dans le zodiaque, elles s'écarrent de l'écliptique, les unes plus, les autres moins, tantôt vers le midi, tantôt vers le septentrion. Il n'y a que le soleil, ou plûtôt la terre, qui prenne invariablement sa toute sur l'écliptique.

DU SOLEIL.

Le foleil paroît beaucoup plus grand que les autres étoiles, sa chaleur est très-sensible, principalement lorfqu'il donne à plomb fur quelque lieu, comme il est évident dans cette partie septentrionale du monde, où le foleil se fair beaucoup plus sentir en été, quand il est vers le tropique de l'écrevisse, qu'en hyver, quand il est vers le tropique du capricorne. Cependant le soleil en été est bien plus éloigné de la rerre, qu'en hyver. On prétend que le soleil au commencement de l'hyver est plus proche de la terre qu'en été, de 748 demi-diametres terrestres; ce qui feroit plus d'un million de lieues communes de France. Et si sa chaleur est plus forte en été, c'est qu'elle donne plus à plomb, & que l'atmosphere désourne moins de rayons.

infraction seroit peut-être encore plus sensible, le globe opaque n'étoit point poli. Voyez le mémoires de l'académie royale des sciences, an

née 1715.

Pendant l'éclipse totale, l'obscurité est si grand qu'on voit les étoiles, comme dans une plein nuit: on ne peut lite sans bougie, on ne se re connoît pas même à quelques pas: les oiseaux & les chauve souris cherchent leurs retraite comme au commencement de la nuit; les animaux qui sont à la campagne paroissent épouvantés; les sleurs se resserrent; la rosée tombe, i chaleur diminue, & l'on sent de la fraîcheur. Que ques-uns de ces phénomenes arrivent lors même que l'éclipse n'est point entierement totale.

PROBLEME XLV.

Observer un éclipse de soleil.

Ou l'on a laissé une ouverture pour planchette, où l'on a laissé une ouverture pour positione, où l'on a laissé une papier blanc qui regarde l'oculaire. On se planchette d'environ deux pieds de l'oculaire. Cette planchette doit être perpendiculaire à l'axe de la lunette, & l'on colle dessus un papier blanc qui regarde l'oculaire. On se place dans une chambre obscure, où l'on a laissé une ouverture pour placer l'objectif de la lunette. On fait passer au travers de la lunette l'image du soleil, qui va se peindre sur le papier blanc de la planchette. On se planchette.

^{*}Cette distance est plus ou moins grande; mais l'image du soleil y doit être représencée sustilamment grande, bie éclairée, & nettement terminée en sa circonsérence.

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 301.

Tivise l'image du soleil en douze cercles concenpiques, places à egale distance l'un de l'autre: le
cercle extérieur doit con prendre exactement l'image du suleil, & les intéricurs, divisant le diameme du grand cercle en 24 parties egales, servent
l'imarquer les doigts & demi-doigts. Il est bon
d'ajuster un micrometre à cette lunette ou à une
entre: ce micrometre sert à observer immediament la quantité de la partie du soleil colipsée.

Avec ces précautions, il faut encore en avoir me autre, qui est de régler une pendule la veille le jour même de l'éclipse par les hauteurs du foleil, ou de quelque étoile. Toutes ces préparations etant faites, on remarque l'instant où l'échipse commence, & où elle finit : on observe par moyen sa durée & ses différens degrés.

Sans tant d'apprêt on peut se servir d'un verre moirci à la sumée de la chandelle, avec lequel on regarde l'éclipse. Il est à propos que le verre soit égatement noirci dans sa surface : on peut le saite double, enfermant la surface noircie ontre les deux verres, qu'on attachera avec une petite bande de papier collée sur les bords entre les deux verres. On colera ces morceaux de verre avec un mastic sait de mine de plomb rouge, broyé avec de l'huile de sin. Ce mastic seche en peu de tems.

Des taches du foleil.

Les telescopes ont fait découvrir aux astronemes des phénomenes solaires inconnus aux anciens. Scheiner sit le premier cette observation en 1611. Depuis ce tems-là divers astronomes on fait plusieurs observations. Voici à peu près ce qu'ils ont dit de plus curieux sur estre matiere. Ces taches, qui paroissent être sot-

MERCURE.

Mercure est la plus petite de toutes les plans tes; elle paroît se mouvoir autour du soleil, dont elle ne s'éloigne que d'environ 28 degrés! elle est presque toujours perdue dans ses rayons. C'est ce qui fait qu'on ne sçait point la durée de les jours, quoiqu'on ne puisse douter qu'elle ne tourne fur son centre: on croit cependant qu'elle fait ce mouvement sur elle-même en fix heures.

On distingue dans mercure les mêmes phases que dans la lune; mais il a deux fortes de conjonctions, l'une supérieure, l'autre inférieure, Lorsque mercure approche de sa conjonction supérieure, il paroît presque plein; mais lersqu'il est dans la conjonction inférieure, il est obscurci & semblable à la lune quand elle est nouvelles Il paroît en croissant lorsqu'il est occidental, 60

en décours quand il est oriental. Mercure acheve son cercle autout du foieil en deux mois & vingt-huit jours; son diametre est à celui de la terre comme 41 à 100, 66 la folidité est à peu près à celle de la terre comme 69 🌲 1000, c'est à-dire, que le globe de la terre est environ quatorze fois plus gros que celui de mete cure. La moyenne distance de mercure à la terre est d'environ i 1880 diametres terrestres, la terre étant elle-même dans la moyenne distance du solo leil. Il est éloigné du foleil de 4257 des mêmes diametres terrestres.

DE VENUS.

La planete de venus est fort brillante; c'est elle qui devançant le lever du foleil, porte le nom

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. delucifer, & qui paroissant la premiere de toutes les étoiles après le soleil couché, est connu sous le nom d'etoile du berger. Elle s'éloigne du fofeil d'environ 48 degrés. Les mêmes phases, que nous avons dit arriver à mercure, & qui sont très-sensibles à l'égard de la lune, arrivent à vénus. Elle paroît être comjointe au soleil, ensorte qu'elle est cachée par le soleil, & qu'elle cache aussi le soleil. Pendant ces deux conjonctions elle se perd dans les rayons du foleil, où elle reste plongée pendant quelque tems. Avant & après ces mêmes conjonctions, on remarque qu'elle a un croissant & qu'elle est en décours. Cette planete est opaque & sphérique, comme celle de mercure, puisqu'elles refléchissent les rayons du soleil, & qu'elles paroissent sous une figure ronde.

On conjecture que vénus tourne sur elle-même, & qu'elle acheve ce tout à peu près en 1 ç heures. Ainsi les jours seroient chacun d'environ 15 heures, comme ceux de mercure seroient presque de six heures. Elle tourne aussi autour du soleil en sept mois quatorze jours & sept heures. son diametre est à celui de la terre comme 49 a ço, & sa solidité est à la solidité de la terre comme 9411 à 10000, c'est-à-dire, que le globe de vénus seroit quelque peu moindre que celui de la terre, quoique quelques uns disent qu'il est quarante-trois fois plus gros que la terre, & que d'autres prétendent qu'il est vingt-huit fois, ou même trente sept sois plus petit que la terre. La plus grande distance de vénus à la terre, lorsqu'elle est aussi dans sa moyenne distance du soleil, est de 19008 diametres terrestres, & sa plus petite distance de 3102 des mêmes diametres. Vénus est éloigné du soleil de 7953 diametres terrestres.

Tome II.

DE LA TERRE.

On dira ici peu de choses de la terre, on ena beaucoup parlé dans les problèmes précédens : on sjoutera seulement qu'élle est éloignée du soleil dans sa moyenne d'stance de 11000 de ses diametres. Voyez ce qu'on a dit de ses autres distan-

ces dans l'arricle du soleil.

Suivant le système de Copernic, la terre auroit deux mouvemens, l'un sur son centre en 14
heures, d'occident en orient, & l'autre autout
du soleil, qu'elle acheveroit en 365 jours & quelques heures. Ces deux mouvemens suppléeroient
aux mouvemens du soleil & des étoiles, qui sont
si énormes, s'ils sont véritables, qu'il faut que le
soleil sasse près de deux mille trois cens lieues
en une seconde, qui est le tems d'un battement
d'artere, & que les étoiles qui sont dans l'équateur, parcourent en un jour trois cens millions de
sièues.

DE LA LUNE.

La lune accompagne la terre dans son tourbillon; elle paroît de dessus la terre le plus grand & le plus lumineux de tous les astres après le soleil. On sçait pourtant qu'elle n'est point lumineuse par elle-même, & qu'elle emprunte du soleil tout ce qu'elle a de lumiere. Ses phases sont apperçues de tout le monde. Emnt conjointe au soleil, elle est cachée dans ses rayons, & nous ne la voyons point. Quelque temps apres sa conjonction, elle paroît du côté de l'orient avec un croissant, dont les cornes sont opposées au soleil; puis en s'éloignant du soleil, ses cornes s'emplissent peu à peu, & elle se fait voir à demi pleme. Ensuite passant insensiblement par plusieurs degrés de lumiere qui vont en augmentant, elle paroît entierement pleine, jorsqu'elle est diamétralement opposée au soleil. Ensin décroissant dans le même espace de tems qu'elle a mis à croître, elle passe passe phases, avec cette dissérence, que ses cotnes dans son décours, étant encore opposées au soleil, son tournées vers l'occident; après quoi elle se replonge dans les rayons du soleil; d'où sortant elle paroît sous les mêmes figutes où elle a patu auparavant.

Ces divers changemens, qui s'achevent en moins d'un mois, nous font connoître qu'elle décrit un cercle autour de la terre : ce cercle, ou plutôt

cette ellipse est fort irréguliere.

La simple vue suffit pour nous faire appercevoir sur le disque de la lune des taches qui pour-toient bien n'être que l'ombre de quelques grandes montagnes, pursque ces taches sont plus ou moins apparentes, selon que la lune est plu, près ou plus élorgaée du soleil; elles dispatoissent même dans la pleine lune, principalement vers le milieu du disque. D'ailleurs elles paroissent depuis la nouvelle lune jusqu'à la pleine lune, vers se bord occidental du disque de la lune, & vers son bord occcidental, depuis la pleine lune jusqu'à la nouvelle lune.

Les lunertes d'approche ont fait découvrir d'autres particularités. Lorsque la lune est vers son premier quartier, si on regarde avec une lunerte d'approche cette ligne, qui à la vue simple sépare la partie ténébreuse d'avec la lumineuse, ce n'est pas une ligne droite qu'on apper-

RECREAT. MATHEM. ET PHYS. çoit, c'est une dentelure, où le lumineux s'engraine, pour ainsi dire, avec le rénébreux; ce qui marque affez manifeltement qu'il y a des montagnes très hautes, qui étant éclairées dans la partie ténébreule, ne renvoyent point affez de lumiere pour être apperçues sans lunette. Quatre jours même après la nouvelle lune, on remarque des endroits éclairés dans la partie orientale, qui est pour lors obscure; & dans le décours de la lune on observe que dans la partie occidentale, qui est pour lors obscure, il y a des endroits qui sont encore éclairés. Il suit de là qu'il y a sur le disque de la lune des parties plus élevées, qui reçoivent plutôt la lumiere du foleil, & d'autres qui la quittent plus tatd.

Quand la lune est dans son plein, on distingue alors fur son disque des endroits qui sont plus lumineux les uns que les autres, & d'autres qui sont plus obscurs: & comme la lune présente toujours à la terre une même face, & que ces endroits ne font pas fujets à deschangemens confidérables, les astronomes ont jugé à propos de leut donner des noms, afin de s'entendre fur-tout dans les éclipses de lune. La géographie de la lune, ou plutôt la fenelographie, est à présent parfaitement connue. Les sçavans y ont leurs seigneuries; on les reconnoîtra dans la description que nous allons donner des endroits les plus confidérables de la lune. Les chiffres & les lettres serviront à les faire reconnoître sur la figure du disque de la lune, telle que Messieurs de l'observatoire l'ont décrite.

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE.

I	Grimaldi.	22 Eudoxus.	Pl. 40,
2	Galilée.	23 Aristore.	fig. 34
3	Aristarque.	24 Manilius.	
4	Kepler.	25 Menelaiis.	

s Gassendi. 26 Hermès. 27 Possidonius. 6 Schickard.

28 Dionisius. 7 Harpalus. 8 Heraclides. 29 Pline.

30 Catharina, Cyril-9 Landsberge. 10 Rheinoldus.

11 Copernic. 31 Fracastor. 12 Helicon.

13 Capuanus. 3 3 Messala.

14 Bouillaud. Is Eratosthenes. Songe.

16 Tymocharis,

37 Platon. 36 Cleamedes.

18 Archimedes. 19 L'isle du Sinus nerius.

moyen.

20 Pitatus. 21 Tycon.

A. La mer des humeurs.

B. La mer des nues.

C. · La mer des pluies.

D. La mer de nectar.

E. La mer de tranquillité.

F. La mer de sérénité.

G. La mer de fécondité.

H. La mer des crises.

On est porté à croire que toutes ces taches sont formes par des montagnes, par des valices, par des lacs, par des mers, par des puirs, par des

lus, Theophilus. 32 Promontoire aigu.

34 Promontoire du

35 Proclus.

37 Snellius & Fur-

38 Petau.

39 Langrenus.

40 Tarunius.

abimes. Cependant on n'a point encore démontré qu'il y ait un atmosphere autour de la lune. Voyez la pluralité des mondes par M. de Fontenelle, & les mémoires de l'académie royale des sciences, principalement ceux de 1715.

PROBLEME XLVI.

Observer l'éclipse de la lune.

1°. I L faut avoir une pendule que l'on régleta par le moyen du soleil, ou par la hauteur de quelque étoile fat, cen nec a dit pour

l'éclipse du soleil.

2º On aura une lunette garnie d'un bon micrometre: on dirigera cette lunette vers la lune, & on remarquera avec précision l'instant auquel le bord de la lune commencera à perdre sa tondeur; ce seta le commencement de l'éclipse.

3°. On observera le moment où la section de l'ombre abordera les taches de la lune, que l'on connoîtra par la selenographie qu'on a mise ci-

dessus.

4°. On remarquera le moment où l'ombre quittera absolument la lune, ce sera la fin de l'éclipse.

5°. Si on ôte le commencement de la fin de l'éclipse, on auta sa durée; & l'on connoîtta sa

moitié, en prenant la moitié de sa durée.

6°. Enfin le migrometre doit servit à observer la grandeur du diametre observei de la lune.

Il est à remarquer qu'il est quelquefois difficile d'avoir avec justesse la fin de l'éclipse, à cause de la pénombre qui est causée par l'atmosphere de la terre. Les rayons du soleil, en passant par cette PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 311 atmosphere, se brisent, & vont faire une couleur

songeâtre sur les bords de la lune.

La lune tourne autour de la terre en 27 jours 8 heures, & elle met ce même tems à tourner sur son centre. C'est ce qui fait qu'elle ne nous paroît point tourner sur elle-même. Mais e le ne rejoint le soleil que 29 jours 1 heure 44 minutes, après l'avoir quitté. Elle ne s'éloigne de l'écliptique que d'environ cinq degrés. Sa plus grande distance à la terre est de 30 15 diametres terrestres, sa moyenne est de 28 de ces diametres, & sa plus petite est de 25 & demi des mêmes diametres.

Le diametre de la lune est à celui de la terre comme 27 à 100, & sa solidité est à celle de la terre, à peu près comme 197 à 10000, c'est-à-dire, que la terre est plus de cinquante sois plus

grosse que la lune.

DE MARS.

Mars paroît d'une couleur rouge, qui ne peut venir que de la lumiere réfléchie du soleil. On remarque sur son disque une tache considérable, qui change de figure suivant l'aspect qu'elle a avec la terre, & que l'on perd de vue pendant quelque tems. On y voit aussi des endroits qui semblent quelquesois éclairés, & qui sont quelquesois plus obscurs. Cette planete a ses phases comme la lune, elle embrasse la terre dans son orbite : c'est ce qui fait qu'elle se trouve en opposition au soleil; ce qui n'arrive point à mercure, ni à vénus.

On ne doute point que mars ne tourne sur son centre, & l'on croit qu'il acheve ce sour en 24 heures 40 minutes: ses jours par conséquent souz

quelque peu plus longs que les nôtres. Il toutne autour du soleil en un an dix mois vingt-un jours & dix huit heures. Son diametre est à celui de la terre, comme 27 à 50, & sa solidité est à celle de la terre comme 787 est à 5000. D'où il suit que le globe de mars est environ sept sois plus petit que celui de la terre. Il est éloigné du soleil de 16764 diametres de la terre. Sa plus grande distance de la terre est de 29489 diametres terrestres, & sa plus petite distance de la terre est de 4011 des mêmes diametres.

DE JUPITER.

Jupiter, dont le globe paroît un peu ovale, a un brillant affez semblable à celui de venus, quoiqu'il ne soit pas si étincellant : sa couleur rient du milieu entre la couleur de l'or & celle de l'argent. Il reçoit cette lumiere du soleil, comme les autres planetes. On a observé deux sortes de taches sur jupiter, les unes sont fixes & permanentes, les autres font fujettes à divers changemens : celles-ci ressemblent à des bandes qui l'entoureroient; quelquefois on n'en voit qu'une, quelquefois on en remarque deux, quelquefois un plus grand nombre; elles paroissent tantôt droites, tantôt recourbées vers un côté ou vers un autre; mais elles sont toujours paralleles entr'elles. Ces bandes prennent différentes fituations fur la furface de jupiter; elles n'ont pas toujours la même largent, & ne gar 🚛 dent pas toujours la même distance entr'elles. En certain tems elles s'élargissent; en d'autres elles s'étrécissent, elles se séparent, puis elles se confondent, il s'en forme de nouvelles en divers endroits, & il s'en estace. Ces changemens sont

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 313
plus considérables, que si l'océan inondoit toute
la terre ferme, & laissoit en sa place de nouveaux continens. Cette planete est encore accompagnée de quatre satellites, dont on parlera dans
la suite.

Une tache considérable de jupiter, fixe & pasfagere tout ensemble, a donné lieu à feu M. Caffini, & depuis à M. Maraldi, de déterminer précisément que la révolution de cette planete sur son axe, est de 9 heures 56 minures; ce qui nous fait connoître que les jours dans jupiter sont d'environ 10 heures. Il est 11 ans 10 mois & 16 jours à tourner autour du saleil, dont il est éloigné de 47200 diametres terrestres. Son diametre est à celui. de la terre comme 259 à 25, & sa solidité est à celle de la terre comme 11119346 à 10000. Le globe de jupiter est par conséquent 1112 fois plus gros que celui de la terse. Sa plus grando distance de la terre est de 71459 diametres terteltres: & sa plus petite distance est de 43540 des mêmes diametres.

DES SATELITES DE JUPITER.

Les quatre satellites de jupiter sont des révolutions autour de jupiter en des tems dissérens. On les trouvers dans la table suivante.

Révolution.	Jours.	Heures.	Minutes.
Du premier (I	18	29
Du fecond	en 3	13	19
Du rroisseme	7 .	4	0
Du quatrieme	16	18	5

314 RECREAT. MATHEM, ET PHYS.

Il est vraisemblable que les satellites de jupiter tournent sur leur axe, par les observations qu'on a faites du retour des taches qui y ont cue remarquées; mais on n'en a point déterminé le tems.

Le premier satellite de jupiter, c'est-à-dite, celui qui en est plus proche, est éloigné du cente de cette planete de près de trois diametres de jupiter, le second de quatre & demi, le troisems de plus de sept, & le quatrieme en est éloigné de quelque peu moins de treize des mêmes diametres de jupiter, & le diametre de cette planets contient environ 29660 de nos lieues communes.

DE SATURNE.

Saturne semble avoir une couleur plombée. Il paroît sphérique & sous diverses phases, comme les autres planetes. D'où il suit qu'il reçoit sa lumière du soleil, aussi bien qu'elles. Il a cinq satellites qui l'accompagnent, & de plus un merveilleux anneau, qui est une singularité unique dans tout le ciel connu. On y remarque aussi quelques bandes, qui paroissent n'être que l'ombre de l'anneau, ou de quelqu'autre corps compris dans l'atmosphere de saturne.

entre; mais l'on n'a point encore déterminé en combien de temps il fait ce tour. Il a un mouvement autour du soleil, qu'il acheve en 29 ans, 5 mois, 5 jouts & treize heures : ainsi son année est ptès de trente des nôtres, & il a des pays où une seule nuit dure quinze ans entiers, pendant que le jour dure dans les pays opposés, le même nombre d'années. Il est éloigné du soleil d'environ

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. 315
11035 diametres terrestres, c'est-à-dire, qu'il
en est éloigné de près de 330 millions de lieues.
Son diametre est à celui de la terre presque comme 10 à 1, & par conséquent la solidité est à celle
de la terre comme 1000 à 1. D'où il suit que le
globe de saturne est au moins mille sois plus
grand que le globe de la terre. Sa plus grande
distance de la terre est de 121535 diametres terrestres, & sa plus petite distance est de 87901 des
mêmes diametres. Saturne ne s'éloige de l'écliptique que de deux degrés trente minutes.

REMARQUE.

Les planetes vues de la terre paroissent avoir des mouvemens sort extraordinaire; car quand on les a vu aller suivant l'ordre des signes, c'està-dire, d'occident en orient, on s'apperçoit qu'elles restent pendant quelque tems comme attachées à une même étoile, dont elle ne s'éloignent
point; & quelquesois elles paroissent faire un
mouvement contraire, & aller d'orient en occident; puis elles sont stationnaires, et sin elles
reprennent leur route ordinaire: elles vont d'occident en orient.

DES SATELLITES DE SATURNE.

Le mouvement propre de ces cinq satellites de saturne se fait de même que celui de toutes les planetes, suivant la suite des signes, en sorte qu'ils paroissent dans la partie supérieure de leurs orbes qui est la plus ésoignée de nons, aller de l'occident vers l'otteut, & dans la partie infétieure qui est la plus proche, aller de l'orient vers

l'occident. Chacun de ces satellites fair sa révolution autour de saturne en des tems différent, comme on le peut voir dans la table suivante.

Révolution.	Jours.	Heures.	Minutes.
Du premier Du second Du troisseme Du quatrieme Du cinquieme	en { 1 2 4 4 15 79	21 17 11 12	18 41 25 41 47

La distance de ces satellites au centre de saturne, qui est très-petite à notre égard, à cause du prodigieux éloignement de cette planete, ne laisse pas d'être réellement fort grande; car nous trouvons que le premier satellite est éloigné du centre de saturne de 43 demi-diametres de la terre, ou 64500 lieues, en donnant 1500 lieues au demi-diametre terrestre. Le second, de 83000 lieues, à peu près de même que la lune l'est de la terre, lorsqu'elle est près de son périgée. Le troisseme en est éloigné de 116000 lieues. Le quatrieme, de 266000 lieues. Et le cinquieme, de près de 900000 lieues: ce qui surpasse neuf sois la distance de la lune à la terre.

Le quatrieme satellite est beaucoup plus gros en apparence que les autres; ce qui donne la facilité de l'observer en tous tems, & même avec des lunettes dont le foyer n'excede pas 10 à 12 pieds. Le cinquieme paroît souvent plus gros que le troisieme; mais dans de certains sems il diminue de grandeur & de clarté, de sorte qu'il cesse entierement de paroître.

REMARQUE.

On sçait que les planetes qui toutnent autour du foleil, observent entr'elles une certaine proportion découverre par Kepler, qui est telle que les quarrés des révolutions sont comme les cubes de leurs distances an soleil, c'est-à-dire, que prenant le-quarré du tems de chaque révolution, & tirant la racine cubique de ces quarres, ces racines sont entr'elles dans la même proportion que les distances. Ainsi lorsqu'on connoît le tems que les planetes mettent à faire leur révolution autour de leur centre, on connoît les rapports des distances qu'elle ont à ce centre. Saturne, par exemple, est 30 ans à faire son tout autout du soleil. & la terre est un an à faire son tour autour du soleil : pour sçavoir le rapport de distance de ces deux planetes au soleil, quartez en premier lieu ce nombre 30, il viendra 900, dont la racine cubique est presque 10. Quarrez en second lieu 1, le quarré est 1, & sa racine cubique est aussi 1: De-là on connoît que la distance de la terre au soleil, est à la distance de saturne au soleil, à peu près comme r est à 10, c'est-à-dire, que saturne est dix fois plus éloigné du soleil que la terre.

Cette regle est générale pour tous les corps qui tournent autour d'un centre dans notre tourbillon, & elle s'est vérissée par les observations qu'on a faites sur les satellites de jupiter & sur ceux de saturne. Voyez les mémoires de l'académie royale des sciences, années 1714, 1715, 1716, & autres.

318 RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

DE L'ANNEAU DE SATURNE.

Rien n'est plus capable d'exciter la curiosité des philosophes & des astronomes, après la vatiété. & le nombre des satellites de saturne, que cet anneau merveilleux qui environne cette planete. C'est un corps qui est rond, plat & mince; mais il forme diverses apparences, suivant que notte

œil est plus ou moins élevé sur son plan.

Quand cet anneau, qui est large & fort mince, ne présente à nos yeux que sa surface étroite, il disparoît, quoiqu'il soit éclairé du soleil. On le voit ensuire reparoître pendant quelques jours, après lesquels on le perd de vue pour la secondé fois. Il reste invisible pendant quatre ou cinq mois. Après ce tems on le voit reparoître de nouveau, & il augmente ensuite presque continuellement pendant l'espace de sept années, au bout desquelles il paroît dans sa plus grande largeur.

Dans le tems que cet anneau paroît le plus large, il a la figure d'une ellipse, dont le grand diamètre est à peu près le double du petit; il se retrécit ensuite pendant l'espace de sept années & demi, après lesquelles il disparoît entierement. Il reprend ensuite sa premiere forme, & renouvelle les mêmes phases deux sois dans l'espace de près

de 30 années.

Cet anneau se tient suspendu autour de saturne, dont il est entierement détaché, semblable à un cercle lumineux qui environneroit la terre, & dont le plan passeroit par le centre. Cette apparence, qui n'a point sa pareille dans les corps célestes, a donné liéu de conjecturer que ce pouvoit être un amas de satellites, qui faisoiene leurs

PROBLEMES DE COSMOGRAPHIE. révolutions autour de saturne, que leur grandeue est si petite, qu'on ne peut les appercevoir chacun séparément; mais ils sont en même tems si près l'un de l'autre, qu'on ne peut distinguer les intervalles qui sont entr'eux, en sorte qu'ils paroissent former un corps continu. Tous ces satellites doivent être compris dans l'atmosphere de saturne, & entraînés par le mouvement qui fait tourner cette planete autour de son centre. Ils doivent aussi donner à saturne un spectacle singulier & très-agréable. Ceux qui seront sur l'horison, sont pendant une nuit autant de lunes qui représentent des phases différentes ou des phases conduites par tous les degrés possibles, que nous ne voyons ict que successivement dans la lune.

Cette anneau, ou cet amas de satellites, paroît sous la forme d'un demi-cercle d'un bout à l'autre de l'horison, & renvoyant la lumiere du soleil,

il fait l'effet d'une lumiere continue.

Il y a des tems où l'on n'apperçoit que deux corps lumineux à côté de saturne, & diamétralement opposés entr'eux. Dans le commencement qu'on les découvrit par la lunette, on les prit pour deux satellites immobiles, mais on reconnut dans la suite que c'étoit deux portions opposées de l'anneau, égales & semblables, qui sont aux extrêmités d'un de ses diametres prolongé; c'est ce qu'on appelle les anses de faturne, à cause de leur figure; l'une disparoît quelquesois, tandis que l'autre reste visible; les deux anses disparoisdent aush en certain tems: pour lors ils laissent voir faturne entierement rond. On les voit quelquefois disparoître deux ou trois fois dans la même année, & on les voit reparoître autant de fois-Elles deviennent invisibles, ou par le défaut de la lumiere du soleil, ou parceque le plan de l'annuit prolongé passant par le centre de la rerre, ne de fléchit point la lumiere du soleil vers nos yeux.

La circonférence extérieure de l'annéau est de plus de 18000 lieues au destus de la surface de la turne; la largeur de l'anneau est de plus de 8000 lieues, & le vuide qui est entre la circonférence inférieure de l'anneau & la furface de fatume. comprend le même nombre de 8000 lieues. Si on vent avoir ces mesures avec plus de précision, on en tera le calcul, en luppolant que le demi diamerre de l'anneau, à compter du centre de faturre, est à celui du globe de faturne, comme 9 est à 4; que l'espace compris entre la jurface de fatume & l'extrêmité de l'anneau est 5; que la largeur de l'anneau tient la moitié de cet espace, c'est-idire, 27, qu'enfin le diametre de faturne est près de dix fois plus grand que celui de la terre, que l'on fait être de 3863 lieues communes.

DES COMETES.

On apperçoit de tems en tems dans le ciel entre le cercle de mars & celui de vénus, des corps lumineux, qui après avoir été visibles per dant que sque tems, disparoissent dans la suite, sar s' qu'on puisse les observer dans l'étendue de leux révolution; on leur a donné le nom de comete se paroissant toutner autour de la terre, elles sor vues sous une figure sphérique, qui semble être solide & éclairée du soleil, c'est ce qu'on appel se la tête de la comete; mais elles sont différent des planetes par une sorte d'illumination qui le accompagne

PROSLEMES DE COSMOGRAPRIE.

accompagne, & à laquelle on les reconnoît. On a donné le nom de queue ou de barbe à cette espece d'illumination, selon que la comete, parbissant apres le coucher du soleil ou avant son lever, laisse voit cette trace de lamiere du côté opposé au soleil. Elle occupe quelquesois dans le ciel un espace de plus de 60 degrés, & quelquesois elle se raccourcit de telle maniere qu'elle ressemble à une chevelure qui enveloppe la tête de la comete.

Il y a des cometes, dont le disque, vu par la lunette, paroît aussi rond, aussi net, & aussi clair que celus de jupiter. Il y en a d'autres, dont le disque paroît mal terminé & sombre, comme les étoiles nébuleuses le parcissent à la vue simple.

Quelques astronomes, comme Herclius, prétendent que les cometes ne sont formées que des exhalations forties du foierl & des planeres, & qu'elles font entierement semblables aux taches qu'on remarque fur le disque du foleil : ce fentiment ne manque point de probabilité. Cependant on pourroit croire que les cometes ne sont pas des corps formés de nouveau, mais que ce sont des aftres réguliers, qui décrivent des cercles prodigieusement excentriques à la terre, & qui le sont à tel point, que nous ne pouvons voir ces aftres que dans une très-petite parrie de leur révolution. Hors de là, ils vont se perdre dans des espaces immenses, où ils se dérobent à nos youx & à nos lunettes, foit qu'ils demeurent dans notre toutbillon, foit qu'ils en fortent, & qu'ils y reviennent ensuite. Quoi qu'il en soit, le mouvement des cometes sera, dans ce sistème, aussi régulier que celui des planetes. Voyez Herclius dans son traité des cometes. M. Cashni dans les observations Tome II.

fur les cometes, &t les mémoires de l'académie royale des sciences, année 1699 & autres.

Le tems de la révolution des cometes autout d'un centre, n'a pu encore être déterminé. Leut vîtesse n'est point tout à fait connue, & leur route est encore incertaine. Quelques astronomes ce-pendant pensent qu'il y a des cometes qui se sont voir de 46 ans en 46 ans, & d'autres de 34 ans en 34 ans. M. Cassini a cru pouvoir assignes un zodiaque compris dans les constellations énoncées dans ces deux vers latins.

Antinous, Pegasusque, Andromeda, Taurus, Orton,

Procyon, atque Hydrus, Centaurus, Scorptus

Ce zodiaque renfermeroit en sa largeur 10 2 11 degrés, comme celui des planetes; & quoiqu'il y ait en des cometes qui n'ayent point suivi cette soute, ceste détermination n'est pourtant pas inutile, comme il paroît par la prédiction heur tense que M. Cassini même a fait du chemin que devoit suivre la comete qui paret sur la sin de 1680, & au commencement de 1681, après la premiere observation, & qu'il jugea êtte la même qu'avoit observé Tycho-Brahé en 1577, 103 ans auparavant, o'est-à-dire, après trois sois 34 aus.

DES ETOILES FIXES.

La distance qu'il y a de la terre aux étoiles sixes, est prodigieuse; car dans le système de Compenne, le cercle que la terre decrit autout du soil les n'est compté que pour un point par tapport à l'éloignement des étoiles sixes. La terre, au bout

Problèmes de Cosmographie. desix mois, est éloignée de tout le diametre de ce tercle, qui est très considérable. Cependant on n'apperçoit aucune différence de la hauteur du pole dans des deux lituarions; ce qui ne manguerost point d'arriver, si le diametre de l'orbite de la terre avoit quelque rapport avec la distancé qu'il y a d'ici aux étoiles fixes. Elles n'empruntent point leur lumiere du soleil; elles trouvent en elles une fource féconde de lumiere, & ce font apparemment autant de foleils qui éclairent peutêtre des planetes qui tournent autour d'elles, comme les planetes de notre tourbillon toutnent autour de notre soleil, & en sont éclairées.

On remarque dans les étoiles fixes une lumiere tremblante. Oferoit-on dire avec un auteur de réputation, * que ces étoiles ne nous envoyent * M. de cette lumiere tremblante, & ne paroissent briller Fonte à reptile, que parce que leurs tourbillons poussent nelle perpétuellement le nôtre, & en sont perpétuelle- pluraliment repoullés. Chaque étoile formeroit donc au- té des tant de mondes ou de toutbillons, qui s'enflant & monse désenflant continuellement, conserveroient pres- des. que toujours une égalité de force entr'eux : à mesure qu'un tourbillon s'enfle pour s'étendre, il est austi tot repoussé par les tourbillons voisins, qui sont aussi repoussés eux-mêmes & forcés à le céder les uns aux autres plus ou moins de place, felon les différens degr s de force que l'auteur de la nature conserve dans l'univers. Si cer équilibre vient à manquer par quelque cause que ce soit dans un tourbillon, alors le soleil, qui n'a pu tenit contre les efforts de ses voilins, est contraint d'entret dans quelques autres tourbillons, d'en futyte les mouvemens, où il se fait voir sons la figure & le nom de comete.

RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

Les anciens n'ont connu que 1022 étoiles fixes, & les ont divisées en 48 constellations: mais les modernes en ont observé à la simple vue jusqu'à 1481, qu'ils ont distribuées en 63 constellations. Ils en comptent 25 dans la partie septentrionale, 26 dans la partie méridionale du ciel; & les 12 autres, auxquelles on donne le nom de signes, se trouvent sur le zodiaque. Toutes ces étoilesne paroissent pas d'une même grandeur; on en distingue de six grandeurs dissérentes. On donne ici une table des 63 constellations, où l'on a mis le nombre des étoiles que contient chaque constellation, & le nombre des étoiles de chaque grandeur dissérente, qui entre dans chacune de ces constellations.



TABLE DES CONSTELLATIONS.

Constellations septentrionales.

Nomb, des Constel	Nomb. des Etoiles.	ie. grandeur.	1c. grandeur.	3c. grandeur.	4c. grandeur.	Se. grandeur.	de. grandeur.
Reli	les						
1. La petite Ourse,		O	2	I	2	7	2
2. La grande Ourse,	35		7	3	3 12 14	8	S
3. Le Dragon,	35		3	10	14	8	2
4. Céphée,			0	3	7	7	4
5. Cassiopée,	28	0	0	Ś	5	3	15
6. Perfée,				4		12	12.
7. Le Charretier,	40				7		
g. Le Bouvier,							8
9. Hercule,					21		
10. Le Cygne,					16		
11. Andromede,	27				11		
12. Le Triangle,	6		-		3	1	2
13. La Chevelure de							
; Berenice ,	13	Q	0.	£	11	- 1	0
14. La Couronne,	21	0	1	0	5	8	7
15. La Lyre,	15	I	0		1		
16. Pegale,			4		6		7
17. Le petit Cheval,		0			4		0
18. Orion,	56	2	4	4	16	11	19
19. Le petit Chien,	10				0		
20. Le Serpentaire,	30	0	1	7	9	10	
21. Le Serpent.	35	0,	1	7		2	. 70
				>	I iij		

126 RECREAT, MATHEM OF PHYSI

Constellations méridionales.

Nomb. dus Confeel.	Nomb. des Etoiles.	60	3e. B. andeur.	4c. grandeur.	se. grandeur.	Se. grandeur.
12 . L'Aigle.	27 0) I	6	1	5	14
23. Antinolis,	IS C	9 0	6	1	1	6
24. La Fleche,	~	0 0	0	3	1	4.
25. Le Dauphin,	10 (9 0	\$	0	1	4

Signes du Zodiaque.

26. Le Bélier,	19	Q	0	3	1	2	13
27. Le Taureau,	48	1	I	5		10	15
28. Les Gémeaux,	34	9	3	4	7	9	11
29. L'Ecrevisse,	32	0	•	3,	- 4	6	10
30. Le Lion,	43	2	2	5	13	7	14
3 t. La Vierge,	45	1	0	5	6	Î t	32
32. La Balance,	14	0		1	8		
33. Le Seorpion .	35	I	1	9	10	11	3
34. Le Sagittaire,	30	0		7	8	8	- 5
35 Le Capricorne,	28	0	0	4	I	7	16
36. Le Verseur d'equ,	42	o.	Ð	4	7	2 3	8
17. Les Poissons,	36	0	0	£	6	19	10

Constellorions méridionales.

38. La Baleine,	29 0	2	7	14	5	4
39. L'Eridan ,	44 T	0	6	29	5	ž
40. Le Lievre,	13 0	0	4	4	4	Į
41. Le grand Chien,	19 1	Ţ	Ş	4	8	Ģ

Constellations méridionales.

Nomb. des Confeel.	Nomb. des Etoilas.	se. grandeur.	re. grandeur.	3e. grandeur.	4c. grandeur.	se. grandeur.	6e. grandeur.
42. L'Hydre,	29	I	0	2	13	9	4
43. La Tasse,	11	0	0	0	8	I	2
44. Le Corbeau,	8	0	0	4	1	2	1
45. Le Poisson austral,	12	1	0	0	9	2	0
46. Le Phænix,	14	0	1	3.	8	2	0
47. La Colombe,	12	0	2	0	9	0	1
48. Le Navire Argo,		I.	7	10	23	7	I 3 2
49. Le Centaure,		2	5	7	16	9	2
50. Le Loup,	10	0	0	2	11	7	0
51. La Couronne austra	-						
le,	13	0	0	0	4	7	. 2
52. La Grue,	. 15	•	3	Q	4	2	6
53. Hydrus,	15	0	I	Q	4	10	0
54. La Dorade,	6	0	Q	0	3	3	O
55. Le Poisson volant,	4	0	P	0	0	1	3
56. La Mouche,	•	0	0	Q	4	0	0
57. Le Triangle austral,	4	0	3	0	0	I	O
58. L'Autel,	6	0	0	0	5	1	O
59. Le Paon,	16	0	I	2	I	6	6
60. L'Indien,	15		0	0	6	3	0
61. Le Toucan,	8	0	4	0	3	I	0
62. Le Caméléon,		0	0	9	0	٥.	0
63. Apus, ou l'Oiseau	1						
d'Inde.	12	9	0	C	, 1	1 1	Q
				,	(IV		

128 RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

Outre toutes ces étoiles, qu'on observe à la vue simple, on remarque encore dans le ciel une blancheur qui s'étend d'un pole à l'autre. C'est ce qu'on appelle la voie lactée, ou la voie de lair, & qui n'est autre chose qu'une infinité de petites étoiles invisibles aux yeux, à cause de leur petitesse, & semées li près les unes des autres, qu'elles paroillent former une lueur continuelle; on ne peut les découvrir qu'avec des lunertes d'approche. Cette voie lactée passe par les constellations de cassiopée, du cigne & de l'aigle; par la fleche du sagittaire, la queue du scorpion, le centaure, le navire argo, les pieds des gemeaux, le charretier & perlee Avec le secours des lunettes, on découvre un très-grand nombre d'étoiles répandues parmi les autres, & elles sont en si grande quantité dans quelques constellations; que dans celle d'orion, on en compte plus de mille.

Parmi les étoiles fixes, il y en a qui paroissent & disparoissent pendant certaines périodes. Mais ce qui est très-remarquable, c'est que dans le commencement qu'elles paroissent, leur grandeut augmente jusqu'à ce qu'étant prêtes à disparoître, leur grandeur diminue peu à peu. On les voit même encore avec des lunettes d'approche, quand on me peut plus les appercevoir avec la vue simple. Ces étoiles feroient elles semblables à nos planetes, & auroient-elles un mouvement autour de quelque étoile?

On observe au contraire d'autres étoiles, qui ayant paru pendant un certain tems, disparoissent absolument. On les voit d'abord d'une sigure tonde, & d'une grandent qui augmente peu à peu : de sorte qu'elles paroissent plus grandes que les

éroiles de la premiere grandeur, mais elles diminuent insensiblement en passant par tous les dissérents degrés de grandeut des étoiles, & elles changent en même tems decouleur, à mesure qu'elles approchent de leur sin; car dans le commencement elles ont une lumtere blanche & agréable, qui ressemble assez à celle de vénus; ensuite elles prennent une couleur rougeâtre, comme celle de mars: ensin elles deviennent blanchâtres & plombées comme saturne, jusqu'à ce qu'elle disparoisfent. Depuis leur commencement jusqu'à leur sin on les voit avec cette lumtere tremblante, qui est commune à toutes les étoiles sixes.

PROBLEME XLVII.

Dresser un shême céleste.

Les astrologues prétendent, par la connoissance de la disposition des astres, pénétrer dans l'obscurité de l'avenir, soit pour prévoir les changemens des tems, soit pour prédire les événemens qui sont attachés à la fortune des hommes. Ils supposent le ciel divisé par des méridiens en douze parties égales, auxquelles ils ont donné le nom de maisons célestes. On commence à compter ces maisons à l'orient, en descendant sous l'horison, de telle sotte que les six premieres sont toujours sous l'horison, & les six autres dessus.

La premiere maison est appellée horoscope, maison de la vie, du tempérament, de la santé, des mœurs, de l'esprit, & angle oriental.

La seconde, la maison des richesses, de l'or, des meubles, & des sonds acquis.

La troilieme, la maifon des freres & des alliés.

fg. 46.

330 RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

La quatrieme, dans le plus bas du ciel, la maison des parens, des successions, de l'angle de la terre.

La cinquieme, la maison des ensans & des

La sixieme, la maison des domestiques, de

sujets, & des animaux apprivoisés.

La septieme, dessus l'horison, du côté de l'occident, la maison du mariage, des ennemis connus, & l'angle d'occident.

La huitieme, la maison de la mort, & porte

Supérieure.

La neuvieme, la maison de la piété, & de

voyages.

La dixieme, au plus haux du ciel, la maison des offices, des actions, & de la gloire.

La onzieme, la maison des amis.

La douzieme, la maison des maladies, des prisons, des exils, des ennemis cachés oc des afflications.

On dispose ces maisons dans un quarré, de la

fig. 46. maniere qu'on le voit dans la figure.

S'il étoit proposé de dresser pour Paris un thême céleste, ou de tirer un horoscope pour le premier janvier 1723, à midi précis, il faudroit chercher dans quelques éphémérides les vrais lieux des planetes. La connoissance des temperalculés par M. Lieutaud, de l'académie royale des sciences, les donne tels qu'on les voit dans cette table.



Le Soleil	0	10 d. 37'	%
La Lune	•	26 d, 55'	₽.
Saturne	Ъ	23 d. 5'	+>
Jupiter	7	22 d. 18'	+>
Mars	d ^e	18 d. 2	+>
Venus	8	11 d. 40	5555
Mercure	ħ.	24 d. 59'	+>

Nous n'entreprendrons point d'expliquer ici toutes les différentes manieres de dresser le thême céleste; celles qui se font par le moyen des tables, sont trop difficiles pour des récréations mathématiques. Nous nous contenterons d'indiquer la méthode qui paroît la plus aifée, & de l'appliquer à la question proposés. Prenez un globe terrestre, dont vous mettrez le pole à la hauteur de 49 degrés, qui est l'élévation du pole de Paris. Mettez ensuite dans le méridien le degré du soleil qui est to d. 37' du 3. Ayant pris garde à quel point l'horison coupe l'équateur du côté de l'occident. vous verrez qu'il le coupe vers le dixieme degré, partagez en itois les 90 degrés de l'équateur compris entre l'horifon & la méridien, ou comptez de ce point la trois fois trente dégrés. Faites paller par ces trois divilions de l'équateur du côté de l'occident, le cercle de position attaché aux poles. Remarquez en quel point ce cercle fixé fur chaque division coupera l'écliptique, & vous trouverez que le commencement de la huitieme mailon est au 7 degré de M ; celut de la neuvieme au 27 degré de 44, & celui de la dixieme au 10 degré 37 minutes du 3. Faites du coté de l'orient la même chose que vous RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

91. 39. avez fait du côté de l'occident, en passant le cere

\$2. 46. de position dans la partie occidentale, & voo

trouverez que le commencement de la onzieme
maison est au 17° degré de 50; celui de la douzieme au 27 de ≈ , & celui de la premiere au 14
degré 32 minutes de γ. Les commencemens de
ces six maisons ayant été ainsi trouvés, il ne sen
pas difficile de trouver les commencemens des sis
autres, puisqu'il n'y a qu'à mettre dans les suivantes, les signes opposés avec les mêmes degrés
& minutes, comme on le voit dans cette table.
& dans la signte.

Maisons.	Signes.	Maifons.	Signes.
8.	111 7 d.	2.	8 7 d.
9.	→ 27 d.	3.	日 27 d. a
10.	% 10 d. 37'	4.	5 10 d. 37
II.	% 27 d-	5.	5 27 d.
12.	≈≈ 27 d.	_	R 27 d
I.	Y 24 d. 33'	7.	== 14 d. 33

Les positions des signes étant trouvées, & le signes avec leurs degrés ayant été placés dans le thême céleste, on mettra chaque planete ave son lieu ou sa longitude dans la maison qui la convient, à raison du signe où elle se trouvé Ainsi la C sera placée avec ses degrés & minutes, dans la 7° maison, à cause qu'elle est dans le signe de \(\pi \); h sera mis dans la 9° maison, à cause de \(\pi \), où il se trouve, & ainsi des autres; common le remarquera aisement dans la figure.

REMARQUES.

I,

Sil était proposé de dresser un thême célestes

a une autre heure qu'à midi, comme à 6 heures du soir, il saudroit trouver la vraie heure du soleil, ou des planetes, pour cette heure proposée, suivant ce qui est enseigné dans la connoissance des tems. De plus, après avoir mis le degré du signe dans le méridien, il faudroit mettre l'aiguille des heures sur 12 heures, tourner ensuite le globe du côté de l'occident, jusqu'à ce que cette aiguille marquât l'heure proposée, qui est ici 6 heures du soir. Si l'heure proposée étoit le matin, il faudroit tourner le globe vers l'orient: alors on setoit les mêmes opérations qu'on a enseigné ci-dessus.

I I.

Si le thême à dresser est pour un autre lieu que Paris, il faut faire toutes les réductions nécessaires, pour lesquelles on consultera la connoissance des tems, & faire attention à l'élévation du pole du lieu pour lequel on veut tirer l'horoscope.

III.

On n'entreprendra point de rapporter les principes sur lesquels est sondée la science de l'astrologie judiciaire. Ceux qui voudront connoître par eux-mêmes la soiblesse des sondemens qui soutienment un édifice si peu solide, pourront s'en instrutre en lisant les docteurs de cette science; tels que sont Stosser, Magin, Villon, Rantzaw, Pagan, Morin, & les autres. Rantzaw, qui étoit très-versé dans cette matière, dit dans sa présace, que l'astrologie est sondée sur la conjecture, qu'il avoue être quelquesois trompeuse. Morin, autresois professeur royal, emploie toute sa philosophie dans son Astrologia Gallica, pour prouver

Rechente Mathem. et Phys.
la solidité de cette science. Mais après une le pénible de ce livre, je ne sçats si en seta frappé de se preuves. Cepandant il ne seta point inunte de lire le poème astronomique de Manue, sur tout en considere l'habile commentateur Dauphin; dans les endroits dissiciles.

Quoi qu'il en soit, on ne peut s'empêcher de tapporter un fait qui convient d'autant plus at sujet qu'on traite ici, qu'il appartient à M. Outnam même. On le titera de l'éloge de M. Ozwi nam, que M. de Fontenelle à donné dans l'histoité de l'académie de l'année 1717. " Il scavoit trop » d'astronomie, dit M. de Fontenelle, pour dou-» ner dans l'astrologie judiciaire, & il refusoit " courageulement tout se qu'on lui offroit pour " l'engager à titét des horolcopes; car presque » personné ne sçait combien on gagne à ignore " l'avenir. Une fois seulement il se rendit à ut » comte de l'Empire, qu'il avoit bien averti de ne " le croire pas, il dressa, par astronomie, le thême » de sa nativité; & ensuite, sans employer les re-" gles de l'astrologie, il lui prédit tous les bon-» heurs qui lui vinrent à l'étprit. En même-tems 🖟 o comte fir faire aulli Ion hordléope par un mê-» decin très-entêté de cet arr, qui s'y prétendon » fort habile, & qui ne manque pas d'en fuivre " exactement & avec scrupule toutes les regles. » Vingt ans après le' feigneur Allemand apprit 🛣 » M. Ozanam, que toutes ses prédictions étoiens » arrivées, & pas une de celles du médecin. Cerre » nouvelle lui fit un plaifit tout différent de celui » qu'on prétendoit lui faire. On vouloir l'applaus " dir fur son grand sçavoir en astrologie, & on » le confirmoir feulement dans la penfée qu'il n' u a point d'astrologie.



PROBLEMES

DE MÉCANIQUE.

A plûpart des problèmes de mécanique sont plus utiles que cutieux, parce qu'ils servent ordinairement à l'exécution des choses les plus nécessaires à la vie de l'homme. Ainsi il semble qu'on ne sauroit trop s'étendre sur cette matiere : neanmoins comme il faut nécessairement nous borner, pour ne pas faire un volume trop ample, je ne rappotterai que les problèmes qui me semblement les plus utiles, les plus agréables, & les plus faciles à comprendre & à exécuter.

PROBLEME I.

Empêcher qu'un corps pesant ne tombe, en lui ajoutant du côté où il tend à tomber, un autre corps plus pesant.

On met sur le bord d'une table AB, une clef pl. 35 CD, de mantere que la partie ED, qui n'est sig 127: point appuyée sur la table, est plus pesante que la partie CE, qui paroît en être soutenue. On propose de faire en sorte que cette clef demeure dans cette situation sans tomber. Voici ce qu'il faut saire. Ajoutez à l'extrêmité D de la clef, un bâton Di Grecourbé vers le dessous de la table. Attachez à l'extrêmité G du bâton un poids H, tellement

RECREAT. MATERIA. BY PROPE. fitué, qu'il réponde perpendiculairement au per E, où la clef touche la table. Alors la cleff tombera point; car pour tombet il faudrost quel partie ED s'inclinant, la partie EC fit un mous vement, & que l'extrêmite C décrivit un arc de cercle, dont le point E feroit le centre. Or, on conçoit que cela ne peut arriver, si le poids H ne monte au lieu de descendre : mais il n'y a point de cause pour faire monter le poids H, à moins qu'on n'appuie fortement sur quelque point de la panie EF, ou gu'on n'y suspende un poids perpendiculat. rement. Il est donc impossible que la clef fallesse. cun mouvement. Ainh elle demeurera dans la figuation où on l'a polée, avec toutes les circontances qu'on a décrites.

REMARQUES.

3.

Il fant regarder le poids H comme attaché à quelque point entre C & E fi le poids H avants dessous la table.

.ij.

On exécute facilement ce problème avec une plume, à l'extrêmité de laquelle on fiche la pointe d'un canif, enforte que le canif fasse un angle aigu avec la plume, qu'on pose par son autre extrêmité sur la table.

Didoc to and

pi 41, On peut encore exécutet ce problème, par le fig. 47 moyen d'un bâton CE, posé sur une table, à l'extrêmité duquel on ajuste un sceau CF plein d'esuCebiton doit être un peu applati à son extrêmité Pl. 41; C, sur laquelle ayant fait passer l'anse du seau, sig. 47, en met un autre bâton CF, qui appuy int par un de ses bouts sur le sond du seau F, tienne de l'autrebout sortement serréle premier bâton EC contre l'anse du seau. Cela étant sait, on met sur la table le bâton CE, comme on le voit dans la figure, de seau plein d'eau se trouvera suspendu à l'extrêmité de ce bâton, qui tomberoit, s'il n'avoit pas ce poids. Observez que le bâton EC doit être avancé sur la table de telle manière que le centre de gravité de tout le poids se trouve sous le berd de la table.

PROBLEME II.

Faire une boule trompeuse au jeu de quilles.

Aites un trou qui n'aille point jusqu'au centre de la boule. Mettez dans ce trou du plomb, bouchez-le si bien qu'il ne soit pas aisé de le découvrir. Quoiqu'on roule cette boule en la jettant droit vers les quilles, elle ne manquera pas de se détourner, à moins qu'on ne la jette par hasard ou par adresse, de telle sorte que le plomb se trouve dessus ou dessous, en faisant rouler la boule.

PROBLEME III.

Partager une pomme en deux, quatre, huit, &c. sans rompre la peau de la pomme.

Yez une petite aiguille enfilée de soie ou de fil, commencez à percer la pomme à la tête eu à la queue, en ne prenant que très-peu de l'éTome II.

Y

corce, & passant legerement sous la peau: pratiquez la même chose, en faisant tout le tour de la pomme, & revenez à l'endroit que vous aurez commencé à petcer, où vous aurez laissé un bout du fil; prenez ces deux bouts de fil, & tirez-les doucement, la pomme sera partagée en deux: les trous de l'aiguille étant petits ne paroîtront point, & il ne sembleta pas que la pomme soit partagée. Vous ferez la même chose, si vous la voulez diviser en quatre, ou en autant de parties qu'il vous plaira.

PROBLEME IV.

Faire ensorte qu'un homme se tenant droit, il puisse avoir la tête & les pieds en haux.

Il faudroit le mettre au centre de la terre.
Si on pouvoit aussi placer une échelle au centre de la terre, il arriveroit que deux hommes
monteroient en même tems, & iroient vers deux
endroits diamétralement opposés l'un à l'autre.

PROBLEME V.

Par le moyen d'un petit poids, & d'une petite belance, mouvoir un autre poids si grand que l'on voudra.

Pl. 35. JE suppose que la balance AB est attachée en F. au dessus de son centre de mouvement E, par le moyen du crochet immobile EF, & qu'elle a proche de son extrémité B un petit poids C suspendu en H, par un anneau qui coule le long du bras EB. On propose d'enlever un poids d'une pesanteut énorme, comme D, qui pourrois représentes

PROBLEMES DE MECANIQUE.

Pour trouver la distance EH du poids C au centre du mouvement E, de sorte que le poids D puisse être mû par le petit poids C arrêté en H; cherchez à un poids I, moundre que le poids C, au grand poids D, & à la ligne AE, qui doit être sort petite, une quatrieme proportionnelle EH, pour avoir le point H, où le point I étant suspendu riendra le poids D en équilibre : comme il est évident, par ce principe général des mécaniques, qui porte que deux poids demeurent en équilibre autour d'un point sixe, l'orsqu'ils en sont cloignés par des distances réciproquement proportionnelles à leurs poids. C'est pourquoi si au lieu du poids I on applique en H le poids C, qui est plus grand, ce poids C pourra mouvoir & enlever le poids D,

PROBLEME VI.

Construire une balance trompeuse, qui paroisse juste étant vuide, aussi hien qu'étant chargee de poids inégaux.

F Aites une balance dont les deux bassins A, Pl. 42; B, soient de pesanteur inégale, en sorte que significe les longueurs des bras CD, CE, soient aussi inégales, & reciproquement proportionnelles à ces pesanteurs, c'est à dire, que le bassin A soit au bassin B, comme la longueur CE est à la longueur CD. Ces deux bassins AB, demeureront en équilibre autour du point sixe C. La même chose arrivera aussi lorsque les deux bras CD, CE seront égaux en longueur, & inégaux en grosseur; en sorte que le bras CD soit plus gros que le plus que le plus que que le plus que le plus que le plus que le plus que que q

REGREAT. MATHEM. ET PRYS!

Pl. 42. CE, à proportion que la pesanteur du bassin B es
fait, si l'on met dans les deux bassins A, B, despoids inégaux, qui soient en même raison que lespesanteurs de ces deux bassins, en sotte que les
poids le plus pesant soit mis dans le bassin le pluspesant, & le poids le moins pesant dans le bassin le moins pesant; ces deux poids avec les pesanteurs de leurs bassins, demeureront en équilibre
autour du centre du mouvement C.

Supposons que le bras CD soit de 3 pouces, & le bras CE de 2 pouces, & réciproquement que le bassin B pese 3 onces, & le bassin A deux onces; alors la balance n'étant chargée que de la pelanteur de ces deux ballins, demeurera en équilibre, étant suspendue par le point C. Si l'on met dans le bailin A un poids de a livres, & dans le. bailin B un poids de 3 livres, ou bien dans le balfin A un poids de 4 livres, & dans le bastin Bun poids de 6 livres, ou bien encore dans le baffin A un poids de 6 livres, & dans le bassin B un poids de 9 livres, &cc. la ba'ance ainfi chargé - paroît encore juste, parce que ces poids avec les pesanteurs de leurs ballins feront réciproquement proportionnels aux longueurs des bras de la balance. Mais on découvre la fausseté de cette balance, en changeant de bassin les poids, qui alors ne demeurezont plus en équilibre.

PROBLEME VII.

Construire un nouveau peson propre à porter dans la poche.

Na inventé depuis peu en Allemagne un nouveau peson, qu'on peut aisément porter à la poche: on s'en set très-commodément pour

PROBLEMES DE MICANIQUE. Peler promptement & facilement un poids d'une grandeur médiocre, comme du foin, des marchandises & autres choses semblables, depuis une Livre jusqu'à cinquante.

Cette machine est composée d'un tuyau ou cason de cuivre AB, long d'environ six pouces, & Lirge à peu près de huit lignes: on n'a marqué fig. 1300 dans la figure que l'extrêmité BD de ce tuyau, le reste est ouvert, pour laisser voir au dedans un ressort d'acier AD, fait en vis comme un tireboure d'arquebuse. Il y a au bout d'en haut, c'est-à dire vers A, un trou quarré, par où passe une verge de cuivre CAD, aussi quarrée, qui traverse le ressort. On voit sur une des surfaces de cette verge les divisions des livres qui ont été marquées en app'iquant successivement au crochet E un poids d'une livre, de deux livres, de trois livres, &c. & en traçant des lignes sur cette verge, à l'endroit où elle s'est trouvée coupée par

Ces lignes sont inégalement distantes les unes des autres, selon les dissérens poids attachés au crochet E, qui par leur pesanteur font étendre le resfort, & sortir en dehors une plus grande, ou plus petite partie de la verge, selon que le poids appliqué au crochet E, est plus grand ou plus petit. La verge doit être arrêtée par le bas avec une

virole, & avoir en haut un anneau F.

le trou quarré A.

L'usage de ce peson est évident par sa construction, il est aisé de connoître que pour s'en servir il le faut suspendre par l'anneau F, qui tient à la verge CI), & appliquer le poids que l'on veut peser au crochet E. La pesanteur du poids fera descendre le canon AB le long de la verge, sur laquelle on verra en A la pesanteur du poids proposé.

942 RECREAT. MATHEM. ET PHYSE

REMARQUE.

Pl. 42, Le Sieur Chapotot, ingénieur du Roi, & fafg. 132-bricateur des instrumens de mathématiques à Paris, a imaginé une autre sorte de peson en forme de montre, où l'on peut connoître la pesanteur

d'un poids avec une très-grande facilité.

Ce nouveau peson est composé de deux poulies AB, CD, avec leurs chapes hées ensemble pat une corde, comme celles qui servent aux pendules à poids. La poulie qui est en haut, sçavoir AB, est creuse comme un barrillet de montre, & contient un ressort, qui, étant arrêté par l'aissieu de la poulie, sait le même esset que celui d'une montre.

La même poulie AB contient les divisions des livres, qu'on y marque mécaniquement, comme dans le peson précédent, en appliquant successivement au crocher E un poids d'une livre, de deux livres, de trois livres, &c. & en tenant le peson suspendu par son anneauf. La pesanteur du poids fait tourner la poulie AB, de sorte que par les divers poids la pointe I répondra à des points dissérens de la poulie AB, où l'on marquera par conséquent le nombre des livres qui conviendront aux poids qui auront été appliqués au crochet E; après quoi on pourra se servir de ce peson, comme du précédent, pour peser tout ce que l'on voudra.

Il est aisé de voir par la figure, que la corde BDCA sourient & embrasse par en bas la poulie CD, & qu'elle est attachée sortement au point G par l'un de ses bouts, & par l'autre bout en quelque point de l'autre poulie AB, par exemple, en H; PROBLEMES DE MECANIQUE.

345
equi contribue à faire tourner cette poulie AB
autour de son aissieu, l'orsqu'elle est tirée par la
panie AC de la corde, à cause de la pesanteur du
poids appliqué au crochet E. Cette pesanteur sera
d'abord marquée sur la poulie AB, par la pointe
I, quand on tiendra le peson suspendu avec le
pouce, ou plutôt avec un bâton appliqué à l'anmeau F, &c.

Construction d'un autre peson.

Ce peson * consiste en une verge de ser sus-Pl. 41; pendue par un stéau en son point d'équilibre C, sig. 48. qui partage la verge du peson en deux bras égaux, comme les balances communes. Chacun de ces bras a des divisions égales, & l'ordre de ces divisions commence du point C de l'équilibre, & va vers les extrêmités A & B, comme on le voit dans la figure.

Cette balance sert à connoître le poids & le

prix des marchandises en même tems.

Si vous voulez peser quelque marchandise, suspendez-la par un sil de soie à l'un des bras de la balance, & mettez à l'autre bras un contrepoids marqué D, d'une livre ou d'une once, suivant que la marchandise se pese par livres ou par onces. Ce contrepoids doit couler le long du bras, comme dans les romaines. Pour sçavoir le poids de la marchandise, mettez le sil de soie à la premiere division, qui est la plus proche du point de l'équilibre, & saites couler le contrepoids le long du bras; la division où il fera équilibre marquera le nombre des livres ou des onces de la marchandise.

L' la été inventé par Jean-Dominique Cassini.

344 RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

Pl. 4t, Si vous voulez sçavoir le prix de toute la ma gent de la raison du prix convenu, par exemples à sept sols l'once ou la livre; mettez le fil qui soutient la marchandise à la septieme division: saites ensuite couler le contrepoids sur l'autre bras jusqu'à ce qu'il soit en équilibre le nombre des divisions depuis le point de suspension jusqu'au contrepoids, sera le nombre des sols ou la valeur de la marchandise.

A l'égard des marchandises qu'on ne sçauroit peser que dans un bassin, prenez-en un dont le poids avec son crochet soit connu, comme d'une once ou d'une livre. Faites la même chose que vous avez faite avec le sil de soie, & quand vous aurez connu le poids total, ôtez-en le poids du bassin, le reste sera le poids de la marchandise.

REMARQUES.

La livre de Paris est de 16 onces, & se divise en deux marcs chacun de 8 onces. L'once se divise en 8 gros, & le gros en 72 grains; le grain est à peu près le poids d'un grain de froment.

Rapport du poids de Paris à ceux des pays étrangers.

La livre d'Avignon, de Lyon, de Montpellier & de Toulouse, est de 13 onces.

La livre de Marseille & de la Rochelle, est de

La livre de Rouen, de Besançon, de Strasbourg & d'Amsterdam, est de 16 onces.

La livre de Milan, de Naples & de Venise est

de 9 onces.

La livre de Messine & de Genes est de 9 onces ?

Problemes de Mecanique. L'livre de Florence, de Ligourne, de Pise, de Sarragosse & de Valence est de 10 onces.

La livre de Turin & de Modene est de 10 on-

ces ;

日本 中日日 七十二日

Llivre de Londres, d'Anvers & de Flandres

effde 14 onces.

La livre de Basse, de Berne, de Francfort & de Nuremberg est de 16 onces 14 grains. La livre de Geneve est de 17 onces.

PROBLEME VIII.

Trouver le poids d'un nombre donné de livres par le moyen de quelques autres poids différens.

N résoudra sacilement ce problème par le moyen de plusieurs poids en progression géométrique double & triple: il faut que l'une & l'autre commence par l'unité.

Pour la progression géométrique double.

Si l'on a des poids qui soient en progression géométrique double, tels que sont ces nombres 1, 2, 4, 8, 16, &c. & qu'on prenne les deux pre-fig.131. miers 1, 2, on pourra en les mettant dans le bas-In A d'une balance peser 3 liv. Avec le poids 1, on pesera une livre; avec le poids 2, on pesera 2 livres; avec le poids 1, 2, on pesera 3 livres. Sià ces deux poids 1, 2, on ajoute le 3^e poids 4, on trouvera le moyen de peser sept livres, on pesera quatre livres avec le poids 4, cinq livres avec les poids 4, 1; six livres avec les poids 4, 2; sept livres avec les poids 4, 2, 1.

De même avec les poids 1, 2, 4, 8, on poursa

346 RECRAT. MATHEM. ET PHYS.

Pl. 42, pefer 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 6g. 131. 13, 14 & 15 livres, & avec les poids, 1, 2, 4, 8, 16, on trouvera le moyen de pefer toutes les

livres qui sont au dessous de 32 livres.

On connoît, par ce qui vient d'être dit, qu'on peut peser toutes les livres qui sont au dessous du double du dernier des poids qu'on a proposé, lorsqu'on a tous les autres depuis l'unité jusqu'au proposé. Si, par exemple, on a ces poids 1, 2, 4, 8, 16, on ne peut peser que jusqu'à 31 livres, qui est le double de 16, diminué de l'unité.

Pour la progression eriple.

Mais la progression triple depuis l'unité, qui s'exprime par ces nombres, 1, 3, 9, 27, 81, &c. 2 quelque chose de particulier. Avec les deux premiers poids 1, 3, on peut peser 1, 2, 3 & 4 livres; car en mettant le poids 1 dans le bassin B, on pese une livre; en mettant le poids 3 dans le bassin B, on pese 3 livres, & 2 livres pourvu qu'on mette dans le bassin A le poids 1; & avec les poids, 2, 3, dans le bassin A, on pese 4 livres.

De même avec les trois premiers poids 1, 3, 9, on peut peser 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13; avec les quatre premiers 1, 3, 9, 17, on peut peser jusqu'à quarante livres.

On connoît par ce qui vient d'être dit, qu'avec des poids en progression triple, commençant par l'unité, on peut peser autant de livres que les poids proposés ajoutés ensemble expriment d'unités. Si, par exemple, on veut sçavoir combien on peut peser avec ces cinq poids 1, 3, 9, 27, 81, ajoutez ces nombres ensemble, & la somme 121 exprime le nombre de livres qu'on peut peser avec les cinq poids proposés, c'est-à-dire, qu'avec

PROBLEMES DE MECANIQUE. tes ainq poids différens, on peut peser toutes les

lirres qui sont contenues dans 121.

De sorre que si le nombre donné des livres est depuis 1 jusqu'à 40, qui est la somme des quatro premiers termes, 1, 3, 9, 27, vous vous servisez de quatre poids différens, dont l'un pese une livre, l'autre 3 livres, le troisseme 9 livres, & le quatrieme 27 livres, pour trouver par leur moyen un poids de quelqu'autre nombre de livres, par exemple, de i i livres en cette sorte.

Parce que le nombre donné 11 est moindre de 1 que 12, qui est la somme des poids de 3 & de 9 livres, si vous mettez dans l'un des deux bassins d'une balance, par exemple, dans le bassin A, le Pl. 42. poids d'une livre, & dans l'autre bassin B, les sig. 13 L poids de 3 & de 9 livres; ces deux poids au lieu de peser 12 livres ne peseront que 11 livres, à cause du poids de 1 livre, qui est dans le bassin A. C'est pourquoi si dans le bassin A on met un corps qui, avec le poids de 1 livre, demeure en équilibre avec les deux poids de 3 & de 9 livres, qui sont dans l'autre bassin B, ce corps aura la pesanteur de 11 livres; ainsi on aura trouvé un poids de 11 livres, comme il étoit proposé.

On connoîtra par un semblable raisonnement, que pour trouver un poids de 14 livres, il faut mettre dans le bassin À les poids de 1, 3 & 9 livres, & dans le bassin B, le poids de 27 livres, parce que ce poids surpasse les trois précédens de 14 livres, & que pour trouver un poids de 15 livres, il faut mettre dans le bassin A les poids de 3 & de 9 livres, & dans le bassin B le poids de 27 livres, parce que ce poids surpasse les deux précédens de 15 livres. Ainsi des autres.

La progression triple, qui commence par l'unité, a une proprieté qui est à remarquer. C'est que celui des termes qu'on voudra chouse surpasse de l'unité le double de la somme des termes précédens. Ainsi 27 surpasse de l'unité 26, double de sa somme 13 des termes précédens 1, 3, 9.

PROBLEME IX.

Observer les différens changemens qui arrivent à la pesanteur de l'air.

N ne doute point à présent que l'air ne soit pefant; on prouve la pefanteur, parce qu'un balon pese plus, quand il est enfle, que quand il est desensié. Entre plusieurs autres preuves qu'on a du poids de l'air, il suffira de rapporter l'expérience qui donna occasion a Toricelli d'attribuet à cette pesanteur tous les estets que les philosophes avoient jusqu'alors attribué à l'horreur du vuide. Comme cette pefanteur n'est pas infinie, parce que la sphere de l'air est bornée, son effet est austi limité, comme on le voit dans une pompe aspirante, où l'eau ne sçauroit monter plus haut qu'environ 32 pieds, quand on leve le pilton; parce que la pesanteur de l'air ne sçauroit la forcer à monter davantage. Il arrive la même chofe en élevant du vif-argent dans une seringue, où il ne monte qu'à la hauteur d'environ 17 pouces, qui est celle à laquelle il pese autant que l'eau à la hanteur de 32 pieds, plus ou moins, selon que l'air est chargé de vapeurs.

Il suit de la que l'air n'est pas toujours également pesant dans un même lieu: l'expérience nous apprend qu'il pese plus en un tems qu'en un autre. Cette diffirence de pesanteur se connoît par le moyen d'un instrument qu'on appelle barometre, dont il y a deux sortes. L'un est simple, l'autre est composé. Le simple n'est que l'expérience du vuide saite par Toricelle. On n'en parlera qu'après avoir donné la construction du barometre composé.

I.

Il faut avoir un tuyau de verre recourbé, comme Pl. 42, ABC, qui ait deux boîtes cylindriques E, D, d'é-fig.133-gale capacité, éloignées entr'elles de 27 pouces, qui est, comme nous avons déja dit, à peu près la hauteur à laquelle la pesanteur de l'air peut faire monter le vis-argent, c'est-à-dire, qu'une colonne d'air depuis la terre jusqu'à la plus haute surface de l'air est en équilibre avec environ 27 pouces de mercure dans un canal perpendiculaire à l'horison.

La capacité de la boîte D doit être beaucoup plus grande que celle du reste du canal CD, pour une raison que vous verrez dans la suite. L'extrêmité A doit être bouchée hermétiquement, c'est-à dire, de sa propre matiere; mais l'autre extrêmité C doit être ouverte On versera du vis-argent autant qu'il en sera besoin pour remplir la capacité du tuyau ABC, depuis le milieu de la boîte D, jusques vers le milieu de l'autre boîte E, & l'on fera en sorte que le reste du tuyau EA soit vuide d'air.

Enfin on remplira en partie l'autre tuyau CD de quelque liqueur qui ne se glace point en hyver, & qui ne puisse pas agir sur le vis-argent, comme

250 RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

21. 42. de l'eau commune où l'on aura mîlé une fixient £g. 33. partie d'eau forte colorée avec du cuivre: c'est ce qu'on appelle eau feconde. On peut encore se servir d'eau commune, où l'on aura fait dissoudre du sel de tartre, & que l'on aura colorée avec de la racine d'orcanette ou du tournesol. Ces eauxse dilatent peu en été, & elles ne se glacent point

en hyver.

On place ce tuyau ABC ainsi rempli d'eau seconde, & de mercure, dans une chambre perpendiculairement contre la muraille, en un lieu où I'on puisse voit commodément, & où il ne puisse être offense. Au moindre changement qui arrive à la pesanteur de l'air, le vis- argent monte ou descend dans les deux boîtes D, E, de forte que quand l'air devient plus pesant, il presse l'eau du tuyau CD, & la fait descendre dans la boîte Dt aufli bien que le vif-argent qui remonte d'autant' dans l'autre boîte E. Si le mercure descend, pat' exemple, d'une ligne dans la boîte D, par la pesanteur de l'air, il monte aussi d'une ligne dans la boîte E; & l'eau qui est dans le reste du canal CD, descend dans la boîte D. Et si la capacité de cette boîte Dest, par exemple, dix fois plus grande! que celle du reste du tuyau CD, il faudra dix lignes d'eau de ce canal pour remplir une ligne de la boîte D. Ce qui fait voir très-sensiblement le moindre changement de la pesanteur de l'air; & il sera d'autant plus sensible que la capacité des boîtes E, D, sera grande.

Pour distinguer avec plus de facilité ce changement, on a coutume de coller une bande de papierdivisée en pouces & en lignes le long du tuyan BC, & l'on remarque la division à laquelle l'eau seconde se trouve arrêtée, comme on le fait dans PROBLEMES DE MECANIQUE. 332 les thermometres, qui servent à connostre les degrés du chaud & du froid.

II.

On peut encore connoître la pesanteur de l'air par le moyen d'un simple tuyau de verre, long de trois ou quatre pieds, sermé par un bout, &

rempli entierement de vif argent.

Ayant appliqué le doigt à l'ouverture de ce tuyau, pour empêcher que le vif argent ne tombe quand on tiendra le tuyau renversé, plongez le bout ouvert dans d'autre vif-argent contenu dans quelque vaisseau. Alors si vous ôrez le doigt, le tuyau ne se vuidera pas entierement, mais il demeurera rempli de mercure julqu'à la hauteur d'environ 27 pouces, plus ou moins, felon la ditférente température de l'air. C'est ce qu'on appelle l'expérience du vuide, parce qu'il semble que le reste d'en haut du tuyau demeure vuide sans aucun air. On a déja dit que Toricelli en avoit été l'inventeur. Le mercure demeure suspendu 2 la hauteur de 27 ou 28 pouces, à cause de la pesanteur de toute la masse de l'air, qui pesant sut le mercure qui est dans le vaisseau, la presse, l'empêche de s'élever, & de faire place à celui qui est dans le tuyau, & qui par conséquent ne peut descendre.

III.

Pour rendre ce barometre plus commode, on pl. 42; courbe le tuyau qui contient le vif-argent, fig. 133. comme vous voyez celui du barometre composé. La branche AB est toute unie sans phiole en E; mais l'autre branche, qui est beaucoup plus courte, en a une en D, & l'on retranche le canal CD.

Lorsque l'air est plus pesant, ce qui arrive ordis nairement dans le beau tems, le vis-argent monté dans la branche AB. & lorsque l'air est plus léger, ce qui arrive quand on est menacé de pluie, ou de quelque grand vent, le vis-argent baisse. On a soin de coller à l'endroit où le vis-argent demeure suspendu, un papier divisé en lignes pour config. 49-tes hauteurs du vis-argent, causées dans le barometre simple par les changemens de l'air, ne sont point à beaucoup près si sensibles que les différentes hauteurs de l'eau seconde, causées dans le barometre composé par les mêmes changemens

de l'air. On peut encore remarquer que ces différentes hauteurs feront dans le barometre imple plus ou moins fensibles, selon que la bouteille de la branche recourbée, aura plus ou moins de capacité, * c'est-4dire, que son diametre sera plus ou moins grand par rapport au tuyau. Si la plus longue branche étoit inclinée, la différence des hauteurs deviendroit encore plus fensible dans le barometre simple. On va donner quelques observations qui sont très-utiles pour prévoir la luie, le vent, & le beau tems. On peut les mettre fur un papier collé à côté du tuyau. Si on trouve qu'il y ait trop d'articles, on retranchera les moins nécessaires, tels que sont le 5, le 22, le 23, & le 24, & pour les vents le 4.

^{*} La capacité de la phiole ou du canal le connoît en quarrant le diametre de l'un & de l'autre.

Observations pour la pluie & le beau tems.

I.

Les changemens de hauteur qui arrivent au vifergent, servent à faire prévoir les changemens qui se font dans l'air, d'où l'on peut conjecturer le beau tems ou la pluie avant qu'ils arrivent.

II.

Ces changemens n'excedent point l'espace de deux pouces, ensorte que la plus grande hauteur du vif-argent est de vingt-huit pouces six lignes, à la moindre est de vingt-six pouces six lignes, à Paris, comme on a coutume de le marquer vers l'extrêmité de la plus grande branche du tuyau.

III.

Les ponces, entre lesquels ces différentes haulignes du vif-argent sont bornées, se divisent en signes, se à côté de ces pouces divisés en lignes, on marque les differens tems, tels que l'expérience se l'observation les ont fait remarquer, comme on le voit dans la figure.

IV.

Quand le vis argent descend, c'est une marque assez certaine du mauvais tems: quand il monte, c'est une marque du beau tems; & quand il demeure à la même hauteur que les jours précédens, c'est une marque de la continuation du même tems.

V.

Cependant, pour n'être pas trompé, il faut semarquer que les changemens de hauteur du vif-Tome II. Z argent ne sont pas toujours un signe certain de changement de tems; mais c'est toujours une marque assurée d'une plus grande, ou d'une moindre pesanteur de l'air.

VI.

Si le barometre promet de la pluie, & qu'on n'en apperçoive pas dans la suite, il ne faut pas pour cela accuser le barometre d'être trompeut. La pluie prédite est tombée ailleuts.

VII.

Si le vif-argent est demeuré quelque tems au très-sec, & qu'ensuite il commence à descendre vers le beau fixe, alors on a lieu de croire qu'il arrivera un changement de tems.

VIII.

Si du beau fixe le vif-argent descend au beau tems, c'est signe d'un autre changement en mauvais tems, mais qui n'est pas ordinairement de longue durée.

IX.

Mais si le vif-argent descend au-dessous de variable, & plus bas, alors le mauvais tems seta de longue durée: & cela à proportion que le vifargent sera plus bas.

X.

Ainsi pour bien juger du tems à venir, il faut observer exactement les élevations & les descentes du vif argent, sans s'arrêter scrupuleusement aux inscriptions qui sont à côté des divisions, quoique le plus souvent les changemens du vif argent soient conformes à ce qui est marqué par ces inferiptions.

XI.

Quand il survient du mauvais tems aussi-tôt que le vif-argent est descendu, & qu'il remonte peu après, c'est une marque que le beau tems est prochain.

XII.

Si le vif-argent pendant le mauvais tems monte considérablement, & qu'il continue à monter deux ou trois jours avant que le mauvais tems cesse, alors en peut dire avec certitude que le beau tems est prêt à venir, & qu'il durera plusieurs jours.

XIII.

Et si pendant le beau tems le vis-argent descendre considérablement, & qu'il continue à descendre deux ou trois jours avant qu'il survienne de la pluie, alors on doit croire, sans craindre de se cromper, que la pluie est prochaine, & qu'elle continuera pendant plusieurs jours, quelquesois accompagnée de vents impérueux & d'orages.

XIV.

Quand le vif-argent monte promptément de quatre ou cinq divisions, c'est encore une marque assurée d'un beau tems de longue durée.

XV.

Et quand le vis-argent descend promptement de quatre ou cinq divisions, c'est un signe de grande pluie, souvent accompagnée de vent.

XVI.

Les inégalités de hauteurs du vif-argent étant fréquentes, sont des marques d'un tems incertain & changeant.

XVII.

Quand le vif-argent demeure entre le tems va-

456 RECREAT. MATHEM. ET PHYS. riable & la pluie, il survient souvent une grande pluie.

XVIII.

En été les changemens de tems ne suivent pas si promptement les changemens du vif-argent qu'en hyver.

XIX.

Ordinairement on peut prévoir en été les changemens de tems un jour, & quelquefois deux jours avant qu'ils arrivent.

XX.

Au lieu qu'en hyver on a quelquefois de la peine à prévoir les changemens de tems six heures avant qu'ils surviennent.

IXXI.

Si en hyver le vif-argent monte, c'est un signe de froid; & si pendant le froid il descend, c'est un signe de pluie ou de neige.

XXII.

Il est dissicile de découvrir la cause qui fait descendre le vis argent, quand on est menacé de pluie, & le fait monter quand il doit faire beau tems-

XXIII.

On peut dire en général que l'air commençant à devenir plus léger, les vapeurs ne peuvent plus être soutenues; que les plus élevées tombant sur celles qui sont au dessous, elles s'assemblent & forment des gouttes d'eau, qui par leur propre pesanteur, tombent en pluie.

XXIV.

Au contraire, lorsque le vif-argent monte, l'air commence à devenir plus pesant; les vapeurs montent & se soutiennent dans l'air toutes séparées les unes des autres, jusqu'à ce que quelque cause change la pesanteur de l'air, & le rende plus léger.

Observations pour les vents.

I.

Si le vif-argent descend fort bas, c'est une marque de grand vent sans beaucoup de pluie.

II.

Quand le vent doit tourner à l'orient. (est) ou entre l'orient & le septentrion (nord-est) ce qu'on appelle vent de bise, alors le vif-argent monte fort haut, & c'est une marque de beau tems.

III.

Mais si à un vent d'orient (est) ou à un vent d'entre le septentrion tirant vers l'orient (estnord-est) il succede un vent de midi (sud) ou d'entre le midi & l'orient (sud-est) alors le visargent descend, & c'est une marque de pluie.

IV.

Il peut arriver que le vent du sud, ou celui du sud ouest, ayant chassé des vapeurs ou des nuées du côté du nord & du nord-est, un vent de nord ou de nord-est ramene ces vapeurs & ces nuées vers le même lieu où l'on observe le barometre; alors ces vapeurs ou ces nuées causent une pluie

qui peut durer quelques jours, suivant la quantité de vapeurs ou de nuées, qui se trouvent assemblées, quoique le vif-argent soit monté.

V.

On remarque souvent, que quand le vent du septentiion (nord) ou celui d'entre le septentiion & l'orient (nord-est) souffle long-tems, le vis-argent descend peu à peu, & que le beautems continue.

VI.

La descente du vis-argent menace de beaucoup de pluie, lorsque le vent ayant été à l'occident (ouest) il vient à tourner entre le midi & l'occident (sud-ouest.)

VII.

Le vent d'entre le septentrion & l'orient (nord-est) ayant le dessus, c'est une marque que le beau tems continuera, quand même le visargent descendroit un peu.

VIII.

Le vent du midi (sud) & celui d'entre le midi

A Paris. & l'occident (sud-ouest) nous * amenent ordinairement de la pluie, parce que passant par-dessus la mer, qui est d'une grande étendue de ce côté-là, ils chassent vers nous les vapeurs, qui étant
rassemblées dans ce pays-ci, se convertissent en
pluie.

IX.

Quand le vent du septentrion (nord) ou celui d'orient (est) souffle, l'air est ordinairement serein, & il tombe rarement de la pluie. Cela vient de ce qu'à l'est il y a une très-grande étendue de terre, d'où il s'éleve très-peu de vapeurs.

Problemes de Mecanique. qui ne peuvent par conséquent être chassées de ce côté-ci (Paris) qu'en très petite quantité, & celles qui se sont élevées des mers les plus éloignées, ont été converties en pluye avant que d'arriver en ces pays-ci.

REMARQUES.

On remarquera ici que la doctrine de M. Ozanam touchant l'effet du barometre composé, comparé à celui du barometre simple, n'est point approuvée de M. de la Bosse, auteur d'un traité du barometre, qui prétend qu'il peut arriver que Pl. 44; la variation de l'eau seconde dans le tuyau C, soit 68.53. quatorze fois plus sensible que la véritable variation du vif-argent dans le barometre simple. Ceux qui voudront s'instruire pleinement sur cette matiere consulteront ce traité, pag. 95 & suiv.

Construction d'un nouveau barometre, avec la maniere de pouvoir en construire d'autres de telle grandeur que l'on voudra: le tout confirmé par l'expérience d'Alexandre Fortier.

Ce barometre a 17 à 18 pouces de haut; il est composé de trois branches de verre jointes ensemble par quatre boîtes cylindriques. Les deux branches des deux côtés sont remplies de mer- Pl. 44, cure, & celle du milieu est remplie moité d'huile fig. 510 de tartre colorée, & l'autre moitié d'huile de Karabé. La séparation de ces deux liqueurs, qui hausse & baisse, sert à marquer les changemens qui arrivent dans l'air, par rapport à sa pesanteur & à sa légéreté.

Pour remplir ce barometre, il faut boucher l'ou-Ziv

verture B, mettre du mercure dans les branches des deux côtés en la maniere ordinaire par l'ouverture A, ensuite mettre les liqueurs dans la branche du milieu; après il faut sceller hermétiquement cette ouverture A, & déboucher celle

qui est marquée B.

Tout le fondement de la construction de ces fortes de batometres, ne consiste qu'à opposer plusieurs colonnes de mercure contre une colonne d'air; en sotre que ces colonnes de mercure fassent ensemble vingt-huit pouces, qui est la hauteur où le mercure fait équilibre avec le poids de l'air, ce qui se fait en divisant la hauteur ordinaire de la colonne de mercure, qui est vingt-huit pouces, par la hauteur dont on veut faire le batometre, le quotient de la division donnera le nombre des colonnes de mercure qu'il faut opposer au poids de l'air. Sur quoi il faut observer que la hauteur de chaque tuyau ou branche ne se compte que du milieu des boîtes d'en bas jusqu'au milieu des boîtes d'en haut.

Outre ces proportions, il faut encore avoir égard au poids des liqueurs que l'on doit mettre dans les branches du barometre entre les colonnes du mercure, lesquelles sont remonter le mercure d'un quatorzieme de leur poids, parce qu'environ quatorze lignes d'eau ou d'autre liqueur en hauteur, sont équilibre avec une seule ligne aussi en hauteur de mercure. C'est pourquoi il saut élever la premiere boîte au-dessous des autres tuyaux, environ de quatorze lignes, asia qu'il puisse se faire un vuide dans cette boîte pour donner de jeu au barometre.

Les liqueurs se doivent toujours mettre dans les branches du barometre de deux en deux; sçavoir, PROBLEMES DE MECANIQUE. 361 dans la deuxieme, quatrieme, sixieme, &c. & le mercure se doit mettre dans la premiere, troisieme, cinquieme, septieme, &c. suivant le nombre des tuyaux que le barometre doit avoir.

II.

Si on propose de faire un barometre AB de Pl. 44, quatorze pouces de haut, tel que celui qui est representé dans la figure 51, il faut diviser le nombre 20 par 14, le quotient de la division donnera
2: ce nombre 2 montre qu'il faut opposer au
poids de l'air deux colonnes de mercure de 14
pouces chacune, observant d'élever la premiere
boîte au-dessus de la machine, suivant la remarque qu'on vient de faire, & comme on le voit
dans la figure.

III.

Si on veut faire un autre barometre de 9 pouces 4 lignes de haut, il faut diviser 28 par 9 \frac{1}{3},
le quotient donnera 3 sans reste; ce qui fait voir
qu'il faut opposer trois colonnes de mercure de 9
pouces 4 lignes chacune contre une colonne d'air.
Pour lors ce barometre aura cinq branches, dont
la premiere, la troisseme & la cinquieme seront
remplies de mercure, & la seconde & quatrieme
seront remplies de liqueurs, observant toujours
d'élever la premiere boîte, à cause du poids des
liqueurs. Voyez la 52e figure.

IV.

Mais s'il arrivoit que la hauteur proposée du Fig.53; barometre ne pût diviser exactement le nombre 28, & qu'il y eût du reste dans la division, pour lors il faudroit faire les premieres branches de la

dans le barometre double, qui est que quand il fait fort chaud, le mercure se dilate, & fait monter la liqueur plus haut qu'elle ne devroit monter, au lieu que dans mon barometre, lorsque le mercure se dilate, cela ne doit produire aucun effet, puisque les liqueurs qui marquent les changemens de l'air, sont enfermées entre deux colonnes de mercure, qui agissent également & se di-latent ensemble.

IV.

Les petits points qui sont dans les tuyaux représentent le mercure; les doubles hachures représentent l'huile de tartte, & les simples lignes représentent l'huile de Katabé.

PROBLEME X.

Connoître par la pefanteur de l'air celui de deux lieux de la terre qui est le plus élevé.

L'Air n'est pas également pesant par tour. Il est certain qu'il pese moins sur les lieux élevés, comme sur les sommets des montagnes, que sur les lieux prosonds, comme sur les vallons; parce qu'il y a plus d'air au-dessus des vallons qu'an dessus des montagnes: tout de même que le sond d'un sceau, où il y a de l'eau, est plus presse par la pesanteur de l'eau, quand il est tout plein, que quand il ne l'est qu'à demi, parce que les corps liquides pesent selon leur hauteur.

Aussi s'on connoît par expérience, que dans les lieux qui sont de niveau, c'est-à-dire, également éloignés du centre de la terre, le vis-argent s'é-leve dans un barometre à une même hauteur, & qu'il s'éleve moins dans les lieux qui sont plus éle;

PROBLEMES DE MECANIQUE. 369
vés. D'où l'on peut conclute, que deux lieux proposés de la terre, par exemple, deux montagnes
sont aussi hautes l'une que l'autre, si le vif-argent
s'y éleve à une même hauteur, & que celle-là est
la plus haute où le mercure s'éleve le moins.

REMARQUE.

Pour juger à peu près de la hauteur de quelque lieu de la terre au-dessus du plan de l'horison, il faut se souveair des expériences suivantes, qui ont été saites par M. Pascal, de la pesanteur de l'air au niveau de la mer, & en des lieux plus élevés de 10, 10, 100, 200 & 500 toises, lorsque l'air étoit médiocrement chargé.

Nous ditons donc avec M. Pascal, qu'au niveau de la met les pompes aspitantes élevent l'eau à la hauteut de 31 pieds & environ 2 pouces; & que dans les lieux élevés au dessus du niveau de la met de 10 toises, l'eau s'éleve seulement à la hauteut de 31 pieds & 1 pouce: où vous voyez que 10 toises d'élevation causent un pouce de diminution.

Cela se confirme par ces autres expériences, par lesquelles on connoît qu'aux lieux élevés au dessus de la mer de 20 toises, l'eau s'éleve à 31 pieds seulement, & que dans ceux qui sont plus élevés que le niveau de la mer de 100 toises, l'eau monte seulement à 30 pieds 4 pouces; que dans les lieux plus hauts que la mer de 200 toises, l'eau ne monte qu'à 29 pieds six pouces. Ensin que dans ceux qui sont élevés à peu pres de 500 toises, l'eau ne monte environ qu'à 27 pieds.

AUTRE REMARQUE.

Il s'en faut bien que cette maniere de niveler par

RECREAT. MATHEM. ET PHYS. le moyen du barometre soit sûre dans toutes son tes d'occations, foit qu'on s'arrête à la différents qui se trouvera entre les plus grandes hauteun qu'on aura observé en divers lieux pendant m long espace de tems, soit qu'on s'atrête à celle que I'on trouvera entre les hauteurs qu'on auta observé à la même heure. Elle n'est nullement sûre à l'égard de deux endroits qui se trouvent situés sous des climats différens, comme font Stokolm & Cletmont en Auvergne : mais elle peut être asset bonne à l'égard de deux ou plusieurs endroits, lesquels quorqu'éloignés les uns des autres, se trouvent néanmoins litués à peu ptès sous le même parallele. Je demanderois encore quelques prêcautions dans les barometres; qu'ils ayent été. par exemple, templis dans le même lieu, & qu'ils ayent une capacité égale, tant dans leurs tuyaur, que dans leurs phioles.

Choisissons deux endroits qui sont situés sous le même climat, tels que sont sais & Domjulien, gros bourg de Lorraine. Paris est situé au 48° degré 50 minutes de latitude septentrionale, & Domjulien est à peu près au 48° degré 20 minu-

tes de même latitude.

Supposons qu'on ait observé à Paris pendant un tems considérable, que la plus grande hauteur du vif-argent est de 28 pouces 4 lignes, & la plus petite de 16 pouces 7 lignes. La différence de ces

deux hauteurs est de 11 lignes.

Supposons encore qu'on ait observé à Domjulien pendant un tems considérable: que la plus grande hauteur du vif-argent est de 27 pouces a lignes, & la plus petite de 25 pouces 5 lignes. La dissérence de ces deux hauteurs est comme à Paris, de 21 lignes. De-là on peut juger que la tempétaPROBLEMES DE MECANIQUE. 367
ture du climat où ces deux endroits sont situés,
cause les mêmes vicissitudes dans la pesanteur de
l'air, & que par conséquent la différence qui se
trouve entre les plus grandes hauteurs de ces mêmes endroits, ne peut venir que de ce que l'un est

plus élevé que l'autre.

Cela étant supposé, puisque la plus grande hauteur du vis-argent à Domjulien (27 pouces 2 lignes) est moindre de 14 lignes que la plus grande à Paris (28 pouces 4 lignes), il faut que Domjulien soit plus élevé que Paris, autant qu'il est nécessaire qu'une station soit plus élevée que l'autre, pour causer une différence de 14 lignes entre les hauteurs du vis-argent en ces deux lieux. Et selon le calcul qu'on trouvera dans les remarques du problème suivant, on peut estimer que Paris est plus bas que Domjulien de 162 toises.

PROBLEME XI.

Trouver la pefanteur de toute la masse de l'air.

Pour connoître la pesanteur de la masse entiere de tout l'air qui est au monde, il faut premietement connoître la surface de la terre, que nous avons trouvé au Prob. VII. Cosm. de 32356800 Pag. 1400 lieues quarrées de Paris. Et parce qu'une lieue commune Parissenne est de 2000 toises, ou de 12000 pieds, une lieue quarrée sera de 144000000 pieds quarrés, comme on le connoît en multipliant 12000 par 12000. C'est pourquoi si l'on multiplie les 32356800 lieues quarrées par 144000000, on aura 46593792000000000 pieds quarrés pour la surface de la terre.

Il faut encore sçavoir qu'un pied cube d'eau pele

968 RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

environ 72 livres, & que par conséquent un prisme d'eau qui a pour base un pied quarré, & 32 pieds de hauteur, pese 2304 livres, comme

on le connoît en multipliant 72 par 32.

Ensin il faut sçavoir que comme la pesanteur de l'air ne peut saire monter l'eau plus haut que de 3 r ou de 3 2 pieds, si l'on suppose que tous les lieux de la terre soient également chargés d'air, (quoique cela ne soit pas absolument vrai, parce qu'ils ne sont pas tous également éloignés du centre de la terre, & que l'air n'est pas pattout, ni en tout également pur) on peut supposer que tous les lieux de la terre sont autant present par la pesanteur de l'air, que s'ils portoient de l'eau à la hauteur de 3 t ou de 3 2 pieds; cette supposition étant recevable pour des récréations mathématiques.

Cela étant supposé, il est évident que si toute la terre étoit couverte d'eau jusqu'à la hauteur de 32 pieds, il y auroit autant de prismes d'eau de 32 pieds de haut, que la surface contient de quarrés; sçavoir, 4659379200000000 prismes d'eau. C'est pourquoi si l'on multiplie ce nombte par 2304, qui est à peu près la pesanteur d'un de ces prismes, on aura 10735209676800000000 livres pour la pesanteur de tout l'air qui est dans

la nature.

REMARQUE.

Il est à remarquer que dans la plupart des endroits de la surface de la terre, une colonne d'east de 31 ou 32 pieds de hauteur est en équilibre avec une colonne d'air. Il est vrai que dans plusieurs endroits il faut une plus grande hauteur d'east pour peser autant que l'air, & dans plusieurs

Problemes de Mecanique. une plus petite suffit; mais rien n'empêche que l'on ne puisse supposer que le fort portant le foible, une colonne de 32 pieds de hauteur soit en équilibre avec une colonne d'air dans route l'étendue de la surface de la terre. D'où il suit que la surface de la terre est autant pressee par le poids detoute la masse de l'air, à laquelle elle sert de sond, qu'elle le servoit si elle servoit de fond à un orbe d'éau de 32 pieds d'épaissent.

M. Ozanam a pris de là occasion de chercher quel seroit le poids d'un orbe d'eau de 32 pieds d'épaisseur, qui auroit pour fond la surface de la terre. Selon son calcul ce poids seroit de 1073520968000-0000 livres. Et sous prétexte que la surface de la terre est autant pressée par le poids de la masse de l'air, à laquelle elle sert de fond, qu'elle pourroit l'être, si elle servoit de fond à un orbe d'eau de 32 pieds d'épaisseur, cer auteur a cru pouvoir conclure que le poids de toute la masse de l'air est le nombre de livres que nous venons de rapporter. Mais il n'est pas difficile de démontrer qu'il s'est trompé en cette occasion.

C'est un principe constant dans l'hydrostatique, qu'un volume d'une certaine liqueur, de vif-argent, par exemple, pese moins que le volume d'une autre liqueur, comme d'eau commune, si le volume d'eau commune est plus grand par rapport au volume de vit argent, que la hauteur d'une colonne de vif - argent n'est grande par rapport à la hauteur d'une colonne d'eau de même poids. Ainsi le volume d'un pied cube de vifargent est moins grand par rapport au volume de 16 pieds cubes d'eau commune, que la hauteur d'une colonne de vif-argent n'est grande par tap:

Tome II.

port à la hauteur d'une colonne d'eau de même poids; & cela parce que dans ce cas le volume n'est au volume que comme l'unité au nombre 163; au lieu que la colonne est à la colonne de même poids comme l'unité au nombre 14; il est certain qu'un pied cube de vif-argent pese moins que 16 pieds cubes d'eau commune.

Or il est certain que le volume d'un orbe d'eau de 32 pieds d'épaisseur, qui auroit pour fond la surface de la terre, n'est pas à beaucoup près si grand par rapport au volume de l'orbe liquide que l'air forme autour de la terre, que la hauteur d'une colonne d'eau par rapport à la hauteur d'une

colonne d'air de même poids.

Pour en être convaincu, il n'y a qu'à se représenter l'orbe de l'air sous-divisé, autant qu'il pourroit l'être, en plusieurs orbes concentriques les uns aux autres de 32 pieds d'épaisseur, & considérer que comme le volume du fecond de ces orbes, en s'éloignant du centre, est nécessairement beaucoup plus grand que le volume du premier ; le volume du troisieme plus grand que le volume du second, & ainsi des autres; le volume du premier & plus petit de ces orbes, ne peut être à beaucoup près si grand par rapport au volume de tous ces orbes pris ensemble, ou, ce qui est la même chose, par rapport au volume de tout l'air qui est dans le monde, que l'unité au nombre de tous les orbes, quel que puille être ce nombre. Neanmoins il est clair que l'unité est au nombre de tous ces orbes. quel qu'il puisse être, comme la hauteur d'une colonne d'eau à la hauteur, quelle qu'elle puisse être, d'une colonne d'air de même poids. Et comme le volume du premier & plus petit de ces orbes concentriques les uns aux autres, est par

PROBLEMES DE MECANIQUE.

Specifique d'apposition égal à celui d'un orbe d'eau de 32 pieds d'épaisseur, il suit de-là que le volume d'un orbe d'eau de 32 pieds d'épaisseur, qui auroir pour sond la surface de la terre, n'est pas à beaucoup près si grand par rapport au volume de tout l'air qui est dans la nature, que la hauteur d'une colonne d'eau, à la hauteur, qu'elle puisse être, d'une colonne d'air de même poids.

Par conséquent le poids d'un orbe d'eau de 32 pieds d'épaisseur, n'est pas à beaucoup près si grand que le poids de l'orbe liquide, que l'air forme autour de la terre, ou, ce qui revient au même, que le poids de tout l'air qui est dans le monde. D'où il suir que le poids de l'air est beaucoup au dessus de ce qui a été déterminé par M.

Ozanam.

Ainsi la maniere dont il s'y est pris pour déterminer quel est à peu près le poids de tout l'air qui est dans le monde, n'est pas bonne à imiter, ni dans ce cas particulier, ni dans aucun autre cas semblable. Car quoiqu'il soit permis d'user de quelque licence, pour faire ces sortes de recherches, que l'on ne fait ordinairement que par maniere de récréation mathématique, où il n'est pas beforn d'une exactitude li grande, que dans beaucoup d'autres occasions; il n'est jamais permis d'avancer sous ce prétexte, ou de supposer aucune chose qui soit manifestement contraite aux notions les plus constantes de la géométrie. Et il y a lieu de s'étonner qu'un auteur aussi habile dans ce genre de science, & austi exact en d'autres occasions, se soit oublie en celle ci jusqu'à ce point.

Il est bon d'avertir que cette remarque n'attaque pas moins le calcul de M. Pascal, que celui de M. Ozanam. Voyez la remarque du problème satvant.

PROBLEME XII.

Trouver par la pefanteur de l'air l'épaisseur de sont orbe, & le d'ametre de sa sphere.

D'Ous entendons ici, par l'épaisseur de l'orbe de l'air, la distance de sa surface supérieure, où il ne pese plus, à la surface de la terre, que je suppose au milieu de la sphere de l'air, sans me mettre en peine si cette supposition est véritable, parce qu'elle est de petite conséquence pour des récréations mathématiques, où il n'est pas nécessaire de s'attacher à une précision bien rigoureuse, au moins en des questions de cette nature.

Ī.

Premierement pout trouver cette épaisseur, on considérera que to toises de hauteur diminuent d'un pouce l'effet de la pesanteur de l'air: car il est aisé de faire deux observations sur la premiere remarque du problème précédent. La premiere, c'est que les lieux qui sont au bord de la mer sont comprimés par le poids de l'air, autant qu'ils le seroient par une colonne d'eau de la hauteur de 31 pieds 2 pouces, qu'on substitueroit à ce poids de l'air, il n'importe de quelle largeur soit cette colonne d'eau; la largeur ne contribue point à la pesanteur de la colonne; cat on sçait que les liqueurs ne pesent que suivant leur hauteur.

La seconde observation est que les lieux qui sont élevés de 10 toises au dessus du niveau de la mer, sont comprimés par le poids de l'air, autant qu'ils le seroient par une colonne d'eau de la hauteur de 31 pieds un pouce, qu'on substitueroit au poids PROBLEMES DE MECANIQUE.

¿l'air. Il en seroit de même des lieux plus éleés de 10 toises en 10 toises, c'est-à-dire, qu'à
nesure que les lieux seroient plus élevés de 10
mises, la colonne d'eau diminueroit d'un pouce.

D'où il suit que 10 toises de hauteur causent à la pelanteur de l'air la diminution d'un pouce dean. Ainsi asin que l'air n'ait plus de pesanteur, ce qui ne peut arriver qu'en quelque point de sa surface supérieure, il faut que l'effet de sa pesanteur soit diminué de 31 pieds 2 pouces, c'est-à-dire de 17 april 2006.

dire, de 374 pouces.

On trouvera la distance de ce point à la surface de la terre, ou l'épaisseur de la masse de l'air, en disant par la regle de trois directe: Si la diminution d'un pouce provient de 10 toises de hauteur, de quelle hauteur proviendra la diminution de 374 pouces? Et en multipliant 374 par 10, on aura 3740 toises pour l'épaisseur qu'on cherche, qui sans doute est beaucoup plus grande.

II.

Secondement, pour trouver le diametre de la sphere de l'air, on se servira du diametre de la terre, qu'au Probl. VII. Cosm. nous avons trouvé de 3210 lieues Parissennes, qui valent 6420000 toises, comme on le connoît en multipliant 3210 par 2000, qui est le nombre des toises d'une lieue. Parissenne; on ajoutera à ce diametre 6420000 le double 7480 de l'épaisseur 3740 de l'orbe de l'air: la somme donnera 6427480 toises pour le diametre de la sphere de l'air.

REMARQUE.

On vient de voir que M. Ozanam a fait peu de fond sur la détermination qu'il a faite de l'épaisseur A a iij

de l'orbe de l'air, en ajoutant que cette épatiter est sans doute beaucoup plus grande. Il est au moins vraisemblable que cet orbe a plus d'épaisseur que la plus haute montagne n'a de hauteur. Cassius, la plus haute de toutes les montagnes, a plus de 20000 toises de hauteur, selon le pere Kircher: il faut donc que l'orbe de la teste air beaucoup plus d'épaisseur que M. Ozanam ne lui en attribue.

Le raisonnement de M. Ozanam suppose trèsmal à propos que l'air est également pesant dans toute l'épaisseur de son orbe. On doit supposer au contraire que l'air a d'autant moins de pesanteut, qu'il est plus éloigné de la terre, & qu'il occupe plus d'espace dans sa partie supérieure, où il est moins comprimé que dans sa partie inférieure.

On va essayer à déterminer quelle est à peu près cette épasseur de l'orbe de l'air, sans faire aucune

faulle inppolition.

Il faut considérer d'abord toute une colonne d'air égale en pesanteur à 330 lignes de vis argent sous-divisée en 330 petites colonnes, ou portions de la même colonne, posées perpendiculairement les unes sur les autres, & chacune précisément égale

en pesanteur à une ligne de vif-argent.

Dans cette supposition, il est clair qu'en montant d'une portion de colonne à la suivante, depuis la premiere jusqu'à la derniere, l'air se trouve continuellement moins chargé d'un poids égal à une ligne de vis-argent; il est par conséquent toujouts moins comprimé, selon une proportion arithmétique; car l'air est d'autant moins comprimé, qu'il est moins chargé. Et parce que l'air est encore d'autant moins pesant, qu'il est moins comprimé, il est clair qu'en montant d'une portion de colonne

PROBLEMES DE MECANIQUE. 375

la saivante, depuis la premiere jusqu'à la derniere, l'air se trouve toujours moins pesant, selon

une proportion arithmétique.

Si on suppose donc que la différence des hauteurs de ces portions de colonne, soit de 7 de toile, & que la premiere colonne soit de 10 toises de demie de hauteur, suivant un raisonnemenr qu'on se dispensera de rapporter pour abréger, on aura une progression arithmétique, dont on connoîtra le premier terme (10½) la dissérence des termes (½) & le nombre de ces termes (330). Ainsi pour connoître la somme des termes de cette progression, il faudra premierement connoître le dernier terme par la regle enseignée dans le premier volume au problème X, art. 4, p. 60, en ceste sorte.

Multipliez 329, nombre des termes diminué de l'unité par la différence ; c'est-à-dire, qu'il faut prendre le cinquieme de 329, qui est à peu près 66. Ajoutez à ce produit 66 le premier terme 10; la somme 76; sera le dernier terme de la proftession qui a 330 termes, & dont le premier

est 10 !.

Ce dernier terme 76 ½ étant connu, cherchez, par l'article i du même problème, la somme des termes en cette sorte. Ajoutez le premier terme 10½ & le dernier 76½; multipliez la somme 87 par le nombre des termes 330, le produit sera 28710; & la moitié de ce produit, qui est 14355, sera la somme des termes de cette progression arithmétique. Ce qui fait connoître que l'épaisseur de l'orbe de l'air est de 14355 toises.

Selon ce calcul l'orbe de l'air auroit moins d'é-

Selon ce calcul l'orbe de l'air auroit moins d'épaisseur que la montagne Cassiu, n'a de hauteur, suivant le P. Kirker. Mais ce sçavant jesuite pour-

Aaiv

RECREAT. MATHEM, ET PHYS. roit bien avoir trop avance sur la foi d'autrui touchant la hauteur de cette montagne & des autres, qu'il n'a pas, selon toute apparence, mesurées luimême. Il pourroit se faire aussi que la pesanteut de l'air diminue en s'éloignant de la terre, selon une progression aresthmétique, où la différence est plus grande qu'on ne l'a supposé dans la progression précédente: 2insi en mettant ; pour la dissérence de la progression, on trouvera que l'epailseur de l'orbs de l'air est de 11532 toises; & en supposant que cette différence est ; on trouvers que cette épaisseur est de 30525 toises. Voyez le traité du harometre par M. de la Broffe.

On mettra ici une table qui représente la valeur de trente-six termes de la progression, dont le premier est 10 toises & demie; la différence est de ; de toises, on peut la continuer autant qu'on voudra, en ajoutant à chaque terme ;. On a mis une virgule qui marque ici l'addition des diffé-

rences.

10 Toises 1	10 T. $\frac{1}{2}$, $\frac{1}{5}$	10 T. $\frac{1}{2}$, $\frac{2}{5}$	10 T. $\frac{1}{2}$, $\frac{3}{5}$	Io $T_{\frac{1}{2},\frac{4}{5}}$
11 Toises 1/2	II $T_{\frac{1}{2},\frac{1}{5}}$	11 $T_{\frac{1}{2},\frac{2}{5}}$	II $T_{\frac{1}{2},\frac{3}{5}}$	$\overline{t \cdot T \cdot \frac{1}{2}, \frac{4}{5}}$
12 Toises 1/2	12 T. $\frac{\tau}{2}$, $\frac{\tau}{5}$	12 T. $\frac{1}{2}$, $\frac{1}{5}$	12 T. 1, 3	12 T. 1/2, 4/5
13 Toifes 1	13 T. $\frac{1}{2}$, $\frac{1}{5}$	13 T. 1, 2	$\overline{13 T. \frac{1}{2}, \frac{3}{5}}$	$13 \text{ T.} \frac{1}{2}, \frac{4}{5}$
14 Toises 1/2	$14 \text{ T.} \frac{1}{2}, \frac{1}{5}$	$14 \text{ T.} \frac{1}{2}, \frac{2}{3}$	$14 \text{ T.} \frac{1}{2}, \frac{3}{5}$	$14 \text{ T.} \frac{1}{2}, \frac{4}{5}$
Is Toises !	15 T. 1/5	15 T. $\frac{1}{2}$, $\frac{2}{3}$	$\overline{15}$ T. $\frac{1}{2}$, $\frac{3}{5}$	15 T. 1, 4
16 Toises 1/2	16 T. ½, ½	16 T. 1, 2	16 T. $\frac{1}{2}$, $\frac{3}{5}$	$16 \text{ T.} \frac{1}{2}, \frac{4}{5}$
17 Toises 1/2			- 	

PROBLEME XIII.

Observer les différens changemens qui arrivent à la température de l'air, selon ses degrés de chaleur on de froidure.

I.

N peut connoître les divers degrés de cha-l'1.41, leur ou de froidure, par le moyen d'un pe-fig.50, tit homme, qui paroît plus ou moins dans le goulor d'une bouteille, selon que l'air est plus ou moins chaud. Car lorsque l'air est très-froid, ce petit homme se cache entierement dans la bouteille, & il en sort lorsque l'air devient plus chaud.

Pour construire cette espece de thermometre, on se sert d'une bouteille de verre noire ou trèsobscure. On ne l'emplit qu'en partie d'eau de-vie, comme on le voit en CEF, le reste BCF est plein d'air. On cimente en B un tuyau de verte transparent AE, auquel on laisse un petit trou en A,
& qui touche presque le sond de la bouteille en E.
Enfin on met dans le tuyau AE l'image d'un petit
homme d'émail, soudée sur une petite phiole cylindrique assez grande pour que l'image & la
phiole étant plus légeres qu'un pareil volume de
l'eau-de-vie, qui est au sond de la bouteille, puissent nager sur cette eau-de-vie.

Quand le peut homme est caché dans la bouteille, on le peut faire sortir, en le présentant au seu ou aux rayons du soleil, ou bien en échaussant la bouteille avec la chaleur des mains. Mais pout le faire cacher en été, quand il sait bien chaud, il saut plonger le sond de la bouteille dans de l'eau bien fraîche, ou dans de la glace. Ce petit homme se précipite tout à coup, comme pour se baignet.

II.

Pl. 44, fig. 54. Usage pour juger des différentes températures de l'air. Voici de quelle maniere on le construit.

On prend une phiole C d'environ deux pouces de diametre: on y soude un tuyau AC, dont le diametre est d'une ligne & demie ou environ. On choisit un tems froid pour l'emplir jusques vers la lettre B d'esprit de vin coloré avec du bois de santal rouge, ou de la racine d'orcanette. On fait entrer l'esprit de vin, ou en échaussant la phiole, ou en trempant l'extrêmité A dans un vase rempli d'esprit de vin un peu chaud, ou plutôt avec un entonnoir, en se servant d'un petit sil de léton délié, qu'on ensonce plusieurs sois dans le tuyau, pour faire descendre la liqueur dans la phiole.

Quand on s'est assuré, en exposant l'instrument à l'air froid, que le tuyan est rempli jusques vers B, on échausse autant qu'on peut la phiole pour saire monter l'esprit de vin jusques vers l'extrêmité A. Pour lors on serme exactement cette extrêmité, en la faisant fondre à la lampe d'un émailleur.

Ce thermometre sert à faire connoître les différens degrés de la chaleur de l'air. On a coutume de l'ajuster à une planche, sur laquelle on colle du papier, qui contient une division telle que l'on veut. On y marque aussi de l'autre côté la quantité du froid & du chaud, comme on le voit dans la sigure. Enfin pour donner quelques instructions, on peut ajouter sur ce papier collé les observations suivantes.

Observations sur le thermometre de Florence.

I.

Lorsque l'air devient plus chaud, la liqueut contenue dans le thermometre, ou l'air rensermé dans cette liqueur, se dilate & monte à mesure que la chaleur de l'air augmente. Mais quand l'air perd de sa chaleur, ou qu'il devient plus froid, la liqueur se resserve & descend vers la phiole.

II.

Si la phiole étoit trop grosse, & le tuyau trop court ou trop étroit, le thermometre se casseroit dans une grande chaleur. La même chose arriveroit si on l'expossit aux rayons fort vifs du soless, ou si on l'approchoit trop près du seu.

380 RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

III.

On peut faire monter la liqueur du thermometre par l'action seule de la main, en l'appliquant doucement sur la phiole. La chaleur de la main se communique à la liqueur, & la fair monter. Lorsqu'on a retiré la main, la liqueur descend peu à peu, & se remet à la même hauteur où elle étoit auparavant.

IV.

A côté des divisions ou degrés, on a marqué les différentes températures de l'air d'espace en espace.

V.

Lotsque dans les gelées d'hyver l'air commence à s'adoucir, & qu'il est tempéré, on observe que la liqueur du thermometre ne monte pas aussi-tôt: elle ne monte que quand la glace est un peu sondue.

VI.

Pour se souvenir du degré où la liqueur étoit arrêtée quand on a fait son observation, on se sert d'une petite main d'émail, ou autre marque, qui coule le long d'un double sil de léton attaché par les bouts vers les deux extrêmités de la planthe. On éloigne des divisions ce sil de léton, de maniere que le bout du doigt allongé de la main d'émail, tombe sur l'extrêmité des degrés, & montre précisément celui qu'on a observé, quand la main est arrêtée.

V I I.

Cette main d'émail coule le long du double fil de léton par le moyen d'un petit tuyau de fer blanc, qui passe au travers du poignet de la main PROBLEMES DE MECANIQUE.

381

2000 puquel il est attaché. Les bouts de chaque sil de léton doivent être éloignés l'un de l'autre dans l'endroit où ils sont attachés, asin que la main d'email
en coulant s'arrête au degré où on la place, sans
tomber.

Usage du thermometre.

Ī.

Pour connoître chaque jour de combien est augmentée ou diminuée la chaleur en un même lieu, remarquez un jour à une certaine heure le degré où s'est arrêté la liqueur dans le tuyau; puis le jour suivant, observez à la même heure si la liqueur est arrêtée plus haut, plus has, ou au même endroit, & vous jugerez par-là s'il fait plus chaud, moins chaud, ou si l'air est dans une égale situation à la même heure & dans le même lieu. On peut saire la même chose le même jour à dissérentes heures, ou en des jours qui ne se suivent point.

II.

Cest ordinairement vers les trois heures après midi que la liqueur monte à la plus haute é.évation dans la journée, & c'est au lever du soleil que la liqueur se trouve au plus bas. Il faut prendre garde que le thermometre ne soit point exposé à la réverberation du soleil, ni à la chaleur du seu.

HI.

On peut connoître quelle est la plus chaude ou la plus froide de plusieurs chambres par ce moyen. Remarquez en premier lieu à quel degré la liqueur du tuyau est arrêtée dans une chambre. Transportez ensuite le thermometre dans une autre chambre, où vous le laisserez pendant quelque tems, comme d'une demi-heure. Ensin examinez s'il ya du changement dans l'élévation de la liqueur. Si elle est demeurée au même degré, c'est une marque que l'air des deux chambres est dans le même degré de chaleur ou de froidure. Si la liqueur est montée, il fait plus chaud dans cette seconde chambre que dans l'autre. Ensin si la liqueur est descendue, c'est une marque certaine que l'air est plus froid dans cette seconde chambre que dans la premiere.

IV.

Ce qu'on vient de faire pour deux chambres peut se pratiquer à l'égatd de plusieurs. Il faut remarquer qu'on doit faire cette expérience dans un court intervalle de tems, où l'on juge que la température de l'air ne puisse point avoir été changée. Et pour être mieux assuré de ce qu'on veut sçavoir, il est bon de rapporter le thermometre de l'une de ces chambres dans les autres, asin de voit s'il ne sera point atrivé quelque changement à l'air de ces chambres.

v.

Sion laisse un thermometre dans un même lieu, qui ne soit point exposé à la chaleur qui peut venir de quelque cause étrangere, comme du seu ou des bougies allumées dans un endroit resserré, & qu'on ait soin de marquer sur un registre le degré qu'on observe tous les jours à la même heure, ou aux mêmes heures, & principalement au lever du soleil, & vers les trois heures après midi, si on veut se donner la peine de le faire dans le même jour, on pourra, en continuant la même chose pendant plusieurs années, connoître par la comparaison des

Observations les années qui auront été plus chaudes ou plus froides.

VI.

Si on fait du feu dans une chambre, il sera aisé de connoître combien la chaleur du feu augmentera la température de l'air de cette chambre, en remarquant quel changement il attivera à l'élévation de la liqueur contenue dans le tuyau du thermometre.

VII.

Pour connoître si la sievre est augmentée ou diminuée, faites mettre la main du malade hors le lit environ un demi quart d'heure, pour dissiper la chaleur qui vient de celle du lit. Puis faites poser pendant quelque tems la main du malade sur la phiole d'un thermometre, en prenant garde de le casser. Observez le degré où s'arrête la liqueur, & remarquez-le. Faites la même chose dans un autre tems. En comparant les degrés où la liqueur sera atrêtée dans les dissérentes observations que vous autez faites, vous verrez si la sievre est augmentée, dimin se, ou restée dans le même degré.

PROBLEME XIV.

Remplir de vin, ou de quelque autre liqueur, un tonneau par l'ouverture d'en bas.

Corps liquides pesent seulement selon seur 63.134. hauteur. C'est pourquoi pour remplir de quesque liquent le tonneau A, non pas par le bondon E, mais par l'ouverture B d'en bas, il faut mettre à cette ouverture B un tuyau recourbé, comme

RECREAT. MATREM. ET PRYS.

BCD, dont l'extrêmité doit être aussi haute que le tonneau; il saut encore avoit une espece d'entonnoir, pour pouvoir plus commodément verser la liqueur dont on veut remplit le tonnéau. Cette liqueur, en tombant par la branche CD, qui doit être à peu pres élevée à plomb, & en entrant dans le tonneau par l'autre branche BC, qui doit être environ de niveau, y prendra une situation horifontale, & demeurera toujours à la même hauteur & dans le siphon & dans le tonneau; c'est poutquoi l'on connoîtra que le tonneau sera plein, lotsque la branche CD se trouvera pleine de liqueur.

PROBLEME XV.

Rompre avec un bâton un autre bâton posé sur deux verres sans les casser.

Pl. 54, IL ne faut pas que le bâton AB, que l'on veut Égass. I compre, soit trop gros, ni qu'il appuie beaucoup sur les deux verres; ses deux extrêmites A, B, doivent être amenusées en pointe, & il doit être également gros dans toute sa longueur autant qu'il sera possible, afin que l'on puisse plus facilement connoître son centre de gravité C, qui dans ce cas sera au milieu.

Le bâton AB ctant supposé tel qu'on vient de le demander, on mettra ses deux extrémités A, B, sur les bords des deux verres, dont l'un ne doit pas être plus elévé que l'autre, afin que le baton ne penche pas plus d'un côté que d'autre. On fera ensorte que la seule extrêmité de chaque pointe potte ségerement sur le bord de chaque verre. Alors avec un autre bâton on donnera sur le milieu C du bâton AB, un coup sec & prompt.

PROBLEMES DE MEGANIQUE. 385 mais cependant proportionné, autant qu'on le pourra juger, à la grosseur du bâton AB, & à la distance des verres.

REMARQUES.

An lieu de verres, on pourroit se servir de deux bins de paille, que l'on tiendroit en l'air, & sur lesquels on appuieroit les extrêmités du bâton AB, comme on les a appuyés sur les bords des verres.

Le coup prompt, que l'on donne sur le bâton, sait que l'air n'ayant point le tems de céder, résille, & sert de point d'appui dans l'endroit frappé; de sorte que le bâton se casse par la violence du coup, qui trouve de la résistance dans l'air, & ses d'ux extrêmités ne font aucune impression sur les verres, quand le coup est donné à propos.

C'est par la même raison qu'on casse les os de mouton sur sa serviette, sur la nape, ou sur la main, en frappant sur le milieu de l'os avec le

dos d'un couteau.

PROBLEME XVI.

Vuider toute l'eau contenue dans un vase par le moyen d'un siphon.

Dour faire sortir toute l'eau qui est contenue Pl. 35; dans le vase AB, sans incliner ce vase, ni sans se 329. le percer par le bas, servez-vous d'un siphon courbé, comme CDE, dont l'une des branches doit être plus courte que l'autre. On l'emplit d'eau avec un entonnoir, s'il est nécessaire; on ferme avec le doigt l'ouverture de la plus grande branche; Tome 11.

86 RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

Pl. 35, puis en renversant le siphon, on met dans l'en 18.329 la plus petite branche, qui doit toucher le sond du vase. Alors en ôtant le doigt, l'eau du siphon CDE sortita par l'extrêmité E; & l'eau du vase AB, entrant par l'autre extrêmité, prendra la place de celle qui s'écoulera: elle continuera ains à sortir jusqu'à ce qu'il n'en teste point, ou sort peu dans le sond du vase AB. Ce qui téussira d'autant plus facilement, que le siphon CDE sera plus gros par le milieu que par ses deux extrêmités.

REMARQUES.

I.

C'est de cette maniere qu'on peut aisément vuider par le bondon le vin d'un tonneau, sans en puvrir le fond.

11.

On peut aussi puiser du vin d'un tonneau par le moyen d'un tuyau droit, qui doit être plus mincé pat les deux bouts que par le milieu; on le plongé par le bondon dans le tonneau, le vin entre de dans, & si l'on bouche avec le doigt le bout d'en haut, & qu'on tire le siphon hors du tonneau, on le rrouvera rempli de vin. On pourra verset ce vin dans un verre, ou dans quelqu'autre vale, en ôtant le doigt qui fermoit le haut du tuyau; & le vin descendra par l'autre bout.

HII.

C'est aussi de la même maniere qu'on poutra faire passer en montant l'eau qui est dans un lieu bas, à un autre lieu plus bas, pourvu que le lieu élevé sur lequel l'eau doit passet, ne soit pas plus haut que 32 pieds; parce que la pésanteur de PROBLEMES DE MICANIQUE. 387
l'air, à laquelle les philosophes modernes attribuent ce que les anciens attribuoient à l'horreut
du vuide, ne peut saire monter l'enu plus haut
qu'environ 32 pieds, selon les diverses expénences qui en ont été faites.

IV.

C'est encore par le moyen d'un tuyau recourbé, que l'on peut sans aqueduc, & à peu de frais, conduire une fontaine d'eau vive, du sommet d'une montagne à un autre lieu un peu moins haut, où l'on auta besoin d'eau. On fera un long tuyau de plomb, qui descendra de la fontaine par le vallon, & remontera en se recourbant jusqu'au sommet de la montagne voisine, où l'on veut conduire l'eau. Car l'eau descendant de la montagne par ce tuyau, remontera au-dessus de l'autre montagne presque aussi haut qu'elle sera descendue: je dis presque, l'eause de la résistance de l'air, qui empêche l'eau de montet précisément à la même hauteur.

Il faut prendte garde néanmoins que la hauteut du turau ne soit pas considérable; car si cela étoit, la pelanteur de l'eau pourroit faire crever le tuyau, qui ne soutiendroit pas l'effort de l'eau qui pesé selon sa hauteur, à quoi il faudroit encore joindre sa vitesse.

V.

On peut faire un siphon courbé avec deux tuyaux de roseaux, dont on coupe une des extrêmités de biais, pour les joindre l'un à l'autre, & sommer la pointe d'un siphon angulaire. On attache ces deux extrêmités avec de la cire d'Espagne, avec laquelle on a soin de boucher toutes les petites ouvertures qui pourroient donner passage à l'air.

Bb 1

On observera de laisser une des branches plus lorgue que l'autre. Comme ces tuyaux ne sont pas fort gros, on pourra sucer par la branche qui sers hors du vase pour attirer l'eau, qui continuera à couler tant que l'autre branche trempera dans l'eau

PROBLEME XVII.

Un tuyau plein d'eau étant perpendiculaire à l'hosifon, trouver à quelle distance l'eau s'écoulera par un trou sait en un point donné de ce tuyau.

A Près avoir décrit autout du tuyau AB, que Pl. 45 . fig.136. 11 je suppose plein d'eau, & perpendiculaire à Thorison, le demi - cercle ABC; percez ce tuyan en divers endroits, comme aux points D, E, F. par où l'eau puisse sortir. Cette eau décrita en sottant les demi - paraboles DG, EH, FG, dont les amplitudes BG, BH, font doubles des finus correspondans; c'est à dire, des lignes DI, EC, FK. perpendiculaires au diametre AB; sçavoir, BG, double de DI & de FK, & BH double de EC. De sorte que si le point E est le milieu du tuyan AB, ou le centre du demi-cercle ABC, auquel cas EC est le plus grand sinus, l'amplitude BH sera autli la plus grande. Et parce que les finus également éloignés du centre E, comme DI, FK, font égaux, les deux demi paraboles DG, FG, formées par la chûte de l'eau qui sort par les deux trous D, F, également éloignés du point de milieu E, ont aulli une même amplitude BG. Il est évident que la plus grande amplitude BH est égale 🋊 la hauteur AB du tuyau, & que fon extrêmité 📙 est le foyer de la demi-parabole EH, & que par consequent si l'on perce le tuyau AB en son point

PROBLEMES DE MECANIQUE. 389 de milieu E, l'eau sortira à une distance égale à la Pl. 45, longueur AB du tuyau. fig.136.

Si l'on perce le tuyau AB au-dessus, ou audessous de son point du milieu E, comme en F, on trouvera la distance BG, à laquelle l'eau tombera sortant par l'ouverture F, en décrivant autour du tuyau AB, ou d'une ligne égale à ce tuyau; le demi-cercle ABC, & en tirant du point F, au diametre AB, la perpendiculaire FK, qui sera la

moitié de la distance BG qu'on cherche.

Mais si vous ne pouvez pas décrire un cercle sutont du tuyau AB, pour être trop grand, servez-vous de l'arithmétique, & multipliez ensemble les deux parties AF, BF pour avoir en la racine quartée du produit la quamité de la perpendiculaire FK, ou la moitié de la distance BG qu'on cherche. Comme si la partie AF est de 2 pouces, & l'autre partie BF de 32 pouces; en sorte que la longueur du tuyau AB soit de 34 pouces, en multipliant 32 par 2, & en prenant la racine quarrée du produit 64, on aura 8, dont le double donnera 16 pouces pour la distance BG.

PROBLEME XVIII.

Préparer un vase, qui étant rempli de quelque liqueur à une certaine hauteur, la garde, & qui la perde toute, étant rempli de la même liqueur à une hauteur un peu plus grande.

I.

Soir, par exemple, un verre ABCD, par le F. 137.

milieu duquel vous ferez passer un petit tuyau
recourbé, ou siphon EFG, ouvert par ses deux exrêmités E, G. Sa partie F la plus élevée, doit

Bb iii

90 RECREAT. MATHEM. ET PHYS-

Pl. 41, être un peu plus basse que le bord supérieur da g. 137 verre. L'extrémité E de ce siphon doit être proche le fond du verre, & son extrêmité G doit êtte plus balle que le fond même du verre. Cela ctant ainfi, l'eau ou le vin qu'on verfera dans le verre, y demeurera, & remplira la branche EF à mesure qu'on versera l'eau, jusqu'à la courbure F. Mais h Fon continue à verfer de l'eau dans ce verte, elle montera plus haut dans le verre, & ne pouvant plus monter dans le siphon EFG, parce qu'il sa recourbe & s'abaille en F, au lieu de monter elle descendra par la branche FG, & continuera à descendre en sortant par l'ouverture G, tant que l'on continuera à verser de l'eau dans le verre, & elle s'écoulera entietement, c'est-à-dire, que le verre demeurera vuide, quand on cellera d'y mettre de l'eau.

On pent faire couler l'eau par l'ouverture d'en bas G, quoique le verre ne soit pas templi jusqu'aut sommet F du siphon EFG, en suçant par cette ouverture d'en bas G, l'air qui est contenu dans le siphon; car l'eau prendra nécessairement la place de l'air, & continuera à descendre par la branche FG, & à sortir par l'ouverture G, jusqu'à ce qu'il ne teste rien dans le verre, au moins si l'ouverture E touche à son sond, comme on a dit au problème XVI.

11.

verre, & l'autre bout F un peu plus bas que le fond du même verre. Enfermez ce petit tuyau

EF dans un autre tuyau plus grand Gl, fermé par fon extrêmité G d'en haut, qui doit être un peur plus haut que le bout E du premier, & plus petit que le tuyau EF, & ouvert par son autre bout I d'en bas, qui doit toucher au fond du verre, si l'on veut que toute l'eau qu'on y versera s'écoule; ce qui arrivera, lorsqu'elle sera parvenue vers G; car alors elle entrera dans le tuyau EF par l'ouverture E, & sortira par l'autre ouverture F, en passant par l'ouverture I du tuyau Gl, &c.

PROBLEME XIX.

Construire une lampe propre à porter dans la poche, sans qu'elle s'éteigne, quand même on la rouleroit par terre.

Our construire une lampe qui ne verse jamais son huite, & qui ne s'éteigne point, quelque fituation qu'on lui donne, quand même on la rouleroit par terre; attachez le vase qui contient l'huile & la meche à un cercle de fer, de leton, ou de quelqu'autre matiere solide, avec deux petits pivots diamétralement opposés; de sorte que ce vale puille par la pelanteur demeurer en équilibre autour de ces deux pivots, tourner librement audedans de ce cercle, & conserver toujours une fituation horisontale, à peu près comme dans les boulloles dont on le fert dans la navigation, lesquelles ont deux semblables cercles, qui servent à les tenir horisontalement. Ce premier cercle doit avoir deux autres pivots aussi diamétralement oppolés, & éloignés des autres de 90 degrés: ces deux pivots doivent entrer dans un autre cercle de la même matiere. Ce second cercle doit encore Bb iv

RECREAT. MATHEM. ET PHYS. avoir deux autres petits pivots insérés dans un autre corps concave qui environne toute la lampe, laquelle par le moven de ses deux cercles ou balanciers, peut tourner librement dedans aufout de six pivots qui donnent à la lampe, quand on la tourne, fix différentes positions, qui sont dessus & desTous, devant & derriere, à droite & à gauche, & qui servent à la tenir horisontalement. Cette lampe, étant au milieu, se trouve toujours htuée à son centre de gravité, c'est à dire, que son centre de gravité se trouve toujours dans sa ligne de direction; ce qui empêche l'huile de se renverser, de quelque maniere qu'on tourne la lampe, parce qu'elle demeure toujours dans une fituation horisontale.

PROBLEME XX.

Disposer trois bâtons sur un plan horisontal, en sorte que chacun s'appuie sur ce plan par l'une de ses extrêmités, & que l'autre extrêmité demeure élevée en l'air.

Pl. 45, Pour faire que trois bâtons, ou trois couteaux, &c. se soutiennent les uns les autres élevés en l'air, lorsqu'ils sont appuyés chacun par un de leurs bouts sur une table, quand même ils seroient chargés d'un poids, sans que jamais ils puissent tomber; inclinez sur cette table l'un des trois bâtons, comme AB, en sorte que s'appuyant sur la table par son extrémité A, l'autre extrêmité B soit élevée en l'air; metrez en travers audessus de ce bâton l'un des deux autres bâtons, comme EF, élevé pareillement en l'air par son extrêmité F, & portant sur la table par son autres

PROBLEMES DE MECANIQUE.

393
eminité E. Enfin disposez comme un triangle le
moisseme bâton CD, ensorte que s'appuyant sur
la table par l'une des extrêmités C, il passe audessous du premier AB, & pose sur le second EF.
Alors ces trois bâtons se croisant de la sorte, se
soutiendront mutuellement, & ne pourront tomber en les chargeant de quelque poids, à moins
qu'ils ne se plient, ou ne se rompent par la trop
grande pesanteur du poids, qui étant médiocre,
servira plurôt à les affermir, & à les maintenir ainsi
élevés en l'air par un de leurs bouts, qu'à les saire
tomber. Car AB est soutenu par CD, & CD par
EF, qui est lui-même soutenu par AB.

PROBLEME XXI.

Faire tourner trois couteaux sur la pointe d'une aiguille.

Trachez aubout du manche de l'un des trois Pl. 47, couteaux, comme du couteau AB, un autre couteau AC par sa pointe, en sorte que l'angle ABC soit droit, ou qu'il en approche. Observez que le dos du couteau AC doit être tourné vers le bas & le tranchant vers le haut, comme on le voit dans la figure. Attachez pareillement au bout du manche du couteau AC un troisieme couteau CD par sa pointe, en sorte que l'angle ACD soit droit, ou qu'il en approche. De cette maniere les trois couteaux AB, AC, CD, se trouveront disposés en sorme de balance, dont les deux bassins seront représentés par les deux couteaux suspendus AB, CD. Le couteau AC représentera la verge de la balance, sur lequel par conséquent on trouve-ta par plusieurs essais le centre de mouvement, ou

RECREAT. MATHEM. ET PRYS. le point d'appui E, c'est à dire, le point où la balance étant foutenue, elle demeure en équilibre, chargée de la pesanteur de ses bassins ou contems AB, CD. Si on met la pointe d'une aiguille en ce point E, & qu'on la tienne à angles droits, le couteau AC, avec ses deux autres couteaux AB, CD, demeurera en équilibre; le point E sera dans la ligne de direction, où se trouvera le centre de gravité de la quantité composée de ces trois coureaux. Ainfi ces trois couteaux demeurant en èquilibre autour du point E sur la pointe de l'aiguille EF qu'il faut tenir bien à plomb, la moindre force, comme seroit celle du touffle, sera capable de le faire tourner, & pour ainsi dire, danser autour de la pointe de l'aiguille sans tomber.

PROBLEME XXIL

Tirer du fond de l'eau un bateau chargé de marchandises.

S'il arrive qu'un bateau de conséquence ait sair naufrage au milieu d'un sleuve ou d'une riviere prosonde, on pourra tirer ce bateau, & le faire venir à sleur d'eau, par le moyen de deux autres bateaux, dont l'un soit vuide, & l'autre chargé de quelque chose de pesant, comme de pietres, en cette sorte.

Il faut lier ces deux bateaux avec celui qu'on veut retirer de l'eau, par deux cotdes qui y doivent être fortement attachées. Ayant bandé la corde du bateau qui est chargé, il le faut décharger dans l'autre bateau qui est vuide; ce qui feta lever un peu ce premier bateau, qui attirera avec soi le bateau qui est dans l'eau, & feta enfoncer

d'autant le second bateau. Ce second bateau étant ainsi chargé, on bandera pareillement sa corde, & on le déchargera dans le bateau vuide; ce qui le sera aussi lever à mesure qu'il deviendra plus léger en le déchargeant. & sera monter d'autant le bateau qui est dans l'eau, & baisser le bateau qui a été rempli de piertes. On déchargera encore ce bateau ci de la même saçon dans le bateau vuide, après avoir bandé sa corde, qui sera monter le bateau qui est dans l'eau. Ensin ce bateau, après plusieurs charges & décharges des autres, montera tant qu'il viendra à sleur d'eau; après quoi il sera facile de le conduire au bord de la riviere, & d'en retirer les marchandises.

PROBLEME XXIII.

Faire remonter un bateau de lui-même sur une riviere rapide.

Plus une riviere ou un sleuve sera rapide, plus il sera aisé de faire remonter un bateau de lui-même, pour ainsi-dire, par le moyen d'une corde & d'une roue avec son aissieu, qui ait des aîles semblables à celles d'une roue de moulin, en cette sorte.

Ayant artêté fermement la roue avec son aissieu à l'endroit où l'on veut conduire le bateau, en sorte que les aîles entrent dans l'eau autant qu'il en sera besoin pour faire tourner la roue, attachez une corde au bateau & à l'aissieu de la roue, laquelle tournant avec son aissieu, par la tapidité de l'eau, seta entortiller la corde autour de l'aissieu. Cette corde en se raccourcissant continuellement, virera le bateau, en remontant vers l'endroit pro-

posé, où il remontera d'autant plus promptement que la riviere sera plus rapide, parce que l'eau fait tourner la roue plus vite.

PROBLEME XXIV.

Trouver la pesanteur d'un pied cube d'eau.

Ī.

Nous avons dit au problème XI qu'un pied cube d'eau commune pese environ 72 levres; ce qui se peut aisément connoître en faisant un vase concave, dont la capacité soit précisément d'un pied cubique, & en pesant l'eau qu'il peut contenir: par ce moyen l'on aura la pesanteur d'un pied cube d'eau Maison peut connoître autrement & plus facilement cette pesanteur, en cette sorte.

11.

Préparez un corps solide fair en parallelepipede fig. 141. rectangle, comme ABCD, d'une matiere homogene, dont la pesanteur spécifique soit moindre que celle de l'eau, par exemple, du bois de sapin, afin que ce corps étant plongé dans l'eau, ne s'y ensonce pas tout entier; pesez exactement ce corps, que nous supposerons être de quatre livres.

Plongez donc ce corps dans l'eau, & faires une marque à l'endroir où se terminera la surface de l'eau, comme EFG. Alors ce corps occupant dans l'eau l'espace ABGFE, l'eau qui rempliroir cet espace, peseroit précisément 4 livres; sçavoir, autant que le corps ABCi) pese dans l'air. Ce que l'on connoît par ce principe général de l'hydrostatique, que la pesanteur d'un corps est égale à celle d'un volume d'eau pareil à celui dont il occupe la place dans la même eau.

PROBLEMES DE MECANIQUE. 397 Ce volume, qui est ici représente par ABGE, se peut mesurer en multipliant la largeur EF, que nous supposerons de 4 pouces, par la hauteur AF, qui sera supposée de 3 pouces, & le produit 12 par la largeur AB, ou FG, que nous supposerons de 8 pouces: ainsi on aura 96 pouces cubiques

pour la solidité du prisine ABGFE.

Nous sçavons donc que 96 pouces d'eau pesent 4 livres, & pour sçavoir combien pese un pied cube de la même eau, qui vaut 1-13 pouces cubes, comme on le connoît en multipliant 12 par 12, & le produit 144 encore par 12, on dira par la regle de trois directe, si 96 pouces pesent 4 livres, combien peseront 1728 pouces; c'est-à-dire, qu'on multipliera 1728 par 4; on divisera le produit 6912 par 96, & l'on trouvera qu'un pied cube d'eau pese 72 livres.

PROBLEME XXV.

Construire un carrosse, dans lequel on se puisse conduire soi-même par-tout où l'on voudra, sans aucuns chevaux.

I.

IL faut que les deux petites roues de devant Pl. 46, foient mobiles autout de leur aissieu commun, fg. 142. comme dans les carrosses ordinaires, & que les deux grandes roues de derrière, comme AB, CD, soient fermement attachées à leur aissieu commun EF, en sorte que cet aissieu ne se puisse mouvoit, à moins que les roues ne se meuvent & ne roulent en même tems.

Au milieu de l'aissieu EF, on doit ajouter à l'entour une lanterne GH, dont les suseaux soient sorts 98 RECREAT. MATREM. ET PHYS.

Pl. 46, & serrés, & attacher tout auprès sur la sièche une signest toue dentée IK, dont les dents puissent engrainer dans les suseaux de la lanterne. En faisant tournet cette roue autour de son aissieu LM, qui doit êtté perpendiculaire à l'horison, par le moyen de la manivelle NOL, elle fait toutner la lanterne GH, & avec elle l'aissieu EF, & les roues AB, CD, qui rouleront, & seront avancet le carrosse, sans qu'il soit tiré par des chevaux, ni par aucune autre puissance animée. On comprend bien que l'aissieu EF ne doit pas entrer dans la sièche, asse qu'il puisse tourner au-dedans.

II.

Pl. 47 . fig. 212.

•M Ozapamécrivoit en 1693. On voit à Paris depuis quelques années un catrosse ou chaise, qui a une forme à peu près semblable à celle de la sig. 212. Un laquais monté
derrière le sait marcher, en appuyant alternativement les deux pieds sur deux pieces de bois, qui
communiquent à deux petites roues cachées dans
une caisse posée entre les roues de derrière AB,
attachées à l'aissieu du carrosse, comme vous le
voyez dans la sig. 212. J'en donnerai l'explication dans les mêmes termes que je lai reçue de
M. Richard, médecin de la Rochelle.

Fig. 113.

AA est un rouleau attaché par les deux bouts. la caisse qui est derriere la chaise. B est une poulie sur laquelle roule la corde qui lie le bout des planchettes C, D, sur lesquelles les laquais mettent les pieds. E est une piece de bois qui tient à la caisse, & retient les deux planchettes par l'autre bout, leur permettant de hausser & de baisser par le moyen des deux cordes AC, AD, qui sont attachées à leurs extrêmités. F, F, sont deux petites plaques de ser, qui servent à faire tourner les roues H, H, qui sont fixes à leur aissieu, lequel est aussi

fite aux deux grandes roues I, I.

Je crois qu'à présent on n'aura pas de peine à concevoir que le saquais mettant alternativement les pieds sur C & sur D, une des plaques seta tourner une des roues à dents; si, par exemple, u appuie sur la planche C, comme la figure le représente, elle doit descendre, & faire monter la planche D, qui ne peut monter, sans que la plaque de ser qui entre dans les dents de la roue, ne la sasse tourner avec l'essieu, & les deux grandes roues. Ensuite appuyant sur la planche D, la pessanteur du corps la sera descendre, & seta monter l'autre planche C, qui fera encore tourner la roue. Ainsi ce mouvement se continuera, en fai-sant toujours la même manœuvre.

Il est facile de s'imaginer que les deux roues de Pl. 47. derrière avançant, il faut que les deux petites de fig. 222. devant avancent aussi, lesquelles iront toujours droit, si la personne qui est dans la charse, ne les fait tourner avec les rênes qui sont attachées à une

Aêche fur le devant.

III.

M. Déscamus, de l'academie royale des sciences, donne sur la fin de son traité des sorces mouvantes, la description d'un petit carrosse qu'il sit autresois pour le Roi, alors Dauphin. Nous n'entreprendrons point d'entret dans le détail de tous les ressorts qui sont jout ce carrosse, & qui sont en très-grand nombre, quoique tellement rensermés dans de petits espaces, qu'ils ne paroissent point. Ces ressorts doivent être effectivement en grand nombre, pour exécuter tous les mouvemens que sont le cocher, le laquais, le page & la dame qui

est assise dans le cattosse pendant qu'il marche, nous nous contenterons de tapporter une partie de ces mouvemens, qui sont très surprenans.

Ce petit carrolle tournant fur une table vers les bords, les chevaux vont en courbette, plient les jambes, & posent à terre les pieds de derriere. Le cocher tire les rênes des chevaux, soit pour les faire tourner, soit pour les faire aller en ligne droite, & il leur donne de tems en tems des coups de fouer. Le carrolle ayant fait un certain chemin, s'arrête: alors le page qui étoit couché sur la soupente, va ouvrir la portiere, pendant qu'un laquais descend de derriere le carrosse. La dame tenant un placet à la main, fort du carolle, & le présente, après avoir fait la révérence. Pendant ce tems-là le page s'attachant à la portiere, la temue en badinant. La dame ayant attenda quelque tems, comme pour écouter la réponse, fait une seconde révérence, & rentre dans le carosse. Quand la dame est assife, le page ferme la portiere, & se temet fur la soupente. Le cocher donne un coup de fouet aux chevaux, qui continuent le chemin, & le laquais courant après le carosse, saute à sa place.

On sera étonné, en lisant la description, de voir tous les petits ressorts qu'il a fallu imaginer & placer à propos pour exécuter les mouvemens qu'on vient de rapporter, & les autres qui sont fort dissérens, lorsqu'on monte les ressorts d'une

autre maniere.



PROBLEME XXVI.

Connoître de deux eaux différentes celle qui est la plus légere, sans aucune balance.

I L faut avoir un corps d'une matiere dont la pesanteur spécifique soit moindre que celle de l'eau, par exemple, du bois de sapin, & mettre dans chaque eau ce corps, qui ne s'y enfoncera pas entierement, étant certain qu'il se doit enfoncer moins dans l'eau la plus pesante que dans la plus ségere. Ainsi vous connoîtrez que l'eau où ce corps s'enfoncera davantage, est la plus ségere, & par conséquent la plus saine à boire.

PROBLEME XXVII.

Construire un tonneau contenant trois liqueurs différentes, qui se puissent tirer par une même broche, sans qu'elles se mêlent

I L faut que le tonneau soit divisé en trois parties ou cellules A, B, C qui contiennent les fig. 143trois liqueurs différentes, par exemple du vin
rouge, du vin blanc, & de l'eau, que l'on fera
entrer chacun dans sa cellule par le même bondon,
en cette sorte.

En construisant le tonneau, on aura ajusté dans le bondon un entonnoir D, avec trois tuyaux E, F, G, qui aboutissent chacun à sa cellule. Ajoutez à cet entonnoir un autre entonnoir H, percé de trois trous, qui puissent répondre, quand on voudra, aux ouvertures de chaque tuyau. Si l'on fait répondre en tournant l'entonnoir H, chaque trou successivement à

Tome II. Co

RECREAT. MATHEM. ET PHYS. l'ouverture de son tuyau correspondant, la liqueur que l'on versera dans l'entonnoir H, entrera dans ce tuyau. De cette maniere on remplira chaque cellule de la liqueur, fans que l'une se puisse mêler avec l'autre, parce que quand un tuyau est ouvert,

les deux autres le trouvent bouchés,

Mais pour tiret aush sans confusion chaque liqueur par le bas du tonneau, il doit y avoit trois tuyaux K, L, M, qui répondent chacun à une cellule, & une espece de robinet IN, percè de trois trous, qui doivent répondre chacun à fon zuyau, afin qu'en tourpant la broche I, jusqu'à ce que l'un de ces trous réponde vis-à-vis d'un tuyau. la liquent de la cellule, pat où passe ce tuyau. sorte toute seule par le même tuyau.

PROBLEME XXVIII.

Trouver les parties d'un poids que deux personnes soutiennent par le moyen d'un levier.

Pl. 45, D Our trouver la partie du poids C, que je suphg.144. I pose de 150 livres, que deux personnes soutiennent par le moyen du levier, ou civiere AB. dont la longueur soit, par exemple, de 6 pieds; supposons que le centre de gravité du corps C fort D, & que sa ligne de direction soit DE. Cela étant supposé, on doit considérer le point E comme si le corps C y étoit suspendu : alors il est évident que fi le point E est au milieu de AB, chaque personne portera la moitié du poids C, scivoir 75 livres. Mais si le point E n'est pas an milieu de AB, ensorte qu'il soit plus proche, par exemple, du point B, que du point A, on doit sentir en B une plus grande partie du poids

qu'en A; cette partie se trouvera de cette sorte.
Si l'on suppose que la partie AE du levier A B
soit, par exemple, de 4 pieds, & parce que toute la
longeur AB a été supposée de 6 pieds; multipliez le posds donné 150 par la quantité 4 de la
partie AE: divisez le produit 600 par la longueur AB, que nous avons supposée de 6 pieds:
le quotient donnera 100 livres pour la partie du
poids que porte la puissance appliquée en B. C'est
pourquoi en ôtant cette partie 100 du poids entier 150, le reste donnera 50 livres pour l'autro
partie du poids que porte la puissance appliquée
en A.

PROBLEME XXIX.

Trouver la force qu'il faut pour lever un poids avec un levier, dont la longueur & le point fixe sont donnes.

C Upposons que le poids C pese sur le levier pl. 461 AB, 150 livres, & que la puissance appliquée fig. 145. en son extrêmité B, soit éloignée du point fixe D de 4 pieds, ensorte que le reste AD du levier soit de 2 pieds; supposant que toute la longueur AB du levier est de 6 pieds, multipliez le poids C, que nous avons supposé de 150 livres, par la partie AD, qui a été supposée de 2 pieds; divisez le produit 300 par l'autre partie BD, c'est-à-dire, par 4; le quotient 75 sera la force que doit avoir la puissance appliquée en B, pour soutenir le poids C. D'où il est aisé de conclure que la puissance, appliquée en B, doit avoir une force un peu plus grande que de 75 livres, pour mouvoir & lever he poids C. Cc if

204 RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

PROLBEME XXX.

Construire un vase qui contienne sa liqueur étant droit, & la perde zoute étant un peu penché.

E problème est aisé à résoudre à l'imitation des problèmes XVI & XVII. Car si au de-6g.146. dans du vase AB, l'on ajuste un siphon, ou tuyau recourbé CDEF, dont l'ouverture C touche le fond du vase, & l'autre ouverture F foit plus basse que le même fond, en sorte que la jambe CD foit plus courte que l'autre jambe DEF. & que l'on mette de l'eau dans ce vale environ jusqu'à la partie supérieure D, l'eau ne s'écoulera pas : mais si l'on incline tant soit peu le vase AB vers la partie opposée à A, comme si on y voulois boire, l'eau entrera de la jambe CD dans la jambe DEF, & sortifa toute par l'ouverture F, quand même on redresseroit le vase, parce que l'air poutra fuccéder à la place de l'eau, lorsqu'elle descendra par la branche DEF.

PROBLEME XXXI.

Trouver sans aucune balance la pesanteur d'une piece proposée de métal ou de pierre.

IL faut en premier lieu préparer un vase concave, qui ait la figure d'un prisme, dont la base soit telle qu'on voudra; mais pour la commodité il vaudra mieux que ce soit un quarré, ou un quarré long, comme ABC. Sa longueur AB sera supposée de 6 pouces, & sa largeur BC de 4: ainsi la base ABC sera de 24 pouces quarrés, PROBLEMES DE MECANIQUE. 405 comme on le connoît en multipliant 6 par 4.

Il faut aussi que le vase soit rempli en partie Pl. 48, d'eau commune, par exemple, jusqu'à DEF; en sig. 147. sorte que la piece proposée y étant plongée, soit tout-à fait couverte, autrement il en faudroit verser une plus grande quantité. Cette eau montera une certaine hauteur, par exemple, jusqu'à CHI, de sorte que le prisme d'eau GEI sera égal

à la solidité de la piece proposée.

La folidité de ce prisme d'eau GEI se trouvera en multipliant la base DEF, qui est égale à la base ABC, que nous avons trouvée de 24 pouces quarrés, par sa hauteur EH, ou FI, que nous supposons de 2 pouces, car le produit donnera 48 pouces cubes pour la solidité du prisme d'eau GEI. La solidité de ce prisme étant connue, on trouvera sa pesanteur, en supposant qu'un pied cube de la même eau pese 72 livres, & en disant par la regle de trois directe: si un pied cube, ou 1728 pouces pesent 72 livres, combien peseront 48 pouces? Multipliant 72 par 48, & divisant le produit 3456 par 1728, on trouvera 2 livres pour la pesanteur du prisme d'eau GEI.

Par le moyen de cette pesanteur ainsi tronvée de 2 livres, on trouvera celle de la piece proposée, en multipliant la pesanteur trouvée, c'est-à-dire 2 livres par 3, si la piece proposée est de caillou, ou de pierre de roche: par 4, si elle est de marbre: par 8, si elle est de fer, ou d'airain: par 10, si elle est d'argent: par 11, si elle est de plomb, & elle est d'argent: par 11, si elle est de plomb, &

par 18, si elle est d'or.

Ainsi dans cet exemple on trouvera que la piece proposé pese 6 livres, si elle est de pierre dure : 8 livres si elle est de marbre : 16 livres, si elle est de fer : 20 livres, si elle est d'argent : 22 livres,

Cc iij

fi elle est de plomb, & 36 livres si elle est d'a

REMARQUES.

I.

Je sçais bien que cette pesanteur ains trouvée n'est pas trop exacte; mais c'est assez pour des técréations mathématiques. Quand vous la voudrez avoir plus exactement, servez-vous de l'une des trois tables qui sont sur la sin de la méchanique de mon cours de mathématique; la seconde est trèsutile pour connoître la solidité d'un corps proposé, dont on connoît la pesanteur, comme vous allez voir dans le problème suivant.

II.

Mais auparavant, nous remarquerons que par le moyen de ce problème, on trouve avec une très-grande facilité la solidité d'un corps, qu'il feroit difficile de trouver exactement par la géométrie ordinaire, lorsque ce corps est fort irrégulier, comme seroit une pierre brute, ou quelqu'autre corps semblable. Car ayant trouvé que le prisme d'eau GEI est de 48 pouces cubes, il s'ensuit que la piece proposée, dont le volume est nécessairement égal à ce prisme, contient en sa solidité aussi 48 pouces cubes.



PROBLEME XXXII.

Trouver la solidité d'un corps dont la pesanteur est connue.

E problème se peut résoudre très-facilement par le moyen de la table suivante, qui montre en livres & en onces la pesanteur d'un pied cube de plusieurs corps dissérens; & en onces, en gros, & en grains, la pesanteur d'un pouce cube des mêmes corps, la livre valant 16 onces, l'once 8 gros, & le gros 72 grains.

Table de la pesanteur d'un pied cube, & d'un pouce cube de plusieurs corps dissérens.

Poids d'un	Pied cube. Livres. Onces.		Pouce cube. Onces: Gros. Grains		
Corps					
Or	1326	4	12	2.	52
Mercure	946	10	8	6	8
Piomb	\$02	2	7		30
Argent	720	12	6	5	18
Cuivre	617	Iż	5	- 6	36
Fer	558	0	3	Ī	2.4
Frain	516	2	4	6	17
Marbre blane	188	12	I	6	0
Pierre de taille	139	3	ž	2	24
Eau de Seine	69	IL	0	1	2.2
Vin	68	6	. 0	5	5
Cire	66	4	0	4	- 65
Huile	64	0	1 0	4	41

On connoît par cette table, qu'un pied cube de fet, par exemple, pese 558 livres. C'est pourquois si l'on aune piece de fer, qui pese, par exemple, 279 livres, on connoîtra sa solidité par la regle de Co. iv

trois directe, en disant : si une pesanteur de 558 livres donne un pied cube, ou 1728 pouces cubes de solidité, combien donnera une pesanteur de 279 livres? Alors multipliant 279 par 1728, & divisant le produit 482112 par 558, le quotient donnera 864 pouces cubes pour la solidité de la piece proposée.

REMARQUE.

Si tout au contraire vous avez, par exemple, une piece d'argent, dont vous voulez connoîtte la pesanteur, il en saut premierement trouver la solidité par le moyen de l'eau, comme vous avez vu au problème précédent. Si cette solidité est, par exemple, de 48 pouces cubes, vous multiplièrez ce nombre 48 par 6 onces 5 gros & 28 grains, qui est la pesanteur d'un pouce cube d'argent, comme on le voit dans la table précédente, & le produit donnera 20 livres 2 gros & 48 grains pour la pesanteur de la piece proposée d'argent. Ainsi des autres.

Cette remarque suppose une regle de trois, où l'on dit : Si un pouce cube d'argent donne 6 onces 5 gros 28 grains, combien donneront

48 pouces cubes?

PROBLEME XXXIII,

Un corps plus pesant que l'eau étant donné, trouver à quelle hauseur elle montera dans un vase rempli en partie d'eau, lorsqu'on y mettra le corps proposé.

Pl. 48, Supposons que dans un vase fair en parallelepipede rectangle, comme ABCL, il y air de l'eau jusqu'à la hauteur AD, & qu'on veuille sçavoir à

PROBLEMES DE MECANIQUE: quelle hauteur cette eau montera, si l'on y met, Pl. 48; par exemple, un boulet de fer, dont la pesanteur 43.147; spécifique est plus grande que celle de l'eau: me-surez s'aire de la base rectangulaire ABC, ou DEF, en multipliant la longueur ED par la latgeur EF. Mesurez aussi la solidité de la boule proposée, en multipliant le cube de son diametre par 157 & en divisant le produit par 300. Si cette solidité est, par exemple, de 96 pouces cubes, & l'aire DEF de 48 pouces quarres; en divisant cette solidité 96 par l'aire 48, le quotient donnera 2 pouces pour la hauteur EH, ou DG, & laquelle la boule proposée sera monter l'eau quand elle sera mise dedans; parce qu'elle y occupera une place égale à celle du prisme GEI de l'eau qui est montée, dont la solidité est aussi par conséquent de 96 pouces cubes.

Autrement.

Mesurez avez une balance bien juste la pesanteur du corps proposé, que nous supposerons de 31 livres, & par le moyen de cette pesanteur trouvez la solidité du même corps, qui, par le problème XXXII, se trouvera de 96 pouces cubes, supposant que la piece proposée soit de ser. C'est pourquoi la solidité du prisme d'eau GEI sera aussi de 96 pouces cubes, laquelle par conséquent étant divisée par la base DEF, que nous avons supposé de 48 pouces quarrés, donnera 2 pouces pour la hauteur EH qu'on cherche.



PROBLEME XXXIV.

Un corps moins pesant que l'eau étant donné, trouver de combien il se doit enfoncer dans la même eau contenue dans un vase.

Uisque le corps proposé est supposé d'une pesanteur spécifique moindre que celle de l'eau, comme seroit une piece de bois de sapin; cette piece étant mile dans l'eau, ne s'y enfoncera pas toure entière, mais seulement en partie, sçavoir, julqu'à ce qu'elle y occupe un espace dont l'eau qui le rempliroit, pese autant que la même piece. Ainli pour marquer justement ce qui doit s'enfoncei dans l'eau de ce corps moins pelant, on en connoîtra la pesanteur, & l'on mesureta la quantité de l'eau qui ait cette pesanteur; ce qui est facile, par ce qui a été dit dans les problèmes précédens. Après quoi il est évident que ce corps s'enfoncera dans l'eau jusqu'à ce qu'il occupe la place de cette quantité d'eau.

Mais pour venir à la pratique, supposons que la £g.148. piece de bois de sapin ABCD pese, par exemple. 360 livres, & qu'un pied cube de leau qui est contenue dans le vase EFGH, pese 72 livres; divilez par ce nombre 72 la pelanteur 360 du prilime ABCD; le quotient s'feraconnoître que s pieds cubes de la même eau pesent aussi 360 livres. C'est pourquoi le prifme ABCD s'enfoncera dans cette ean julqu'à ce qu'il y occupe la place de 5 pieds cubes. Ainfi pour sçavoir de combien il se doit enfoncer, il en faut retrancher par en bas un prilme de 5 pieds cubes, qui ait la même base que celle du prisme ABCD: on peut connoître cette base

PROPLEMES DE MECANIQUE:
en multipliant la longeur AB par la largeur BC,
quand elle sera rectangulaire, telle qu'on la suppose
ics. Si cette base est, pat exemple, de 4 pieds
quarrés, en divisant 5 pieds cubes par 4 pieds
quarrés, on aura 1 pied & 3 pouces pour la hauteur AI, à laquelle le prisme proposé ABCD
s'ensoncera dans l'eau.

PROBLEME XXXV.

Connoûte si une piece douteuse d'or ou d'argent est bonne ou fausse.

C I la piece, de la bonté de laquelle on doute ? oft, par exemple, d'argent, & qu'ellene soir pas extrêmement groffe, comme fi c'étoit un écu, ou une piece de trente fols; pour connoître li cette prece est de pur argent, ou mêlée avec quelqu'autre métal, il faut avoir une autre piece de bon argent austi pesante que la piece proposée; en sorte que ces deux pieces étant mifes dans les baffins d'une balance bien juste, elles demourent en équilibre dans l'air. Il faut ensuire attacher ces deux pieces d'argent aux bassins de la même balance avec du fil ou du crin de cheval, pour empêcher que ces deux ballins ne foient mouillés, loriqu'on plongera dans l'eau les deux pieces d'argent. Elles demeureront en équilibre dans l'eau aufli-bien que dans l'air, quand elles feront égale en bonté. Mais fi la piece propotée pele moins dans l'eau, elle leta tausse, c'est-a-dire, qu'il y aura quelqu'autre métal mêle, d'une pesanteur spécifique moindre que celle de l'argent, comme celle du cuivre; & si elle pele davantage, elle ne fera pas auffi de bon argent, mais elle fera mêlée avec quelqu'autre mésal d'une

Personal Recreat. Mathem. et Phys. peranteur spécifique plus grande que celle de l'ar-

gent, comme celle du plomb.

Si la piece proposée est d'une grosseur considérable, telle qu'étoit la couronne d'or qu'Hieron, roi de Siracule, envoya à Archimede, pour connoître li l'orfevre avoit employé fidélement les 18 livres qu'il avoit reçu pour faire cette couronne; car ce prince foupconnoit qu'il y avoit mêlé quelqu'autre métal, parce qu'elle paroissoit fott grolle; il faudra, comme auparavant, avoir une piece de pur or, qui pefe autant que la couronne, scavoir, 18 livres, & fans s'amuser à peter ces deux pieces dans l'eau, il suffira de les plonger l'une après l'autre dans un vale plein d'eau. Cat celle qui chassera plus d'eau, sera mêlée avec quelqu'autre métal d'une pesanteur spécifique moindre que celle de l'or, parce qu'elle aura un plus grand volume.

PROBLEME XXXVI.

Trouver la charge d'un vaisseau sur la mer, ou sur une riviere.

Parce qui a été dit au ptobl. XXXIV, il est aisé de connoître la portée, ou le port d'un vaisseau, c'est-à-dire, la charge que peut porter un vaisseau sur l'eau de la mer, ou d'une riviere, sans couler à fond. Car il est certain qu'un vaisseau peut porter autant pesant que l'eau qui lui est égaltement porter autant pesant que l'eau qui lui est égaltement du fer qui entre dans sa construction, parce que le bois qui le compose pese à peu près autant que l'eau; ce qui fait que sans ce fer, le vaisseau pourroit naviger étant plein de la même eau.

PROBLEMES DE MECANIQUE.

D'ou il suit que le vaisseu, quelque charge qu'il air, ne s'enfoncera pas entierement dans l'eau, si la pesanteur de cette charge est moindre que celle d'un égal volume d'eau. Mais pour connoître ce volume, il saut mesurer la capacité ou solidité du vaisseau, que nous supposerons de 1000 pieds cubes. Cette capacité étant multipliée par 73 livres, qui sont la pesanteur d'un pied cube d'eau de la mer, on aura 73000 livres pour la pesanteur d'un volume d'eau égal à celui du vaisseau.

Ainsi dans cet exemple on peut dire que la portée du vaisseau, pour pouvoir naviger sur la mer, est de 73000 livres, ou de 36 tonneaux & demi, comme on le connoît en divisant 73000 par 2000, qui est la valeur d'un tonneau, parce qu'un tonneau plein d'eau de la mer pese 2000 livres. De sorte que si dans cet exemple la charge du vaisseau passe 36 tonneaux & demi, il coulera à fond, & il nagera entre deux eaux, tout prêt à s'enfoncer, si la charge est précisément de 73000 livres. Ainsi afin que le vaisseau puisse naviger facilement & sans danger, sa charge doit être beaucoup moindre que de 73000 livres. Si elle approche de 73000, en sorte qu'elle soit, par exemple, de 36 tonneaux seulement, le vaisseaux ne s'enfoncera pas dans l'eau de la mer; mais après avoir cinglé heureusement en haute mer, il coulera à fond & périra, s'il arrive à l'embouchure de quelque riviere d'eau douce qui, étant plus légere que l'eau de la mer, sera surmontée par la pesanteur du vaiseau.



414 RECREAT. MATHEM, ET PHYS.

PROBLEME XXXVII.

Faire qu'une livre d'eau pese davantage, & tant que

L'Expérience nous apprend que, si l'on sufpend à une corde une pierre telle qu'étant
ainsi suspendue, elle puisse être rensermée dans un
vase, sans le toucher, en sorte qu'il reste dans ce
vase tout autour de la pierre la place d'une livre
d'eau; & que si l'on emplit d'eau cet espace vuide, le vase, qui ne pese tout seul avec son eau qu'environ une livre, parce qu'il ne contient qu'une sivre
d'eau, selon notre supposition, pesera plus de
cent livres, si la pierre tient dans ce vase la place
de cent livres d'eau. Ainsi vous voyez que dans ce
cas une livre d'eau pese plus de cent livres, & elle
pesera plus de mille livres, si la pierre occupe
dans le vase la place de mille livres d'eau. Ainsi
des autres.

Autrement.

Pl. 48, Servez-vous d'une balance, dont les bassins AB; signific. CD, pesent également autout du centre de mouvoiment E, qui seta, si vous voulez, au milieu du stéau FG, comme dans les balances ordinaires. Ayant attaché contre une muraille, ou quelqu'autre chose de serme, le corps LM égal, par exemple, à 99 livres d'eau, par le moyen du crochet de ser HIK, arrêté sermement au point H de la mutaille; entourez, comme nous avons dit aupatavant, ce corps LM du bassin AB, en sorte qu'il reste entre deux la place d'une livre d'eau. Alors si vous versez dans le bassin CD 100 livres d'eau, &c dans le bassin AB, une livre d'eau seusement, cette

PROBLEMES DE MECANIQUE. 415 sense livre d'eau du bassin AB demeurera en équilibre avec les cent livres de l'autre bassin CD.

PROBLEME XXXVIII.

Connoître le vent qui souffle dans l'air, sans sortir de sa chambre.

L faut attacher au plancher de la chambre un L cercle divisé en 32 parties égales, avec les noms des 32 vents ou rumbs, en sorte que les vents nord & sud répondent à la ligne méridienne; ce que l'on peut aisément faire par le moyen d'une boussole. Il faut que ce cercle divisé, ou cadran, ait une éguille mobile autour de son centre, comme les cadrans des montres ou horloges à roues, & que cette éguille soit attachée à un aissieu perpendiculaire à l'horison, qui se puisse mouvoir facilement au moindre vent, par le moyen d'une girouette qu'il doit avoir en son extrêmité au-dessus du toit de la même chambre. Le vent faisant tourner cette girouette, fera aussi tourner son aissien, & en même tems l'éguille qui lui est attachée, laquelle en cette façon montrera sur le cadra le vent qui souffle.

On a vu à Paris sur le pont-neuf, & l'on voit encore dans le jardin de la bibliotheque du roi, tue Vivienne, un semblable cadran. Il est vrai qu'il n'est pas attaché à un plancher, mais contre une muraille. On y connoît en tout tems le vent qui soussile, par le mouvement de la girouette AB, dont l'aissieu CD, qui est perpendiculaire à l'hotison, est soutenu en haut par le plan horisontal EF, qu'il traverse à angles droits, & en bas par le plan GH, sur lequel il s'appuie en son extrêmité

Pl. 49, fig.152; 416 RECREAT. MATHEM. FT PHYS.

D, qui dont être pointue. Cet aissieu s'appuyant Pl. 49, sur un point, se meut avec facilité au moindre fig. 152. vent, qui fait tourner la girouette AB. Le pignon IK tourne en même tems; il a huit ailes ou canelures égales, pour les huit vents premiers. Dans ces ailes s'engrainent ou s'accrochent les dents du rouet LM, qui fait toutner avec lui son aissien PQ. Cet aissien est parallele à l'honson, traverse la muraille à angles droits, & fait mouvoir l'éguille NR, qui lui est attachée en son extrêmité P. Cette éguille est appliquée à un cadran, où les quatre vents cardinaux sont marqués par les quatre lettres par où leurs noms commencent, & les autres quatre vents d'entre deux par les deux lettres par lesquelles commencent les nome des deux vents principaux entre lesquels ils sont.

REMARQUE.

Ainsi N signisse nord, S sud, E est, O ouest, NE nord - est, SE sud-est, SO sud-ouest, NO nord-ouest. Ces noms sont usités en toute la met océane. Le nord est le septentrion, le sud est le midi, l'est est le levant ou orient, l'ouest est le couchant, ou l'occident, ou le ponant. De là on peut juger que le nord-est est le vent qui sousse entre le septentrion & l'orient, le sud-est ce ui qui sousse entre le midi & l'orient, le sud ouest celui qui sousse entre le midi & l'occident, & le nord-ouest celui qui sousse entre le septentrion & l'occident.

On peut voir un semblable cadran, avec tous ses attributs, dans la rue de la Corderie, à la

butte S. Roch.

PROBLEME XXXIX.

Construire une fontaine dont l'eau s'écoule &

Î.

Premiere maniere de construire cette fontaines

PReparez deux vases inégaux AB, CD, de fer blanc, ou de quelqu'autre semblable matiere. Le plus grand AB, qui est celui de dessus doit avoir communication avec le plus petit CD, par l'ouverture E, asin que l'eau qu'on versera dans le plus grand vase AB, puisse sortier, & entrer dans le plus petit CD. Cette eau s'écoulera par l'extrêmité H du siphon FGH, dont l'autre extrêmité E, qui sera aussi ouverte, ne doit pas être fore éloignée du fond du vase CD.

Lorsque l'eau qui tombe dans le vase CD sera montée dans le siphon par l'ouverture F vers la partie supérieure G, elle s'écoulera par l'autre ouverture H, pourvû que le siphon FGH soit de relle grosseur, qu'il sorte plus d'eau par l'ouverture H, qu'il n'en entre dans le vase CD par l'ouverture E. Cela étant ainsi, l'eau de ce vase sera bien-tot épuisée, & la fontaine cessera d'aller. Mais l'eau tommencera à couler de nouveau par l'ouverture lorsqu'elle sera temontée par la branche FG jusqu'en G, & ainsi de suite.

On peut donner à cette fontaine telle figure qu'on voudra, aussi-bien qu'à la suivante, dont l'eau s'écoule aussi par intervalles alternativement.

Tome II.

D٥

H.

Autre maniere de construire une pareille sontaine.

AB, est un vase qui a deux fonds, c'est à dire, Pl. 49, fig.155. qu'il est fermé de tous côtés comme un tambout. CD est un tuyau soudé au sond d'en bas vers le milieu F. Ses deux extrêmités C, D, sont ouvertes; celle d'en haut C, ne doit pas touchet le fond, afin de donner passage à l'eau. Pour remplir ce vase on le renversera, & l'on versera l'est par l'ouverture D du tuyau CD, laquelle se trouvera en haut.

> DE est un ruyau un peu plus perit que CD. dans lequel il doit entrer justement: il est attaché à un fond de boîte GH, dont le diametre est un peu plus long que celui de l'un des deux fonds du vase AB. Le tuyau DE est ouvert par l'extrèmité E, & fermé par l'autre extrêmité D, gm

est soudée au fond de la boîte GH.

Les deux tuyaux CD, ED, doivent avoir & une égale hauteur deux petites ouvertures I, I. & le petit tuyau DE doit êtte mobile au dedans du plus grand CD, afin que l'on puisse, quand on voudra, tourner le tuyau plus mince DE, avec Ta boîte GA, jusqu'à ce que les deux trous I, I, se renconttent. De plus le vase AB doit avoir en son fond d'en bas plusieurs petites ouvertures, comme K, L, par où l'eau qu'il contient puisse sortir, & la boîte GH deux ouvertutes plus petites M, No par où l'eau puisse aussi sortir.

Ayant donc rempli d'eau le vase AB, comme il vient d'être enfeigné, & ayant bouché le tuyan CD par le moyen du tuyau DE, que nous avons supposé assez mince pour le remplir justements

PROBLEMES DE MECANIQUE. fans qu'il soit nécessaire que l'extrêmité E par- Pl. 49; vienne jusqu'à l'extrêmité C, pourvu que les deux #8.111. outres extrêmités D, D, conviennent enfemble: un mettra la machine dans sa premiere situation. en forte que, comme vous voyez dans la figure. la boîte GH lui serve de base. On tournera cette base, qui est attachée au tuyau DE, jusqu'à cé que les deux ouvertutes I, I, tépondent l'une à l'autre, & n'en fallent qu'une seule. Alors l'eau contenue dans le vase AB, sortira par les ouvertures K, L, tant que l'air pourra passer par l'ouverture I, pour prendre la place de l'eau qui tombé dans la boîte GH, en sortant du vase AB. Mais quand cette eau lera montée dans la boite GH. au-deffus de l'ouverture I (ce qui arrivera infailliblement, parce qu'il fort plus d'eau par les ouvertures K, L, que par les ouvertures M, N, qui Cont supposées plus petites) l'air ne pouvant plus paller par l'ouverture I, l'eau du vale AB cessera de couler par les ouvertures K, L; cependant l'eau de la boite GH continuera de couler par les ouvertures M, N; ce qui fera bailser peu à peu certe eau, jusqu'à ce que l'ouverture I se trouvant débouchée, l'air y puisse passer & prendre la place de l'eau, qui commencera à s'écouler de nouveau par les ouvertures K, L. Ainsi l'ouverture 1 se trouvera bouchée une seconde fois par l'eau qui tombe dans la boîte G, H, & qui empêchera, comme auparavant, l'eau du vase AB de s'écouler par les ouvertures K, L. Vous voyez que de cette façon l'eau du vase AB s'écoulera & s'atrêreta par intervalles & à plusieurs reprises, jusqu'à ce qu'il ne reste plus d'eau dans le vase AB.

Pl. 49 5 Gg.153.

REMARQUES.

Ī.

Mandement, parce qu'elle va quand on lui commande. On fait ce commandement quand on connoît que l'eau est prête à couler de nouveau pat les ouvertures K, L. Cela se connoît aisément; cat quand l'eau de la boîte GH en se baissant commence à déboucher l'ouverture I, l'air qui commence à entrer par cettte ouverture, fait un petit bruit, qui marque que la fontaine va bien-tôt jouet-

II.

On peut, comme on a déja temarqué, donner telle autre figure que l'on voudra à la boîte AB, qui est ordinairement de fer blanc, aussi bien que

le fond de la boîte GH.

On perce cette boîte de 5 ou 6 trous, ausquels on foude autant de petits tuyaux, dont les ouverzures sont diminuées en K & L. On n'atrache point de tuvau DE au fond de boite, ou plat GH. Il suffit d'y attacher 1 ou 3 supports, qui Ioutiennent à quelque hauteut un anneau. Cet auneau reçoit le tuyau CD, auquel on a eu soin de Souder un perit coller ou perite boffe, qui le retient de telle forte, qu'il ne touche point le fond de la boîte, & qu'il y ait un espace entre le fond de la boîte & l'ouverture D du tuyau CD. Cette diftance produit le même effet que l'ouverture I des deux tuyaux ajustés l'un dans l'autre. On comprend qu'il faut laisser sous le tuyau un trou ass plat GH, qui laisse couler moins d'eau qu'il n'en tombe du vaisseau AB, & qu'au dessous de ce trou

PROBLEMES DE MECANIQUE. 428 en doit mettre un pot, ou quelqu'autre vaisseau pour recevoir l'eau qui s'écoule.

PROBLEME XL

Construire une fontaine par attraction.

IL faut ajuster dans l'orifice B de la fiole, ou Pl. 50; matras de verre AB, deux tuyaux CD, CE, fig. 1552 inclinés l'un à l'autre en forme de siphon & sou-dés ensemble vers leurs extrémités C, qui cependant doivent être ouvertes, aussi bien que les deux autres extremités D, E; il faut boucher le reste de l'orifice B, en sorte que l'air n'y puisse entrer en aucune maniere.

Pour faire jouer cette machine, on la renverfera pour la remplir d'eau entierement, si l'on veut, ou seulement en partie par l'un des deux tuyaux CD, CE, dont le premier CD doit être plus mince & plus court que le second CE.

Après cela on rend à la fiole AB sa premiere situation, comme vous voyez dans la figure: on la met à plomb sur une table qui ait un trou, par léquel on puisse faire passer le plus grand tuyau CE. Ensuite l'on place au-dessous de l'autre tuyau plus petit CD, un vase plein d'eau, comme DF, en sorte que le tuyau CD touche son sond. Alors l'eau de la fiole AB s'écoulera par le plus grand tuvau CE, & quand elle sera écoulée jusqu'à l'ouverture C, l'eau du vase DE montera par le plus petit tuyau CD, d'où elle sortira par l'ouverture C avec impétuosité, & sera un jet trèsagréable au-dedans de la fiole. Ce jet durera d'autant plus de tems, qu'il y aura plus d'eau dans le vase DF, parce que cette eau retombera & s'écoulera continuellement par le plus grand tuyau CE.

Ddiij

423 RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

PROBLEME XLI.

Construire une fontaine par compression.

Ī.

Ette fontaine est composée de deux vases égaux AB, CD, joints ensemble. Ils ont chacun un fond: celui d'en bas doit être plat pour servir de base à la machine: celui d'en haut doit être un peu concave, pour recevoir l'eau qu'on y verse, quand on veut remplit d'eau le vase CD, & faire jouer la fontaine: il doit de plus avoir au milieu de sa concavité une ouverture avec un petit tuyau EF, qui aura son extrêmité O proche du fond du vase AB, & quelque peu élevé au-

ce vase AB, en puisse sortir avec facilité.

dessus de ce fond, afin que l'eau contenue dans

On ajoute deux tuyaux GH, IK, renfermés dans la machine: le premier GH est soudé au tond du vase AB, vers H, où il y a une ouverture par où entre l'eau qu'on verse dans la concavité du fond AB, pour remplir le vase inférieur CD; certe eau sort par l'autre extrêmiré G du même tuyau GH, laquelle à cause de cela ne doit pas toucher an fond de ce vale. Le second tuyau IK est soudé à la parrie supérieure du vase CD vers I, où il y a pareillement une ouverture, aussi-bien qu'à son autre extrêmité K, qui ne doit pas toucher le fond du vale AB, afin que quand on tiendra la machine renversée, l'eau du vase CD entre par le tuyau IK, & remplifie le vase AB, dont la capacité est supposée égale à celle du vale CD.

Après cela on remet la machine dans sa pre-

PROBLEMES DE MECANIQUE. miere fituation, comme vous voyez dans la figure. Alors en mettant une seconde fois de l'eau dans la concavité du fond AB, cette eau entrera par l'ouverture H dans le tuyau GH, & ensuite dans le vale CD, dont elle pressera fortement l'air, & par conféquent celui qui est dans le tuyau IK. Cet air comprimé pressera aussi l'eau qui est dans le vase AB; ce qui l'obligera à sortir avec impétuolité par l'ouverture F, en faisant un jet fort agréable. Ce jet durera long-tems, parce que l'eau qui en sortira retombera dans la concavité du fond AB, d'où elle rentrera par l'ouverture H dans le vase CD, & tiendra toujours l'air comprimé, jusqu'à ce que toute l'eau du vase AB soit fortie, & que l'air puisse entrer par l'ouverture F du petit ruyau EF.

Il est aisé de voir que les deux vases égaux AB, CD, ne doivent avoit entr'eux aucune autre communication que celle qu'ils ont par les deux tuyaux GH, IK, comme vous voyez par cette figure, & que ces deux tuyaux GH, IK, doivent être tellement soudés en H & en I, que l'air ne puisse ni

y entrer, ni en fortir.

IJ.

On voit dans cette figure une autre construetion de fontaine, par le moyen du robinet L, fig. 157. appliqué au tuyau EF, & par le moyen du robinet M, appliqué au tuyan GH. L'ouverture H du tuyan GH est soudée au fond inférieur du vase supérieur AB. En ouvrant le robinet L. & en termant le robinet M, on remplira le vose AB d'eau, qu'on versera par l'ouverture F. En ouvrant ensuite le robinet M. l'eau du vase AB entrera par l'ouverture H dans le tuyau GH, & remplita D'd iv

RECREAT. MATHEM. BT PHYS.

Pl. 50, le vafe CD. Enfin fermant le robinet M, & out #g-157. yeant le robinet L, on remplira d'eau le vafe AB, comme auparavant. Après quoi si l'on ouvre le robinet M, l'eau du vase AB pressera celle du vase CD, qui poutsera avec violence par l'ouverture I l'eau du vase AB, en luifaisant faire un

jet femblable au précédent.

Pour faire que ce jet soit deux fois plus haut, Pig. 159. on divisera le vase AB en trois cellules, & le vale CD en deux, & l'on doublera les tuyaux GH, lK, comme vous voyez dans la figure. L'air se trouvant pressé doublement, l'esset de cette pression fera audi double, c'est-à-dire, que l'eau qui sor-. tira par l'ouverture F, montera deux fois plus haut qu'auparavant.

IIL

On peut faire une autre fontaine par compres-48-254 fion avec un seul vase AB, & un seul ruyau au milieu CD. Ce tuyau doit être ouvert par fea. deux extrêmités C, D, dont celle d'en bas D. iera quelque peu éloignée du fond du vale AB; il doit encore être soudé vers l'orifice A, qu'il faux · tellement boucher, que l'air n'y puisse passer. Audessus de cet orifice A, le tuyau CD doit avoir un sobiner comme E, pour pouvoir ouvrir & termer le tuyau CD, felon le befoin, comme vous alles VOIT.

> Faites entrer dans le vafe AB, avec une seringue par l'ouverture C, autant d'air & d'eau qu'il lera possible, en fermant promptement le robinet E à mesure que vous seringuerez, pour empêcher que l'air, qui est extrêmement pressé dans le vase AB, ne sorte. L'eau, étant plus pesante que l'air, se rieudra au fand du vase, & sera

Fortement pressée par l'air, qui est aussi beaucoup comprimé dans ce vase. C'est pourquoi si l'on ouvre le tuyan CD, en lâchant le robinet E, l'air fera sortir avec violence l'eau par l'ouverture C, & lui fera un jet assez haut. Ce jet durera d'autant plus que l'ouverture C sera plus petite, & que l'air dans le vase AB sera plus comprimé; il réussira encore mieux, si l'on fait tant soit peu chausser ce vase.

IV.

On peut encore se servir d'un seul vase ABCD, Pl. 50, qui doit être sermé de toutes parts: EF, GH, signiffont deux tuyaux qui ont communication ensemble en H, où ils sont soudés; ils sont ouverts en leurs extrêmités, E, F, G, mais il ne saut pas que l'ouverture F touche au sond du vase ABCD. Chacun de ces deux tuyaux doit avoir un robiner en dehors, comme L, M, & doit être tellement soudé en l & en K, que l'air n'y puisse passer.

Pour faire jouer cette fontaine, il faut fermet le robinet L, ouvrir le robinet M, & faire entrer par force avec une seringue autant d'eau qu'il sera possible dans le vase ABCD. Après quoi on fermera le robinet M, pour empêcher que l'aix qui seta extrêmement pressé dans le vase ABCD, n'en sorte. Mais si s'on ouvre l'autre robinet L, l'eau rejaillira par l'ouverture E, qui ne doit pas être bien grande, asin que le jet d'eau dure plus

long-tems.

REMARQUE.

Il est bon de mettre des robinets au bas de chacun des vaisseaux dont on a parlé dans co problème, afin de les vuider entietement d'east; quand on le juge à propos.

PROBLEME XLIL

Construire une sontaine par rarefaction.

Oignez ensemble les deux vases inégaux AB, fig. 160. J CD, qui doivent être fermés de tous côtés. comme ceux du problème précédent, par les deux tuyaux égaux EF, GH. Ces tuyaux fetont, comme les précédens, soudés au fond d'en bas en F & H du vale supérieur AB, & au fond d'en haut en E & G, du vase inférieur CD, en sorte que l'air ne trouve aucun passage que par leurs extrêmités E, F, G, H, qu'on laissera ouvertes pour donner une communication entre les vales AB, CD. Ajoutez au milieu du vase supérieur AB un troifieme tuyau IK, plus petit, dont l'ouverture inférieure I ne touche pas tout-à-fait au fond d'en bas du vale AB, & l'ouverture supérieure K soit un peu élevée au-dessus du fond d'en haut du même vale AB. Cette ouverture K doit être retrécio, & chacun des trois tuyaux EF, GA, IK, doit avoir un robinet, comme L, M, N, pour servir en cette sorte.

Ayant fermé les deux robinets L, M, ouvrez le robinet N, & versez par l'ouverture K de l'eau dans le vase AB jusqu'à se qu'il soit plein. Après cela lâchez les deux robinets, L, M, asin que l'eau du vase AB descende par les ouvertures F, H, dans le vase CD, & le remplisse seulement en partie, ce qui arrivera ainsi, parce que je suppose que la capacité du vase CD est plus grande que celle du vase AB. Fermez ensin les deux robinets L,

Paonients de Mecantove. 417
M, & remplissez de nouveau le vase AB d'eau. Après avoir sermé le tobinet N, mettes des charbons ardens au-dessous du vase CD. Alors la chaleur de ces charbons sera raresser l'air & l'eau du vase CD. C'est pourquoi si l'ou ouvre le tobinet N, l'eau du vase AB sortira avec impétuosité par l'ouverture K, & sera un jet sort agréable.

Autrement.

Preparez un vase de cuivre, ou de quelqu'autre métal, comme AB, qui doit être séparé en deux parties; celles d'en haut CDE doit être ouverte, & celle d'en bas CH sermée de toutes parts, excepté en l, où il doit y avoir un parit tuyau en forme d'entonnoir lL, avec un robinet M, pour verser par cet entonnoir en ouvrant le robinet, autant d'eau qu'il en sera nécessaire pour remplie

en patrie la parrie GH du vase AB.

Il faut ajouter au milieu du vase AB un tuyau HO, dont l'ouverture H d'en bas ne doit pas tout-à-fait toucher au sond de ce vase, & l'autre ouverture O d'en haut, qu'il faut saire plus petite, doit sortir en dehors pour y insérer une sphere de verre KN. Par cette sphere, & par le sond d'en haut du vase AB, il doit passer un autre tuyau PQ, ouvert en ses deux extrêmités, asin que l'eau, qui montera du vase AB, dans la sphere KN, par le ruyau HO, retombe par le tuyau PQ dans le vase AB; ce qui sera un jet continuel.

Mais afin que l'eau du vase AB monte dans la sphere KN par le tuyau HO, il saudra, après avoir sermé le robinet M, faire chausser l'eau & l'air qui sont dans le vase AB, en mettant au-dessous sur le plan RS une grille couverte de char-

Pl. 51 , fig. 161. hons ardens, dont la chaleur rarefiant l'air, sera monter l'eau dans la sphere KN, &c.

REMARQUE.

PI. 51. Il n'y a pas liou de douter que ces deux sortes fig. 162. de sontaines ne réussissent, quand elles seront bien exécutées. Mais je n'ose assurer la même chose de cette troisseme sorte de sontaine que je vous donne dans la sig. 162. Il sussit de la regarder pout la comprendre. Il peut sort bien arriver que la chandelle O s'éteindra, lorsqu'on l'aura mise dans la sphere concave AB, par l'ouverture C. Cette chandelle sert à raresset par sa chaleur l'air qui elt contenu dans cette sphere. Cet air raressé en passant par le tuyau DE, qui communique de la sphere AB au vase DF, presse l'eau contenue dans ce vase DF, & l'oblige de sortir par l'ouverture d'en haut du tuyau G, qui doit être tetreci en H.

Pour faire réussir cette sorte de sontaine, il saudroit que la sphere AB sût percée dans sa partie supérieure pour donner passage à la sumée, qui étousseroit la lumiere, si elle restoit dans la sphere.

PROBLEME XLIII.

Construire une horloge avec de l'eau.

L'air, augmentent continuellement leurs vitesses, & parcourent en tems égaux des espaces inégaux, qui croissent selon la proportion des quartés 1, 4, 9, 16, &c. des nombres naturels 1, 2, 3, 41 &c. en commençant depuis le point de repos. Au contraire les corps liquides, en coulant dans quelPROBLEMES DE MECANIQUE. 429
que vase par une même ouverture, diminuent
continuellement leurs vitesses; & la surface supérieure de la liqueur, comme feroit de l'eau contenue dans le cylindre AB, que je suppose de verre, ps. 10;
s'abaisse en coulant continuellement par l'ouversigniste
ture B, selon la proportion des mêmes nombres
quarrés 1, 4, 9, 16, &c. en des tems égaux.

C'est pourquoi si le tuyau AB plein d'eau se vuide par l'ouverture B, par exemple, en 12 heures de tems; pour sçavoir de combien l'eau se doit abbaisser à chaque heure, c'est-à dire, pour marquer les heures sur ce tuyau AB, on considerera que le quarré de 12 étant 144, on doit diviser la longueur AB en 144 parties égales, & en prendre 121, quarré de 11, de B en C, pour le point de 1 heure; 100, quarré de 10, de B en D, pour le point de 2 heures, en supposant que A soit le point de midi. On prendra pareillement, \$1 quarré de 9, de B en E, pour le point de 3 heures; 64, quarré de 8, de B en F, pour le point de 4 heures, & ainsi des autres.

REMARQUE.

Si le tuyau AB ne se vuide pas exactement ex 12 heures de tems par l'ouverture B, & que l'on veuille que cela arrive, il faudra diminuer, ou bien augmenter cette ouverture B, selon que l'eau s'écoulera plus ou moins vîte.

Pour trouver cette diminution, ou cette augmentation, c'est-à-dire, pour trouver l'ouvetture B, ou le diamétre du trou par lequel toute l'eau du cylindre AB s'écoule précisément en 12 heures de tems, supposons que le diametre de l'ouverture B soit de 2 lignes. & que toute l'eau du cylindre AB se soit écoulée en 9 heures de tems par cette

4:2 RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

11. 52, le quotient donneta 69 lignes pour la hauteut GK fig. 63. de la premiere heure dans le prisme GHI.

De même parce que la quantité de l'eau qui répond à la seconde heure, c'est à dire, au cylindre CD, est de 14238 lignes cubiques, en divisant cette solidité 14238 par la même base 226, ou aura 63 lignes pour la hauteur KL de la seconde heure dans le même prisme GHI. Ainsi des autres.

Il est évident que quand la base du prisme GHI sera égale à celle du cylindre AB, les divisions des heures dans le prisme GHI seront égales à celles du cylindre AB, mais dans un ordre renversé; la hauteur GK sera égale à la hauteur AC, la hauteur KL à la hauteur CD, & ainsi des autres.

PROBLEME XLIV.

Construire une pendule d'eau.

N appelle pendule d'eau, une montre ou horloge d'eau, qui a la figure d'un tambour, ou boite ronde, d'un métal bien foudé, comme ABCD, dans lequel ily a une certaint quantité d'eau préparée. Cette boîte est divisée en plusieurs petites cellules, qui ont communication les unes avec les autres proche du centre, & qui ne laillent écouler l'eau, qu'autant qu'il est nécessaire pour faire descendre doucement & peu à peu certe montre par son propre poids. On la suspend par deux filets ou cordes fines & égales EF, GH, entorrillées autour de l'aissieu de fer IK, qui est pas tout également épais, & traverse la boîte à angles drotts de part & d'autre par le milieu. Cet aissieu en descendant montre les heures, sans faire aucun bruit, par l'une de ses deux extrêmités I, K, ou PROBLEMES DE MECANIQUE. 433
par les deux ensemble. Ces heures sont marquées Pl. 527
à coté sur un plan vertical, où les divisions ont fig. 1640
été marquées par le moyen d'une horloge à roues bien juste.

Si je connoissois l'inventeur d'une montre si simple & si extraordinaire, je lui rendrois ici la justice qui lui est due. Je sçais seulement que les premieres qu'on vit à Paris en l'année 1693 surent apportées de Bourgogne: j'en ai vu une d'étain, qui avoit été faite à Sens. J'en donnerai ici les me-sures & les proportions, qui pourront servir à en construire autant d'autres qu'on voudra, plus gran-

des, ou plus petites.

Le diametre AB, ou CD, des deux fonds du tambour ou barillet ABCD étoit d'environ cinq pouces, & la largeur AD, ou BC, ou la distance de ces deux fonds, qui étoient égaux & paralleles entre eux, de deux pouces Le dedans de cette boîte étoit divisé en sept cases ou cellules par autant de petits plans inclinés, ou languettes d'étain soudées à chaque fond & à la circonférence ou surface concave du tambour, & longues chacune de deux pouces, comme A, B, C, D, E, F, G. Fig. 165 Ces languettes, comme vous voyez dans la figure, sont inclinées de maniere qu'elles rasent & touchent la circonférence d'un cercle qui seroit décrit du centre H, à l'intervalle d'un pouce & demi. Cette pente facilite le passage de l'eau d'une cellule à l'autre, à mesure que la machine roule en descendant, & marque les heures par l'extrêmité de son aissieu, qui, comme nous avons déja dit, la traverse de part en part à angles droits, en entrant en son milieu par un trou H, qui a été fait quarré, afin que la montre tienne plus fermement à cet aissieu.

Tome 11.

434 RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

Enfin il y avoit dans cette petite machine sept onces d'eau purifiée, c'est-à-dire, distillée & préparée : elle y avoit été mise par deux trous posés sur un même diametre, & également éloignés du centre H, qu'on avoit ensuite bouchés, pour empêcher l'eau de sortir, quand la montre tourne avec son aissieu, & change continuellement de tituation, en descendant insensiblement par le developpement de deux cordes qui la tiennent toujouts à plomb, & qui sont entortillées autour de son aissieu, qui demeure toujours parallele à l'horison.

REMARQUE.

Il est évident que si cette montre étoit suspendue par son centre de gravité, comme il arriveroit si la furface inférieure de l'aissieu passon exactement par le centre de chaque fond, elle demeureroit immobile, & que ce qui la fait mouvoir, est qu'elle est suspendue hors de son centre de pe-Santeur par les deux cordes qui sont roulées autout de son aissieu, dont l'épaisseur ne doit pas être bien considérable par rapport à la grandeur de la montre, & à la quantité de l'eau qu'elle contient, ann que cette montre puisse rouler avec modération par le passage de l'eau d'une cellule à l'autre. Il est encore évident que la machine ne doit pas descendre tout d'un coup, parce que la force de son mouvement se trouve contre balancée, ou diminuée par la pelanteur de l'eau qu'elle contient.

Pour monter cette horloge, quand elle est descendue environ jusqu'au bas de ces deux cordes, il n'y a qu'à la hausser avec la main, en la faisant rouler d'un sens contraire dans ces deux cordes, qui PROBLEMES DE MECANIQUE. 433
peuvent être si longues que l'on voudra, pourvu
qu'elles soient égales & attachées en deux points
également élevés au-dessus du plan de l'horison,
afin que l'aissieu demeure toujours horisontal.

Celles que l'on fait présentement à Paris, sont de cuivre, & demeurent ordinairement 24 heures à descendre la longueur de deux pieds. La division des heures se fait, comme nous avons déja dit, par le moyen d'une montre ordinaire bien réglée, en marquant à chaque heure un point à l'endroit où l'aissieu de la boîte touche par ses deux extrêmités le plan vertical, où l'on s'est proposé de marquer les heures; ce qu'il sussit d'avoir observé une sois pour toutes.

Quoique cette montre soit sujette au changement de l'air, c'est-à-dire, à l'humidité ou à la sécheresse de l'air, elle a pourtant une commodiré, c'est qu'elle ne fait point de bruit, comme les autres montres, & qu'ainsi on n'en est point incommodé la nuit; pendant laquelle on peut, en se réveillant, connoître aisément l'heure qu'il est, par le moyen de certaines petites chevilles, ou boutons,

que l'on met à l'endroit des heures.

De plus, il n'y a pas souvent des réparations à saire dans cette montre. Il sussit d'en changer l'eau une sois seulement en deux ou trois ans, parce qu'elle se salit & s'épaissit avec le temps; ce qui l'empêche d'être si coulante, & sait que l'horloge retarde. Cette eau, qui doit être de sontaine distillée, se met par un trou sait à l'un des deux sonds, que l'on bouche ensuire avec de la cire, après avoir auparavant vuidé la boîte de son eau impure par le même trou, & lavé cinq ou six sois le dedans avec de l'eau claire un peu chaude.

Le R. P. Timotée, Barnabite, qui excelle dans

RECREAT. MATHEM. ET PRYS. les méchaniques, & principalement dans les machines hydrauliques, a donné toute la perfection imaginable à cette horloge d'eau. Il un fait une haute d'environ ; pieds, qui ne se monte qu'une fois en un mois. On y connoît, outre les heu es qui sont marquées sur le haur de la boîte dans un cadran régulier, le quantieme du mois, les fêtes de l'année, le lieu du soleil dans le zodiaque, son lever & son coucher, & la longueur du jour & de le nuit. Cela s'exécute par le moyen d'un petit foleil qui se meut & descend imperceptiblement, & qu'on éleve au bout du mois au haut de la boite, lorsqu'il est descendu pendant le cours de ce même mois. Voyez le traité des horloges élémentaires, qui est à la fin du troisieme tome.

AUTRE REMARQUE.

On poutroit donner aux bandes & languettes A,
B, C, &c qui font droites, la courbure de la développante d'un cercle, que l'on supposeroit être
l'orbre ou l'assieu de la clepsidre. M. de la Faye
prétend que cette sigure serviroit à rendre les clepsidres plus justes que celles qu'on a, & qui manquent routes d'uniformité. Voici de quelle manière on décriroit cette développante.

Supposé qu'on veuille donner au rayon du tambour 4 pouces & demi, ou 54 lignes, la circonférence de l'arbre aura aussi 54 lignes, & son diametre environ 17 lignes, suivant la proportion de la circonférence au diametre, qui est de 22 à 7. Après avoir entouré cet arbre d'un ressort de montre doux & slexible, attachez un bout de ce ressort à l'arbre, & développez l'autre armè d'une pointe; cette pointe formera une courbe mécanique, qui a PROBLEMES DE MECANIQUE. 437
pour développée le cercle de l'arbre de la cleptidre; il faut donner aux languettes la courbure que
l'on vient de décrire, & que vous voyez dans la
figure.

Cette idée est prise sur la figure que M. de la Faye donne aux canaux d'une machine toute semblable au tympan, dont la description est dans les mémoires de l'académie royale de 1717. Cette machine est d'une grande commodité pour élever des eaux. Consultez les mémoires cités.

PROBLEME XLV.

Faire monter une liqueur par le moyen d'une autreliqueur plus pesante.

N propose de faire monter du vin, par exemple, par le moyen de l'eau, du vase AB dans fig. 166. la sphere CD. Ce vase AB doit être sermé de tous côtés, & CD est une sphere creuse divisée en deux parties, C, D, qui n'ont point de communication. Au sommet O de cette sphere est ajusté un entonnoir avec un robinet, qui communique avec la seule partie CE.

Cette sphere conçave CD sera soutenue par les deux tuyaux EF, GH, ouverts en chacune de leurs: extrêmités. Le plus grand EF sera soudé en E & en I: il aura son ouvertute insérieurs F proche du fond d'en bas du vase AB, & son autre ouvertute E proche du fond insérieur de la partie CE de la sphere CD. Le plus petit tuyau GH doit être soudé en G & en K, & avoir son ouverture H d'en bas proche du fond supérieur du vase AB, & son autre ouverture G au fond insérieur de la partie DG, de la sphere CD. De plus, chacun de ces

Ee iij

Pl. 14, deux tuyaux EF, GH, doit avoir un robinet; fig. 166, comme L, M; la pattie DG doit avoir aussi en

bas un robinet N.

Ayant ouvert le robinet O, & fermé les autres L, M, N, versez de l'eau par l'ouverture O, jusqu'à ce que la partie CE soit pleine : puis ayant ouvert les deux robinets L, M, l'eau contenue dans la partie CE, descendra par le tuyau EF, & en pressant le vin contenu dans le vase AB, le sera monter par le tuyau GH dans la partie DG, parce que le tuyau CF étant plus grand que le tuyau GH, a plus de pesanteur. C'est pourquoi en sermant le robinet M, & ouvrant le robinet N, en pourta tirer du vin par ce robinet N, quand ou youdra boire.

REMARQUE.

On doit avoir conservé au fond supérieur IK du vase AB une ouverture pour faire entrer le vin du vase AB, & en faire sortir l'eau. Quand on voudra faire l'expérience, on sermera cette ouverture avec un bouchon, pour empêcher le vin de sortir du vase.

PROBLEME XLVI.

De deux vases semblables, également pesans, & pleins de métaux différens, discerner l'un d'avec l'autre.

E problème est aisé à résoudre à celui qui sçait que deux pieces de métaux dissérens, qui pesent également dans l'air, ne pesent pas également dans l'eau; car celle dont la pesanteur spé-

PROBLEMES DE MECANIQUE.

cisque est plus grande, occupe dans l'eau un moindre volume, puisqu'il est certain que tout métal pese moins dans l'eau que dans l'air, à raison de l'eau dont il occupe la place: comme si cette eau pese une livre, il pesera dans la même eau une livre moins que dans l'air. Cette pesanteur diminue plus ou moins, selon que la pesanteur spécifique du métal est grande par rapport à celle de l'eau.

Si on propose deux costres tout-à-sait semblables, & également pesans dans l'air, dont l'un soit par exemple plein d'or, & l'autre plein d'argent, on les pefera dans l'eau. Celui qui dans cette: eau se trouvera le plus pesant, sera celui qui consient l'or; car la pesanteur spécifique de l'or est plus grande que celle de l'argent; ce qui fait que l'or perd moins de sa pesanteur dans l'eau que l'argent. On sait par expérience que l'or perd environ la dix-huitieme partie de sa pesanteur, au. lieu que l'argent en perd à peu près la dixieme partie. De sorte que si chacun de ces deux coffres: pese dans l'air, par exemple, 180 livres, le coffre: plein d'or perdra dans l'eau dix livres de sa pesanteur, & le coffre p'ein d'argent en perdra dixhuit, c'est-à-dire que le coffre plein d'or pesera dans l'eau 170 livres, & que le coffre plein d'argent en pesera seulement 162.

Autrement.

Parce que l'orest d'une pesanteur spécifique plus grande que celle de l'argent, il saut que le cossimplein d'or, quoique semblable & aussi pesant que le cossite plein d'argent, soit d'un volume plus petit que le cossire plein d'argent. Ainsi pour distinquer ces deux cossires l'un d'avec l'autre, on les plongera tous deux séparément dans un vase plein

d'eau, & celui qui chassera moins d'eau que l'autre, sera d'un volume plus petir, & sera par conséquent celui qui contient l'or.

PROBLEME XLVII.

Mesurer la profondeur de la mer.

L faut avoir un gros poids attaché à une cotde bien longue, & faire descendre ce poids dans la mer, en fachant continuellement la corde jusqu'à ce que le poids ne descende plus; ce qui attivera lorsque le poids touchera le fond de la mer. Mais l'eau du fond de la mer peut être si pesante, qu'un volume de cette eau peseta autant, & même plus que le poids avec sa corde. Alors ce poids cesseroit de descendre, quoiqu'il ne touchat pas le fond de la mer.

Ainsi l'on peut se tromper en mesurant la longueur de la corde qui sera descendue dans l'eau,
pour en conclure la profondeur de la mer. C'est
pourquoi pour ne se pas tromper, il faut attacher
au bout de la même corde un autre poids plus pefant que le précédent, & si ce poids ne fait pas
enfoncer plus de corde dans l'eau que le premier,
ce sera une marque assurée que la longueur de la
corde qui sera descendue dans l'eau, est la véritable profondeur de la mer : autrement il faudra se
sentinuer ainsi jusqu'à ce qu'on ait deux poids qui
fassent descendre dans l'eau une même longueur
de corde, pour conclure avec certitude par cette
longueur la profondeur qu'on cherche.

PROBLEME XLVIII.

Deux corps d'une pesanteur spécifique plus grande que celle de l'eau étant proposés, connoître celui dont la solidité est plus grande.

S I les deux corps proposés étoient d'une même matiere homogene, il seroit facile de connoître celui dont la solidité seroit plus grande, en les pesant tous deux en l'air dans une juste basance; celui dont la pesanteur se trouvera plus grande, sera d'un plus grand volume, c'est-à-dire, que sa solidité sera plus grande.

Mais si les deux corps proposés sont de diverses matieres homogenes, & d'une pesanteur spécisique dissérente, & plus grande que celle de l'eau, on les plongera tous deux séparément dans un vase plein d'eau. Celui qui chassera plus d'eau, sera d'un volume plus grand, parce qu'il occupe dans

l'eau une plus grande place.

Ou bien on les pesera tous deux dans l'air & dans l'eau, & l'on remarquera de combien leur pesanteur, qui aura été trouvée dans l'air, diminuera dans l'eau: car celui-là sera d'un plus grand volume, donc la pesanteur diminuera davantage; parce qu'il doit occuper la place d'un plus grand volume d'eau.

D'où l'on conclura que si deux corps de diverse matiere sont d'un même poids, celui qui aura un plus petit volume, aura plus de solidité, c'est-àdire, qu'il contiendroit autant de matiere que l'autre, sous un plus petit volume.

C'est par le moyen de ce problème que l'on peut connoître si une piece douteuse d'or ou d'argent RECREAT. MATHEM. ET PH VS.

est bonne ou fausse, en la comparant à une autre
piece de pur or, ou de bon argent, comme nous
avons déja dit au problème XXXV.

PROBLEME XLIX.

Trouver le centre de pesanteur commun à plusieurs poids suspendus à des points différens d'une balance.

Ple, des trois poids A, B, C, suspendus del trois points D, E, F, de la balance DF, à laquelle nous n'attribuerons aucune pesanteur, ni aux cordes DA, EB, FC, qui soutiennent les poids: nous supposerons le poids A de 108 livres, le poids B de 144 livres, & le poids C de 180 livres; la distance DE de 11 pouces, & la distance EF de 9 pouces; ensorte que toute la longueur de la balance DF soit de 20 pouces.

Cela étant supposé, nous trouverons premietes ment le centre de pesanteur G commun aux deux poids B, C, en cherchant à leut somme, au poids C, & à la distance EF, c'est-à-dire, à ces trou nombres 124, 180, 9, un quatrieme proportionnel, qui donnera 5 pouces pour la distance EG. Par conséquent on aura 16 pouces pour la distance EG. Par conséquent on aura 16 pouces pour la distance DG, en ajoutant à la distance trouvée EG (5) la longueur DE (11 pouces). Le point G sera celui autour duquel les deux poids B, C, demeureront en équilibre.

Après cela on cherchera à la somme des trois poids A, B, C, à la somme des deux précédens B, C, & à la distance DG, c'est-à dire, aux trois nombres 432, 324, 16, un quatrieme propose

PROBLEMES DE MECANIQUE. 443 tionnel, qui donnera 12 pouces pour la distance DH, & par conséquent 1 pouce pour la distance EH. Et le point H sera le centre de pesanteur qu'on cherche, c'est-à-dire, qu'on aura trouvé le point H, autour duquel les trois poids donnés A, B, C, demeureront en équilibre sur la balance donnée DF.

REMARQUE.

La regle générale est de chercher à deux des poids donnés le centre de pesanteur sur la distance qui est entre les points où pendent ces deux poids. Quand on a trouvé ce centre de pesanteux on en cherche un autre, entre un troisieme poids & la somme des deux poids dont on a trouvé le centre de pesanteur, sur la distance qui est entre le point où pend ce nouveau poids, & le centre déja trouvé. Le second centre connu, on en cherche un troisieme entre un quatrieme poids & la somme des trois poids employés, sur la distance qui est entre ce quatrieme poids & le second centre trouvé. Ainsi des autres.

Pour sçavoir d'où l'on doit prendre cette distance qu'on cherche, il faut faire attention au poids que l'on met à la seconde place dans la regle de trois; & la distance qu'on trouve pour quatrieme terme, se prend toujours sur la longueur employée pour troisseme terme, du point où pend le poids qui se trouve joint avec l'autre dans le premier terme de la regle de trois.

Ainsi parce que dans le premier exemple précédent, on a mis pour second terme 180, qui est le poids C, on a pris sur EF la distance hG, du point E, où pend l'autre poids B, qui avec le poids C fait la fomme posée au premier terme. Si l'on avoit mis 144, pesanteur du poids B au se-cond terme, on auroit trouvé 4 pour la distance f G, qu'il auroit fallu prendre sur EF, du point f où pend l'autre poids C, qui, joint avec B, se seroit trouvé dans le premier terme de la regle de trois.

De même, dans le second exemple, on a mis pour second terme de la regle de trois 324, somme des poids B, C; & l'on a pris sur DG la distance DH, du point où pend l'autre poids A, qui se trouve dans le premier terme de la regle de trois, avec les deux autres poids employés B, C. Si l'on avoit mis au second terme 108, poids de A, on autoit trouvé 4 pour la distance GH qu'il autoit fallu prendre sur DG, du point G, où s'on suppose que pendent les poids B, C, réunis ensemble, & qui se trouvent joints avec A dans le

premier terme de la regle de trois.

On peut appliquer cette regle aux corps composés de dissérentes matieres. Si l'on proposoit de trouver le centre de pesanteur d'un corps dont une partie seroit d'or, une autre d'argent, & la troisseme de bois, il saudroit premierement trouver le centre de pesanteur de la partie qui seroit d'or, ensuite celui de la partie qui seroit d'argent, pois trouver le centre de pesanteur qui seroit commun à ces deux centres Ensin ayant trouvé le centre de pesanteur de la partie qui seroit de bois, on trouveroit un autre centre commun au centre de la partie de bois, & au centre commun des deux patties d'or & d'argent. Ce dernier centre seroit le centre de tout le corps composé d'or, d'argent & de bois.

PROBLEME L.

Construire une machine pour nager.

L faut faire deux coffres plats & demi-circulaires; il n'importe pas de quelle matiere, pourvu
qu'ils ne reçoivent point d'eau, qu'ils foient légers,
& assez solides pour résister aux stots. Ces deux
pieces se joignent ensemble par des ferremens
autour du corps d'un homme qui se les attache à
la ceinture, & qui a toujours par ce moyen la moitié du corps au-dessus de l'eau; le coffre lui faisant
pour le soutenir, un ventre comme celui des
cygnes. On peut y faire aussi, si l'on veut, des ouvertures avec des pottes, pour y rensermer de
l'or, de l'argent, des papiers, des choses précieuses, en un mot tout ce qu'on voudroit sauver dans
un naustrage.

Quoique cette machine sustise seule pour nager, parce que par le seul mouvement du corps & des pieds on pourroit se porter où l'on voudroit, ce-pendant pour faciliter encore ce mouvement, on peur attacher aux pieds des nageurs des especes de nageoires. C'est un gros cuir double ou triple & pliant, qui peut s'etendre ou se resserrer comme la patte d'un cygne Ces nageoires sont attachées à une semelle de bois, & la semelle au pied.

REMARQUE.

Cette machine peut être d'un grand secours;
3°. dans un nausrage; car on peut avec cette machine se sauver au travers des slots, sans avoir plus
à craindre la mort qu'un oiseau aquatique. On n'est

pas d'ailleurs obligé de quitter ses habits, & s'on n'a pas même la faim a craindre, puisqu'on peut renfermer dans la machine des vivres pour quatorze ou quinze jours au moins. 2°. Dans ces sabites inondations, qui noyent en un instant des vallées & des pays entiers; car dans un pareil accident un homme qui seroit muni de certe machine se sauveroit, & pourroit encore sauver avec lui un ou deux petits enfans. 3°. A l'armée, pour saite traverser un seuve à un espion. 4°. Ensin pour saite sur l'eau des jeux & des divertissemens agréables sons des sigures de syrenes, de tritons, & d'oifeaux même.

PROBLEME LI.

Construire une lanterne qui conserve la lumiere at fond de l'eau.

L faut que la lanterne soit de cuir, qui résilte I mieux aux flots que toute autre matiere. Os ajoutera à cette lanterne deux tuyaux qui auront communication avec l'air supérieur, l'un pour tecevoir de nouvel air, afin d'entretenir la lumier. l'autre pour servir de cheminée & donner passage d la fumee, tous deux affez élevés au-deffus de l'eau, pour n'être pas couverts par les vagues dans les gros tems. On conçoit que le tuyau qui servita à donner de nouvel air, doit avoir communication par le bas de la lanterne, & celui qui fert de cheminée, en doit avoir par le haut. On fett dans le cuit tout autant de trous qu'on voudra pour y placer des verres qui repandront la lumiefo de tous côtes. Enfin on suspendra la lanterne avec du liege, afin qu'elle s'élève & s'abaitle avec les flots.

REMARQUE.

Cette lanterne peut servir à la pêche du poisson de la lumiere.

PROBLEME LII.

Construire une horloge à l'usage de la mer.

Celles dont on se sert ordinairement. A la place de l'une des phioles qui composent les horloges de sable, on applique un tuyau de verre de vingt pouces environ de hauteur, & d'une ligne & demie à peu près d'ouverture. Ce tuyau sert de seconde phiole; de sorte qu'à mesure que le sable tombe dans le tuyau, on le voit monter peu à peu & si distinctement, que l'on peut observer les minutes. Lorsque tout le sable est descendu dans le tuyau, on retourne la machine, & le sable en descendant du tuyau dans la phiole, marque de la même maniere les hauteurs qui conviennent pour les minutes & ses parties.

REMARQUES.

I.

Pour se servir commodément de cette machine; il sant l'appliquer sur une planche, & à l'un des côtés du tuyau on marque les divisions des minutes par la descente du sable, lorsqu'il se remplit, & on fait la même chose à l'autre côté du tuyau pour la descente du sable, lorsqu'il se vuide. Enfin pour marquer ces divisions, il faut se servir d'une

pendule, & à chaque minute marquer la hausen du fable.

1 I.

Cette machine, quoique simple & aisée à mettre en usage, a un désaut assez considérable; c'est que comme il faut la toutner souvent dans l'espace de plusieurs heures, il est impossible que dans cette action on ne perde la suite des minutes, & qu'on tasse un calcule exact.

PROBLEME LIII

Construire une pendule qui conservera sar met nne égalité de mouvement dans son ressort & sa suspension.

N se servira d'une pendule ordinaites mais au lieu d'un feul grand reffort, qui ne doit être remonté qu'une seule fois tous les huit jours, on se servira de huit ressorts inférieurs en force, lesquels agissant tous ensemble fur une horloge à huit jours, lui donneront autant de force que le seul grand ressort. Mais on dost obferver de ne pas remonter ces huit resforts en même tems; il faut mettre une distance égale entre le tems qu'on remonte chaque ressort; de sorte qu'on en remonte un chaque jour. Le premier ressort ayant été remonté à une certaine heure, il faut attendre à remonter le second le jour suivant à pareille heure, & amfi de fuite jusqu'au huitieme jour que l'on temontera le huttieme reflort. Le neuvieme jour on remontera le premier ressort, & on continuera de cette maniere dans le même ordre qu'on vient de marquer. Chaque ressort aura PROBLEMES DE MECANIQUE. 449 fulée & la chaîne, qui agiront sur un même bjet. On peut ajouter un plus grand nombre de colorts & de susées, ou le diminuer, selon qu'on é jugera à propos. Au lieu de pendulon, il faut se terrir d'un balancier ayant un ressort à spiral, en onservant l'échappement à rocher, comme dans pendules ordinaires.

Lun genou, une grande boîte ou armoire. On atucheta au bas de cette boîte un puissant poids. Le genou cédant à toutes les agitations du vaisfeau, le poids retiendra la boîte dans une situation toujours perpendiculaire; en sorte que la boîte demeutera sixe de la même maniere que si elle étoit sur la terre attachée contre une mutaille.

Cette armoire doit être assez grande pour renirmer deux ou trois pendules, un thermomeire, une étuve, & deux ou trois lampes de différentes grandeurs. Le genou, qui tiendra cette armoire suspendue, sera attaché à un ressort capable de soutenir tout le poids de l'armoire. Il saudra placer cette armoire dans le milieu au sond
du vaisseau. On sera une autre armoire plus petite,
pai l'on rensermera les pendules avec le thermometre. On la placera dans la grande armoire en
haut: on aura soin de la fermer bien juste avec un
chassis où l'on ajustera un grand verre, asin qu'on
puisse voir les mouvemens des pendules & l'effet
du thermometre.

La grande armoire ne sera plus large que la moindre, que de ce qu'il faut pour que celle-ci corre juste dedans; mais elle doit être plus profonde de quolques pouces, afin de donner passage à la fumée & à la chaleut qui se communiquera à la moindre armoite.

Tom. II.

450 RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

La grande armoire sera beaucoup plus longue: on placera au bas une étuve & quelques lampes; l'espace, qui sera entre le bas de la grande armoire & entre la petite, servita à faire monter & descendre les lampes, pour donner plus ou moins de chaleur à l'armoire qui renferme les pendules, selon qu'on le jugera à propos par l'inspection du thermometre. Le bas de la grande armoire sera fermé, mais on ajustera des verres à la porte, tant pour voir ce qui se passe au-dedans, que pout y conserver la chaleur, & empêcher que l'agiration de l'air n'éteigne les lampes. Ensin on sera au sond d'en bas de la grande armoire plusieurs trous pout donner passage à l'air, & l'on pratiquera au sond d'en haut une cheminée pour la sumée.

vie, ou de quelqu'autre matiere qui conserve longtems la chaleur. Il est bon que la petite soit de

enivre.

Par ce moyen, en observant le thermomette; on peut conserver une chaleur toujours égale dans les dissérentes saisons & dans les dissérentes climats. Ainsi dans une saison chaude, ou un climat chaud, on pourra ne mettre que peu de seu dans l'étuve; ou n'allumer qu'une petite lampe, & la tenir élois gnée de l'armoire où est la pendule. Sous la ligne on pourra ne point faire de seu, & ne point allumer de lampe. Dans les pays septentrionaux, il sera nécessaire de faire du seu, d'allumer les lampes, & de les arrêter plus ou moins près de l'armoire où sont renfermées les pendules, selon les degrés de chaleur. Mais ce sera le thermometre qui indiquera la quantité du seu & des lampes renues plus ou moins éloignées.

Il faut cependant observer que la chaleur ren-

PROBLEMES DE MECANIQUE. 45 t. fermée dans l'armoire, ne doit pas être si grande qu'elle pût altérer la trempe des pieces d'acier, ou cuire l'huile des lampes. Il ne faut pas non plus que cette chaleur soit beaucoup plus petite que celle qui est sous la ligne.

C'est pourquoi il sera à propos de connoître le plus grand degré de chaleur qui soit sous la ligne, par les observations qu'on y auroit saites avec le thermometre, & d'y ajuster le thermometre du vaisseau dans le lieu d'où l'on part.

PROBLEME LIV.

Percer une planche avec un bout de chandelle.

Hargez un fusil avec de la poudre, & au lieu de balle, mettez-y un bout de chandelle. Tirez contre quelque planche, & vous verres que le bout de chandelle percera la planche, de même qu'une balle de plomb.

REMARQUE.

Une balle de plomb tirée dans l'eau s'applatit.

PROBLEME LV.

Pefer un coup de poing, un coup de marteau, un coup de hache, &c. & en comparer la pefanteur evec le poing, le marteau, la hache, &c. lorfqu'il est en repos.

PRenez une balance, laissez poset le poing, le marteau, ou la hache sur un des bassins, ou sur l'un des bras de la balance; mettez dans l'autre bassin autant de poids qu'il en faut pout confir l'in fait pout confir l'il en faut pout l'il en faut pout l'il en faut l'il en faut

tre-pefer: puis surchargeant toujours le bassin, vous pourrez éprouver combien chaque coup seu monter le poids, & par conséquent combien il pele.

REMARQUES.

I.

La percussion produit des essets surprenant; car si l'on met un poids de mille sivres sur une aiguille qu'on veut enfoncer, il s'en faudra bien que ce poids fasse le même esset qu'un petit coup de marteau; il n'en sera même presque point, pourvu qu'on le pose bien doucement. Ne voiton pas qu'un couteau mis sans frapper sur du beurre ne s'entame point, non plus qu'une hache posée sort doucement sur une seuille de papier.

Deux forces égales, avec un mouvement égal, & d'une vîtesse égale, agissent dissétemment sur deux corps égaux, & semblables, par exemple, sur deux coins de ser semblables, pour fendre deux pieces d'un même bois & semblables, ou sur deux clous semblables que l'on veut ensoncer dans ces pieces de bois, dont l'une seroit suspendue en l'air, & l'autre seroit, ou scellée en terre, ou appuyée sur quelque chose de stable. Il est certain que l'esset du coup sera plus grand sur la piece suspendue, que sur celte qui sera scellée, ou appuyée sermement.

C'est ce qui fait que les ouvriers, pour emmancher un outil, le tiennent en l'air d'une main, & frappent de l'autre, ou bien, s'il est trop pesant, ils le couchent sur la terre, ou sur un établi, de sorte qu'il puisse reculer, lorsqu'on frappe sur le manche. Qui ne sçait point que c'est de cette

forre qu'on emmanche un balai?

II.

Si l'on met un poids de 25 livres dans un bassin des plus grosses balances, & que les plus robustes donnent un coup de poing sec de toute leur force, sans arrêter ni appesantir la main après le coup, à peine enlevent-ils les 25 livres. Que les plus foibles ou des enfans de dix à douze ans donnent un coup, ils enlevent les 25 livres de même, sans qu'il paroisse que très-peu de dissérence entre leur coup, & celui des plus forts.

Si on laisse tomber le poing de deux ou trois pouces de haut, & que l'on appuie un peu, l'on enlevera fort aisément, nonseulement 25 livres, mais 30 & 40, quoique l'on fasse beaucoup moins d'essort, & que l'on ait beaucoup moins de peine

que si l'on donnoit un grand coup.

On a pris cette remarque du traité des forces mouvantes de M. Décamus, au chapitre de la percussion, où il rapporte plusieurs expériences très-curieuses touchant la percussion, qui tendent toutes à l'utilité & à l'avantage des ouvriers; mais il faut consulter le livre même.

PROBLEME LVI.

Faire qu'un bâton se tienne droit dessus le bout du doigt sans tomber.

A trachez deux couteaux ou autres corps vers Pl. 55, l'extrêmité du bâton, de maniere que l'un fig. 16. penche d'un côté, & l'autre de l'autre, en forme de contre-poids, comme vous le voyez dans la figure. Mettez cette extrêmité dessus le bout du doigt, alors le bâton se tiendra droit sans tomber.

Ff iij

454 RECREAT. MATHEM. ET PHYS.

REMARQUES.

I.

Il faut que les deux couteaux fichés en forme de contre-poids excedent le bout du bâton que l'on pose sur le bout du doigt, en sorte que le bâton & les couteaux pris ensemble, comme ne faisant qu'un même corps, ayent leur centre de gravité à l'extrêmité du bâton qui est placé sur le bout de doigt, si l'on veut que ce tout tienne perpendiculairement.

La chose paroîtra encore plus merveilleuse, se renversant le doigt, on appuie le bout du bâton sur le bott de l'ongle; cat il semblera que le tout se tiendra, touchant seulement le bout du doigt, sans être soutenu. Mais si l'on fait que le centre de gravité du total excede tant soit peu le bout du bâton, le tout se tiendra plus ou moins incliné, selon le plus ou le moins de dittance de ce centre l'extrêmité du bâton.

H.

Ce point d'appui que l'on vient de dire dans la remarque précédente, qui devoit être à l'extrêmité du bâton qui est placé sur le bout du doigt, poutroit se trouver au - dessous, comme il arrive à ces petites figures que l'on fait tournet sur un piédestal. Cette petite figure DE est posée sur une houle E, qui est appuyée sur une maniere de guéridon l: elle tourne par le moyen de deux balles de plomb, attachées à la boule B pat des sils de fer courbés. Le centre de gravité, qui se trouve sort au dessous du point d'appui entre les deux boules C, F, vers l, soutient la figure droite, & la

PROBLEMES DE MEGANIQUE. 459
fait redresser, sorsqu'une des balles ayant été poussée la fait tourner obliquement.

PROBLEME LVII.

Peser la fumée.

C Upposons qu'un grand bûcher, ou bien une Charretée de foin pesant 500 livres, soit embrafée, il est évident que jour s'en ira en cendre & en fumée. Si on pele les cendres qui resteront du brafter, l'expérience montre qu'elles pourtont revenir au poids de ço livres ou environ. Et puisque le teste de la matiere n'est point péri, mais qu'elle s'est exhalée en fumée, fi l'on ôte ço livres du total, il restera 450 livres ou à peu près, pour la pefanteur de la fumée. Quoiqu'il semble que la fumée ne pefe point, à cause qu'étant répandue dans l'air, & divisée en fort petites particules, elle y est foutenue; cependant on conçoit que si toutes ces particules étoient rassemblées, elles auroient le même poids qu'elles avoient quand elles étoient unies aux cendres.

PROBLEME LVIII.

Faire passer un même corps dur & inflexible par deux trous sort dissérens, dont l'un sera circulaire, & l'autre triangulaire, ou quadrangulaire, à condition qu'il les remplisse exactement en passant.

P.

PRenez un morceau de bois ou autre matiere, Pl. 53 à qui ait la figure d'un cone; puis faites dans fig. 58 quelques ais un trou circulaire égal à la base du F s iu

cone, & un autre trou triangulaire, qui ait l'unde ses côtés égal au diametre de la base du cone, & les autres égaux aux deux côtés du cone, depuis la base jusqu'à la pointe. Il est clair que ce corps passera par le trou circulaire, mettant la pointe la premiere, & par la triangulaire, en le couchant de son long, & qu'il emplira exactement ces trous en passant.

H.

Pl. 55 , fig. 59.

Faites tourner un corps semblable à deux consisionts par leur base: puis faites percer un ais, en sorte que le trou circulaire soit entierement semblable au cercle qui est la base commune des deux cones opposés, & que le trou quadrangulaire ait l'un de ses diametres égal au diametre du cercle, & l'autre égal à une ligne droite tirée par le milieu des cones d'une pointe à l'autre. Ce corps passant par le trou circulaire, le remplira exactement, à cause de la rondeur qu'il a au milieu; il remplira aussi le trou quadrangulaire en y passant à cause que sa longueur & sa largeur sont égales à celle du trou. Ce trou pourra être quarré, si les cêtés des cones sont égaux, & le diametre de leurs bases égal à la longueur d'une pointe à l'autre.

III.

On peut encore faire un folide, qui passant par un triangle isoscele, par plusieurs triangles scalenes, & par le plan d'une ellipse, les remplisse exactement chacun; & un autre solide, qui passant par un triangle isoscele, par plusieurs triangles scalenes, & par un cercle, les remplisse autsi exactement chacun. Le premier solide doit avoir la segure d'un cone coupé ellipsiquement, & le secondPROBLEMES DE MECANIQUE. 457.
aurz la figure d'un cone scalene. On peut encore
exécuter la même chose avec des solides doubles
de ceux-ci.

PROBLEME LIX.

Raire passer un même corps dur par trois sortes de trous, l'un circulaire, l'autre quarté ou quadrangulaire, de telle longueur qu'on voudra, & le troisieme ovale, en sorte que ce corps passant par ces trois différens trous, les remplisse exactement.

I.

PRenez un corps cylindrique ou colonnaire de Pl. 532 telle grandeur qu'il vous plaira. Il est évident fig. 69, que ce corps étant mis droit, il remplira exactement un trou circulaire de même grandeur que sa base; qu'étant couché de son long, il remplira en passant un trou quadrangulaire aussi long & aussi large qu'il l'est; qu'ensin en le faisant passer de biais, il remplira exactement un trou ovale, qui aura sa largeur égale au diametre du trou circulaire, & la longueur telle qu'il plaira, pourvu qu'elle ne soit pas plus grande que celle du cylindre.

HI.

1°. Soit fait en quelque ais un trou circulaire, Fig.61.
puis un quarré qui ait les côtés égaux au diametre du trou circulaire, & un trou en evale, dont la largeur soit égale au même diametre, la longueur égale à la diagonale du quarrré. 2°. Ayez un corps cylindrique aussi long que large, & tel que la base soit égale au trou circulaire. Par ce moyen ce cylindre pourra remplir exactement le trou cir-

culaire en y passant tout droit, le trou quarré, en l'y faisant passer couché de son long, & le trou ovale, en l'y faisant passer de biais.

HI.

Un solide cylindrique elliptiquement tourné; ayant pour hauteur son plus grand diametre en largeur, passera par un quarré, par un cercle, par dissérens parallelogrammes, par disserentes ellipses, & les remplira exactement en y passant.

PROBLEME LX.

Construïre une lampe excellente, qui se sournisse elle-même son huile à mesure qu'elle en a besoin.

Pl. 66, C Ardan, au premier livre de ses subtilités, 6g. 52. C donne la description de la lampe vulgaire; c'est un petit vase colonnaire, creux, & qui n'a qu'un petit trou au bas, où l'on ajuste un tuyan qui reçoit la mêche. On emplit d'huile la lampe par ce trou, en la tenant renversée, & l'huile sournit ce qu'il faut à la mêche pour la faire brûler. On faisoit antresois à Rheims de ces sortes de lampes qui étoient proptes & commodes.

Fig. 63. est plus ingénieuse: sa prinipale piece est un vase CD, qui a près du fond un trou, & un petit tuyau C; il y a aussi un autre tuyau plus grand DE, qui passe au travers du vase. Ce tuyau DE est bien soudé à la partie inférieure du vase CD, il y a une ouverture en D au dedans du vase vers sa partie supérieure, & un autre hors du vase vers E, & tout près du fond de la coupe AB, en sorte néanmoins qu'il ne touche point ce fond.

PROBLEMES DE MECANIOUE. Lorsque le vase CD sera plein d'huile, on fera stemper le trou E du tuyau DE dans l'huile de la coupe; alors l'huile ne pourra sortir par le tuyau 🦃, puisque l'air ne peut entrer par le trou E du tuyau DE. Mais quand l'huile contenue dans la coupe AB, aura été consumée peu à peu par la mêche allumée, le trou E se débouchera, & donmera pallage à l'air, qui entrant dans le tuyau ED, a comprimer l'huile du vale CD, & la fera couer par le tuyau C. Cette huile coulera dans la soupe AB, jusqu'à ce que le trou E étant bouché, impêchera l'air d'entrer dans le tuyau ED: pour ors l'huile cessera de couler par le tuyau C. L'huile recommencera à couler toutes les fois que 🕍 trou étant débouché donnera passaged l'air.

REMARQUE.

Le vase CD ne doit point être attaché à la soupe AB; pour la remplir d'huile, il faut renresser le vase CD, & verser l'huile par le tuyau
LD. Quand on connoîtra que le vase est plein,
ca voyant l'huile paroître à l'ouverture du tuyau
C, on bouchera cette ouverture avec le doigt, &
en mettra le vase sur la coupe AB. Si le tuyau
CD est entierement ouvert en E, l'huile qui se
prouvera dans ce tuyau, remplira la coupe AB, &
empêchera ainsi que l'huile ne tombe par le
tuyau C, en bouchant l'ouverture E.



PROBLEME LXI.

Construire un chandelier, dont on ne soit point obligé de moucher la chandelle, & qui donne beaucoup de lumiere.

N peut aisément faite ce chandelier de bois Il faut d'abord avoir un pied que l'on gatnita de plomb, fi on yeur rendre le chandeliss plus stable. On ajoute à cé pied une regle plate, en forte qu'elle fasse avec son pied un certain angle, qui ne doir point être fort confidérable, On ajoute à cette regle une autre qui la crosse perpendiculairement; cette seconde regle coule le long de la premiere, par le moyen d'une mottoile qui y a été faite, de maniere qu'on la peut bailler ou hausser autant qu'on le juge à proposa On ajuste aussi à cette seconde regle une bobeche qui y tient avec une espece de curseur, qui l'embrassant, donne cependant la liberté d'avancer ou de reculer la bobeche, selon que l'on en a besoin. Enfin on attache avec une charniere and haut de la premiere regle un cone de fer blane coupé par le haut, pour laisser passer la fumée de la chandelle, qui est dans la bobeche, & qui brûle fous le cone.

Ce cone n'est qu'une espece d'entonnoir asser large par le bas, & qu'on a ouvert par le haute on peut le revêtir au-dedans d'un cone semblable de papier blanc, qui renvoie beaucoup de lumiere au-dessous; on aura soin de changer le papier de tems en tems. On voit bien que la chandelle de la bobeche a la même inclinaison

que la premiere regle du chandelier. L'extrêmité du lumignon n'étant plus dans la flamme, & ayant quelque penchant, se dissipe sans qu'on s'en apperçoive: ce qui fait qu'on n'a point l'incommedité de moucher la chandelle. On peut se servit de toutes sortes de chandelles, comme des huit, des douze & des vingt même à la livre, & espendant l'on a une grande clarté sur ce qu'on lit ou ce qu'on écrit, & les yeux ne sont point incommodés des vibrations de la lumiere immédiate de la chandelle.

Nous devons la perfection de ce chandelier à l'industrie de M. Privat de Molieres, membre de l'académie royale des sciences, qui s'est fait connoître dans des matieres plus relevées.

AVERTISSEMENT.

On a déja cité le traité des forces mouvantes pat M. Décamus, à l'occasion d'un petit carrolle furprenant. Si l'on veut s'instruire sur plusieurs phénomenes qui regardent la mécanique, dont on a parlé en partie dans ces problèmes de mécanique, & dont on parleta encore dans les problêmes de physique, on peut consulter ce traité des forces mouvantes. On y trouvera des choses non-seulement curieuses & divertissantes, mais aussi très-utiles pour la commodité du public, fur - tout pour les voitures. M. Décamus donne des constructions de charrettes, de charriots, & même de carrosses de campagne, qui seroient bien moins fatigans pour les chevaux, & moins sujets à verser, que ceux dont on le sert à présent. En un mot, cet stadémi-

•



T A B L E DES PROBLÈMES

Contenus en ce volume.

PROBLEMES DE GNOMONIQUE.

PROBLEME I. Tracer une ligne méridie	nne.
	ge I
PROBL. II. Construire des cadrans réguliers	
deux ouvertures de compas.	2.
	r una
PROBL. III. Construire les mêmes cadrans pa	i une
seule ouverture de compas.	7
PROBL. IV. Décrire un cadran horisontal p	ar le
moyen d'une ellipse, sans avoir besoin de	trou-
ver les points horaires sur la ligne équ	
tiale.	• 8
PROBL. V. Tracer un cadran équinocial.	11
PROBL. VI. Tracer un cadran sur quelque	_
vertical que ce soit sans boussole pendant le	t nuit
avec une bougie.	15
PROBL. VII. Connoîcre l'heure qu'il est p	
• •	
moyen de la main gauche.	14
PROBL. VIII. Décrire dans un parterre un ce	zaran
horisontal avec des herbes.	15
PROBL. IX. Décrire un cadran horisontal,	dont
on a le centre & la ligne équinoctiale.	18
Dage Y Décrire un cadran horisoneal	
PROBL. X. Décrire un cadran horisontal,	
moyen d'un quart de cercle.	19

		_	_	
-71	A	22	т.	- 4
	<i>7</i> 3.1			

PROSE. XL. Décrire un cadran horifontal, & ut
cadran vertical méridional par le moyen d'un
cadran polaire.
PROBL. XII. Décrère un cadran horisontal, & un
cadran vertical méridional, par le moyen d'un
cadran équinoctial.
PROBL. XIII. Décrire un cadran vertical fut un
quarreau de vitre, où l'on puisse connoître les
heures aux rayons du soleil, sans aucun slile. 13
differens, où l'on pourra connoître les heures as
foleil par l'embre d'un seul aue. 14
PROBL. XV. Tracer un cadran sur un plan hoti-
fontal par le moyen des deux points d'embre na-
qués sur ce plan au tems des équinoxes. 16
PROBL. XVI. Tracer un cadron fur un plan hori-
Sontal, où les points de 5 & de 7 heures font
donnés far la ligne équinoctiale.
PROBL. XVII. Un cadran horifontal ou vertical
· étant donné, trouver pour quelle latitude il &
été fait, lorsque l'on connoît la longueur & le
pied du stile. 31
PROBL. XVIII. Trouver le pied & la longueur du file dans un cadran vertical déclinant.
PROBL. XIX. Décrire un cadran portatif dans un
quart de cercle.
Table des hauteurs du soleil.
PROBL. XX. Décrire un cadran portatif fur une
carte. 48
PROBL. XXI. Décrire un cadran horifontal recli-
ligne universel.
PROBL. XXII. Décrire un cadran horisontal el-
liptique univerfel. 57
PROBL XXIII. Décrire un cadran horisontal.
hyperbolique univerfel. PROBL.
E WORL:

DES PROBLEMES.
PROBL. XXIV. Décrire un cadran horisontal parabo-
lique universel.
PROBL. XXV. Décrire un cadran sur un plan horison-
tal, où l'on puisse connoître les heures au soleil sans
Pombre d'aucun stile.
Table des verticaux du soleil depuis le méridien, à
chaque heure du jour, par la latitude de 49
degrés.
PROBL. XXVI. Décrire un cadran à la lune. 65
PROBL. XXVII. Construire une machine pour trou-
ver avec justesse & précision l'heure au clair de la
lune.
PROBL. XXVIII. Decrire un cadran par réfle-
xion.
PROBL. XXIX. Décrire un cadran par réfrac-
tion. 7 I
Table des angles brisés dans l'eau pour tous les degrés
des angles d'inclinaison.
PROBL. XXX. Construire un cadran sur la surface
convexe d'un sylindre perpendiculaire à l'hori-
fon. 74
PROBL. XXXI. Construire un cadran sur un glo-
be. 83
Construction des cadrans polaires. 84
Remarque sur les cadrans cylindriques & sphéri-
ques.
PROBL. XXXII. Tailler une pierre à plusieurs saces,
sur lesquelles on puisse décrire tous les cadrans ré-
guliers.
PROBL. XXXIII. Connoître quelle heure il est du
jour & de la nuit dans tous les lieux de la
terre.
TO ' . O

Démonstration de l'horloge ou analemne rectiligne universel, qui marque les heures par les Tome II.

TABLE	
hauteurs du foleil, par le R. P. Milliet Desch	a fri
1 a.	79
PAOPOSITION I. La division de l'équateur en heu	
dans cet analemme est simblable à la descripti	
1	91
PROP. 11. Le lignes qui représentent les paralles	es
dans l'analemme, font coupées en parties femble	
bles ou proportionnelles par les points d'une mên	
	31
PROP. III. Si dans l'analemme on fait tous les par	al-
leles égaux à l'équateur., & leur distance égale	à
la tangente de leur déclinaison, la même proporti	0/1
fera abservée.	oţ
PROP. IV. Construction de l'horloge ou analem	mè
	٥ş
	07
Trouver la longueur du jour, ou, ce qui est la mê	
chose, trouver l'heure du lever ou du coucher du	or I
21	id.
PROP. VI. Trouver l'heure astronomique dans la sph	
droite, le soleil parcourant quelque parallele que	: 66
Joit.	Ģ8
PROP. VII. Dans une latitude donnée, détermin	
l'heure du lever & du coucher du soleil dans quele	-
PROP. VIII. En quelque latitude que ce foit, c	10
nostre les heures astronomiques au tems de l'éq	
-	I 3
PROP. IX. Dans une latitude donnée connoi	
l'heure astronomique en quelque lieu du zodiaque	
2 (2) 1 (0)	1
PROP. X. Trouver l'heure du lever & du coucher	
foleil, dans un pays dont la latitude foit de p	
	17
PROP. XI. Trouver l'heure astronomique dans	_

DES PROBLEMES.

latitude de plus de 66 degrés 30'.

PROBL. XXXIV. Construire un anneau qui marque
Pheure pendant toute l'année.

120

PROBLEMES DE COSMOGHAPHIE.

ROBL. I. Trouver en tout tems & en to	us lieux
les quatre points principaux du monde.	128
PROBL. II. Trouver la longitude d'un lieu pre	oposé de
la terre.	130
la terre. PROBL. III. Trouver la latitude d'un lieu pro	oposé de
PROBL. IV. Connoître la quantité du plus gra	and jour
d'été en un lieu proposé de la terre, dont on	connoît
la latitude.	
PROBL. V. Trouver le climat d'un lieu propos	Sé, dont
la latitude est connue.	
Table des 24 climats, dont chacun est d'un	e demi-
Table des 24 climats, dont chacun est d'un heure.	142
Table des fix climats, dont chacun est d'u	n mois.
	144
PROBL. VI. Trouver en lieues la valeur d'un de	
grand cercle de la terre.	
PROBL. VII. Connoître la circonférence, le de	
la surface & la solidité de la terre.	_
Table de la hauteur de quelques montagnes ce	
bles de la terre.	1 5 2
Table des lieux les plus voisins de la mério	•
Pobservatoire.	159
Rapport des mesures de divers pays.	161
Table de la hauteur de quelques montagnes d	
sur le niveau de la mer.	162
PROBL. VIII. Connoître la quantité d'un de	
petit cercle proposé de la terre.	163
Gg ij)
~ h -1	

TABLE

PROBL. IX. Trouver en lieues la distance de	deex
lieux proposés de la terre, dont on connoct le	s lon-
gitudes & les latitudes.	165
PROBL. X. Décrire la ligne courbe que feroit un	
Jeau sur la mer en saisant sa route par un	mênec 📄
rumb marqué dans la boussole.	172
PROBL. XI. Représenter la ligne courbe que déc	riroit
par le mouvement de la terre un corps pefant en	107F -
bane librement du haut en bas jusqu'au centre	de la
terre.	175
PROBL. XII. Connoître si une année proposee e	oft buf-
sexule, ou de 366 jours.	170
PROBL. XIII. Trouver le nombre d'or d'une proposée. PROBL. XIV. Trouver l'épacée pour une année p	annee
proposice.	181
PRCBL. XIV. Trouver l'épacte pour une année p	ropo-
Sie.	185
PROBL. XV. Trouver l'age de la lune, ou un	a jour
down d'une again manalie : Se. G alle al	
wounte a une munes broboles ? 32- le este ab	1406-
velle.	193
PROBL. XV. Trouver l'âge de la lune, ou un donné d'une année proposée; & se se elle est velle. PROBL. XVI. Connoître s'il y a éclipse dans une	193 e nou-
PROBL. XVI. Connoîtres'il y a éclipse dans une velle ou pleine lune.	196
velle. PROBL. XVI. Connoître s'il y a éclipse dans une velle ou pleine lune. PROBL. XVII. Construire une machine qui mon	196
PROBL. XVI. Connoître s'il y a éclipfe dans une velle ou pleine lune. PROBL. XVII. Construire une machine qui mon éclipses, tant du soleil que de la lune, les mo	196 tre les is , les
PROBL. XVI. Connoître s'il y a éclipfe dans une velle ou pleine lune. PROBL. XVII. Construire une machine qui mon éclipses, tant du soleil que de la lune, les mo années lunaires, & les épactes.	e nou- 196 tre les is , les 198
PROBL. XVI. Connoître s'il y a éclipfe dans une velle ou pleine lune. PROBL. XVII. Construire une machine qui mon éclipses, tant du soleil que de la lune, les mo années lunaires, & les épactes. Epoques des années lunaires, rapportées aux e	e nou- 196 tre les is , les 198
PROBL. XVI. Connoître s'il y a éclipfe dans un velle ou pleine lune. PROBL. XVII. Construire une machine qui mon éclipses, tant du soleil que de la lune, les mo années lunaires, & les épactes. Epoques des années lunaires, rapportées aux civiles pour le méridien de Paris.	e nou- 196 tre les is , les 198
PROBL. XVI. Connoître s'il y a éclipfe dans un velle ou pleine lune. PROBL. XVII. Construire une machine qui mon éclipses, tant du soleil que de la lune, les mo années lunaires, & les épactes. Epoques des années lunaires, rapportées aux civiles pour le méridien de Paris. Maniere de faire les divisions sur les platines.	e nou- 196 tre les is , les 198 années
PROBL. XVI. Connoître s'il y a éclipfe dans un velle ou pleine lune. PROBL. XVII. Construire une machine qui mon éclipses, tant du soleil que de la lune, les mo années lunaires, & les épactes. Epoques des années lunaires, rapportées aux ceviles pour le méridien de Paris. Maniere de faire les divisions sur les platines. Usage de cette machine.	196 tre les is , les 198 années 201 204
PROBL. XVI. Connoîtres'il y a éclipfe dans un velle ou pleine lune. PROBL. XVII. Construire une machine qui mon éclipses, tant du soleil que de la lune, les mo années lunaires, & les épactes. Epoques des années lunaires, rapportées aux cuviles pour le méridien de Paris. Maniere de faire les divisions sur les platines. Usage de cette machine. PROBL. XVIII. Une année lunaire étant prop	196 tre les is , les 198 années 201 204
PROBL. XVI. Connoître s'il y a éclipfe dans une velle ou pleine lune. PROBL. XVII. Construire une machine qui mon éclipses, tant du soleil que de la lune, les mon années lunaires, & les épactes. Epoques des années lunaires, rapportées aux eciviles pour le méridien de Paris. Maniere de faire les divisions sur les platines. Usage de cette machine. PROBL. XVIII. Une année lunaire étant prop trouver les jours de l'année solaire qui lui	e mou- 196 tre les is , les 198 années 201 204 207 répon-
PROBL. XVI. Connoîtres'il y a éclipfe dans une velle ou pleine lune. PROBL. XVII. Construire une machine qui mon éclipses, tant du soleil que de la lune, les mon années lunaires, & les épactes. Epoques des années lunaires, rapportées aux eciviles pour le méridien de Paris. Maniere de faire les divisions sur les platines. Usage de cette machine. PROBL. XVIII. Une année lunaire étant prop trouver les jours de l'année solaire qui lui dent, dans lesquels doivent arriver les nouve	e mou- 196 tre les is , les 198 années 201 204 207 répon- illes &
PROBL. XVI. Connoître s'il y a éclipse dans un velle ou pleine lune. PROBL. XVII. Construire une machine qui mon éclipses, tant du soleil que de la lune, les mo années lunaires, & les épacties. Epoques des années lunaires, rapportées aux e civiles pour le méridien de Paris. Maniere de faire les divisions sur les platines. Usage de cette machine. PROBL. XVIII. Une année lunaire étant proptouver les jours de l'année solaire qui lui dent, dans les quels doivent arriver les nouve les pleines lunes, & les éclipses.	e mou- 196 tre les is , les 198 années 201 204 207 répon-
PROBL. XVI. Connoître s'il y a éclipfe dans un velle ou pleine lune. PROBL. XVII. Construire une machine qui mon éclipses, tant du soleil que de la lune, les mo années lunaires, & les épactes. Epoques des années lunaires, rapportées aux e civiles pour le méridien de Paris. Maniere de faire les divisions sur les platines. Usage de cette machine. PROBL. XVIII. Une année lunaire étant prop trouver les jours de l'année solaire qui lui dent, dans les quels doivent arriver les nouve les pleines lunes, & les éclipses. Des épactes.	196 tre les is, les 198 années 201 204 207 répon- illes & ibid.
PROBL. XVI. Connoître s'il y a éclipse dans un velle ou pleine lune. PROBL. XVII. Construire une machine qui mon éclipses, tant du soleil que de la lune, les mo années lunaires, & les épacties. Epoques des années lunaires, rapportées aux e civiles pour le méridien de Paris. Maniere de faire les divisions sur les platines. Usage de cette machine. PROBL. XVIII. Une année lunaire étant proptouver les jours de l'année solaire qui lui dent, dans les quels doivent arriver les nouve les pleines lunes, & les éclipses.	196 tre les is, les 198 années 201 204 207 répon- illes & ibid.

DES PROBLEMES.

TABLE

IABLE
PROBL. XXXVI. Connoître quel quantieme des cales.
ues, des nones & des ides répond à un cerrain quan-
zieme d'un mois donné.
PROBL XXXVII. Le quantieme des calendes, des
ides ou des nones, étant donné, crouver quel
quantieme du mois doit y répondre. 168
PROBL. XXXVIII. Trouver la sieuation dun
POTL. 169
PROBL. XXXIX. Ayane la fituation d'un port,
l'âse de la tune, trouver l'heure de la pleine.
mer , 270
PROBL. XL. Repensenter le globe terrestre en plan-
271
Principes de géographie touchant la maniere dont le
foleil éclaire la terre, par le R. P. Deschalles. 277
PROBL. XLI. Trouver la durée du plus grand jour
dans une latitude moindre que 66 degrés 30 mi-
Tuesta. Y Fa Calail debite mains de la maini de
THEOREME I. Le foleil éclaire moins de la moitié de
la terre par une illumination centrale, & il en
éclaire la moitie sensiblement. 279
THEOR. II. Le soleil éclaire quinze minutes plus que
la moitié de la terre, d'une illumination impar-
faite, 180
THEOR. III. Le soleil éclaire par une illumination
parfaite quinze minutes moins que la moitié de la
terre. 181
THEOR. IV. Ie soleil parcourant l'équateur, éclaire
les deux poles d'une illumination centrale. 283
THEOR. V. Un des poles est autant dans l'hémisphere
éclairé, & l'autre autant dans la nuit que le soleil
a de declina. son. 184
PROBL. XLII. L'heure écant donnée, montrer sur le
globe, ou sur la carte, le pays auquel le soleil est
perpendiculaire. 285
•

•

DES PROBLEMES. III. Monerer fur le globe rous les nous

PROBL. ALIII. Montrer jur le globe tous les	•
que le foleil éclaire, & qui ont le jour, ce	omme-
aussi ceux auxquels il est nuit, pour une heure	don-
née.	286
THEOR. VI. Quand le soleil est dans le plan	d'un
grand cercle, le bord de l'hemisphere éclairé	
par son pole, & le soleil étant au pole d'un	
cercle, le bord de l'hémisphere éclairé est la ce	
férence de ce grand cercle.	288
PROBL. XLIV. Déterminer la grandeur de qu	
jour que ce soit pour chaque latitude.	
THEOR. VII. Les pays sous un même méridien	- qui
ont une plus grande latitude du côté du pole	
rent, sont plutôt éclairés en été.	
HEOR. VIII. Quand le foleil est dans le plan	^
cercle horaire, le bord de l'illumination pass	• ` •
un point de l'équateur, qui en est éloigné	
heures.	293.
THEOR. IX. La différence des heures marquée	spar
le bord de l'illumination dans l'équateur, &	
un cercle de latitude, montre combien le	_
s'éleve dans cette latitude devant ou aprè	s fix
heures.	294
THEOR. X. Si on divise un cercle de latitude e	
parties égales, en commençant à quelque pay	
bord de l'illumination du lever y montrera les l	
babiloniennes pour le même pays, & celui di	u cou-
cher les italiennes.	295
Des étoiles.	296
Des planetes.	ibid.
Du foleil.	297
PROBL. XLV. Observer une éclipse de soleil.	300
De mercure.	304
De vénus.	ibid.
Qe la terre,	306
-4 000 66114K	7

TABLE

De la lune.	ibid
PROBL. XLVI. Observer une éclipse de lune.	310
De mars.	311
De jupiter.	312
Des sacellites de jupiter.	313
De futurne.	314
Des satellites de saturne.	315
De l'anneau de faturne.	318
Des cometes.	310
Des étoiles fixes.	311
Table des constellations.	325
PROBL. XLVII. Dresser un thême céleste.	329

PROBLEMES DE MECANIQUE.

PROBL. I. Empécher qu'un corps pesant ne tombe, en lui ajoutant du côte où il tend à tomber, un autre corps plus pesant.

PROBL. II. Faire une boule trompeuse au jeu de quilles.

PROBL. III. Partager une pomme en deux, quatre, huit, &c. sans rompre la peau de la pomme. ibid.

PROBL. IV. Faire en sorte qu'un homme, se tenant



DES PROBLEMES.

qui arrivent à la pesanteur de l'air.	348
Construction d'un nouveau barometre, avec la	
de pouvoir en constiuire d'autres de telle g	randeui
que l'on voudra : le tout confirmé par l'ex-	périenc e
de M. Alexandre Fortier.	
PROBL. X. Connoître par la pesanteur de l'air,	
deux lieux de la terre qui est le plus élevé.	364
PROBL. XI. Trouver la pesanteur de toute la n	nasse de
l'air.	367
PROBL. XII. Trouver par la pesanteur de l'	air l'é-
paisseur de son orbe, & le diametre	de sa
Sphere.	372
PROBL. XIII. Observer les différens changem	ens qui
arrivent à la température de l'air, selon se.	s degrés
de chaleur ou de froidure.	377
PROBL. XIV. Remplir de vin, ou de quelqu'e	zut e li-
quar, un tonneau, par l'ouverture d'en bas	. 383
PROBL. XV. Rompre avec un bâton un autr	e bûton
posé sur deux verres, sans les casser.	_
PROBL XVI. Vuider toute l'eau contenue d	
vase, par le moyen d'un siph n.	385
PROBL. XVII. Un tuyau plein d'eau étant perp	
laire à l'horison, trouver à quelle distance l'	
coulera par un trou fait en un point dont	né de ce
tuyau.	338
PROBL. XVIII. Préparer un vase, qui étant	
de quelque li jueur à une certaine hauteur, la	_
E la perde toute, étans rempli de la même	
à une hauteur un peu alus grande.	
PROBL. XIX. Construire une lampe propre à	
da s la po he, san qu'elle s'et igne, quan	
on la rouleroit par terre.	
PROBL. XX. Disposer rois hâtons sur un pla	_
son al, en sorte que chacun s'appuie sur	_
par l'une de ses extrêmités, & que l'autre	CXLTÜ-

TABLE

misé demeure élevée en l'air.	591
PROBL. XXI. Faire tourner trois conteaux fur la	
dune aiguille.	393
PROBL. XXII. Tirer du fond de l'eau un bateau	char-
gé de marchandises.	374
PROBL. XXIII. Faire remonter un bateau de lui-	même
fur une riviere rapide.	391
PROBL. XXIV. Trouver la pefanteur d'un pier	d cube
deiu.	390
PROBL. XXV. Construire un carosse, dans leq	
fe puisse conduire soi-même par tout où l'on s	roudfa
fans aucuns chevaux.	397
PROBL. XXVI. Connosere de deux eaux différente	
qui est la plus légere, sans aucune balance.	
PROBL. XXVII. Construire un tonneau contenan	
liqueurs différences, qui se puissent tirer par une	
broche, fans qu'elles se mêlent.	ibid
PROBL. XXVIII. Trouver les parsies d'un	
que deux personnes soutiennent par le moyer	
PROBL. XXIX. Trouver la force qu'il faut pou	401 - Imer
un poids avec un levier, dont la longueur & la	noint
fixe sont donnés.	40}
PROBL. XXX. Construire un vase qui contienn	
queur étant droit, & la perde toute étant	
penché.	404
PROBL. XXXI. Trouver fans aucune balan	* .
pesanteur d'une piece proposée de métal	
pierre.	ibid.
PROBL. XXXII. Trouver la solidité d'un corps	, dont
la pefanteur est connue.	407
PROBL. XXXIII. Un corps plus pesant que l'ea	
donné, trouver à quelle hauteur elle monter	
un vase rempli en partie d'eau, lorsqu'on y	
le corps proposé.	408
	_

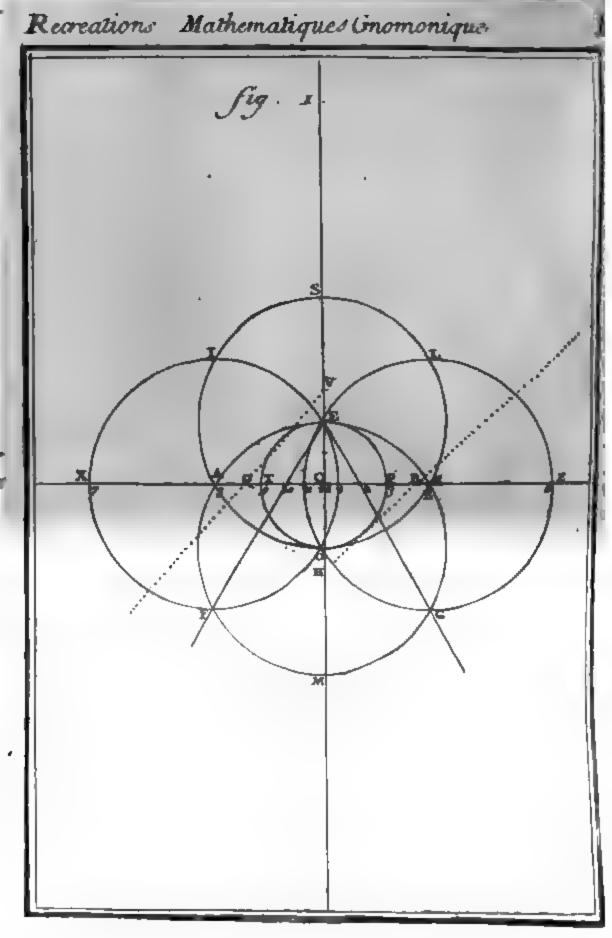
DES PROBLEMES.

PROBL. XXXIV. Un corps moins pefant que l'éau étant
donné, trouver de combien il se doit enfoncer dans
la même eau contenue dans un vase. 410
PROBL. XXXV. Connoître si une piece douteuse d'or
ou d'argent est bonne ou fausse.
PROBL. XXXVI. Trouver la charge d'un vaisseau sur
la mer, ou sur une riviere.
PROBL XXXVII. Faire qu'une livre d'eaupese davan-
tage, & tant que l'on voudra.
PROBL. XXXVIII. Connoître le vent qui souffle dans
PROBL. XXXIX. Construire une fontaine où l'eau s'é-
I C 1 - 2 - 2 - 2 - 2 - 2 - 2 - 2 - 2 - 2 -
PROBL. X. L. Construire une fontaine par extrac-
diam
PROBL. XLI. Construire une fontaine par compres-
Ron. A11
PROBL. XLII. Construire une sontaine par raréfac-
tion.
PROBL. XLIII. Construire une horloge avec de
l'eau. 428
PROBL. XLIV. Construire une pendule d'eau. 432
PROBL. XLV. Faire monter une liqueur par le moyen
d'une autre liqueur plus pesante. 437
PROBL. XLVI. De deux vases semblables, également
pesans & pleins de metaux différens, discerner l'un
d'avec l'autre. 438
PROBL. XLVII. Mesurer la prosondeur de la mer.
Drane VI VIII Deux come d'une ne Content Coécife
PROBL. XLVIII. Deux corps d'une pesanteur spécifique plus grande que celle de l'eau étant proposés,
connoître celui dont la solidité est plus grande. 441
PROBL. XLIX. Trouver le centre de pesanteur com-
mun à plusieurs poids suspendus à des points diffé-
rens d'une balance. 442
11-

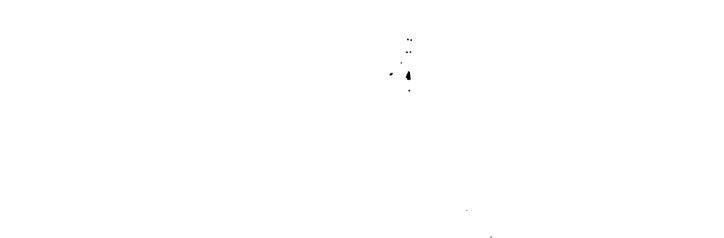
TABLE DES PROBLEMES.	
PROBL. L. Confirmire une machine pour nager.	44
PROBL. L1. Conferure une lanterne qui conferv	
lumiere au fon i de l'eau.	446
Paoni. LII. Construire une horloge à l'usage de	e la
mer. 4	47
PROBL. LIII. Construire une pendule qui conserv.	U.L
fur mer une egalice de mouvement dans son ress	ort
& dans fa suspension. 4	48
PROBL. LIV. Percer une planche avec un bout de che	17-
delle-	12
PROBL. LV. Pefer un coup de poing, un coup deme	z/+
A S S S S S S S S S S S S S S S S S S S	Iq.
PROBL. LVI. Faire qu'un hâton se tienne droit des	at
le bout du doigt fans tomber.	53
PROBL. L.VII. Pefer la fumée.	55.
PROBL. L.VMI. Faire passer un même corps dur & i	72-
flexible par deux trous fore differens, done l'un fe	ra
circulaire, & l'autre triangulaire, ou quadra	a*
gulaire, en sorte qu'il les remplisse exactement	en
	id.
PROBL. LIX. Faire passer un même corps dur p	ar
trois sortes de trous, l'un circulaire, l'autre qua	rré
ou quadrangulaire de telle longueur qu'on voudr	
& le troisieme ovale, en sorte que ce corps passa	int
par ces tois differens trous, les remplisse ex	ac-
	57
PROBL. LX. Construire une lampe excellente qui	
fournisse elle-même son huite à mesure qu'e	lle
	58
PROBL. LXI. Construire un chandelier, dont on	
foit point oblizé de moucher la chandelle, &	qui
	60
•	

Fin de la table du tome II.

•				
			•	
		•		
	•			



To II. Pl . I.



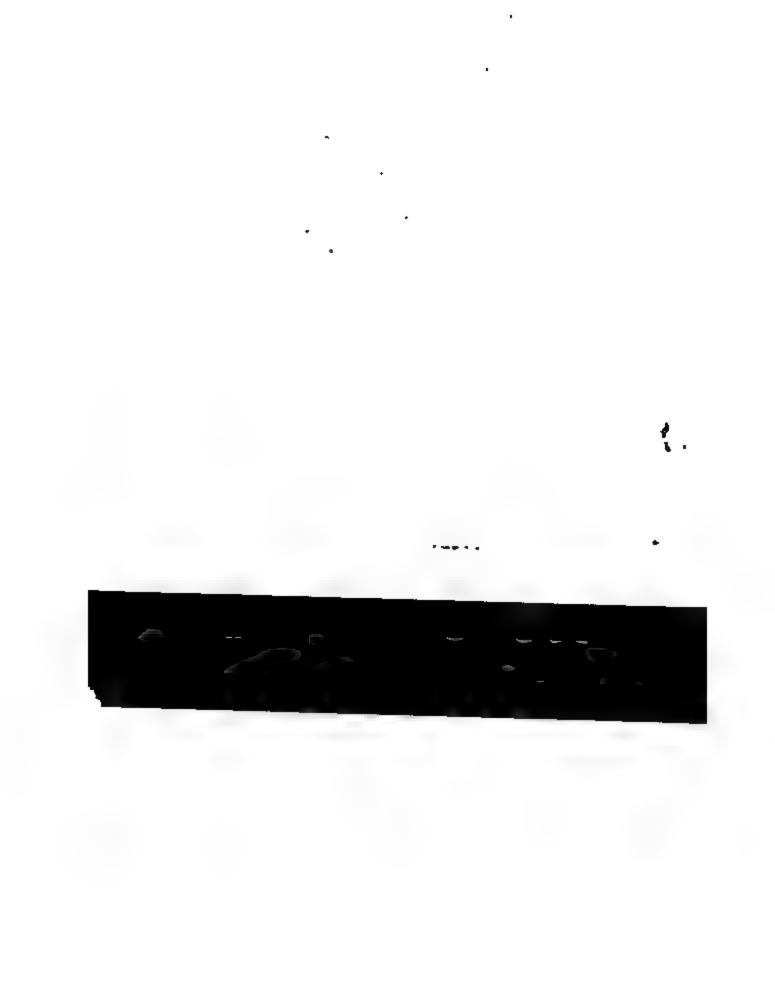
: .



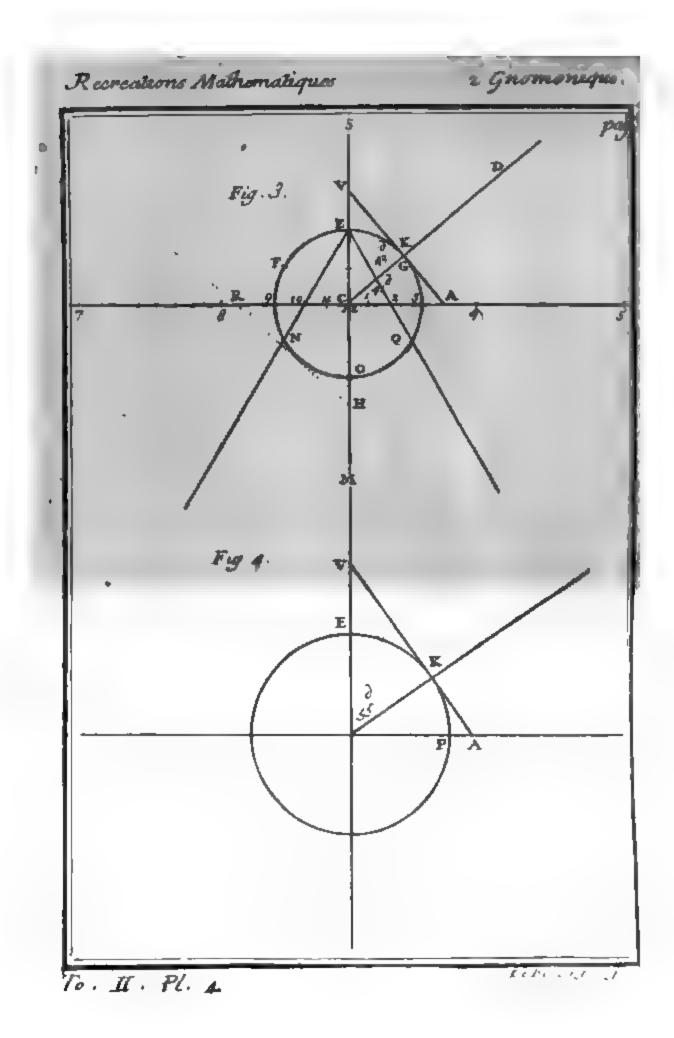
	•		
			,
·			
•			
	,		

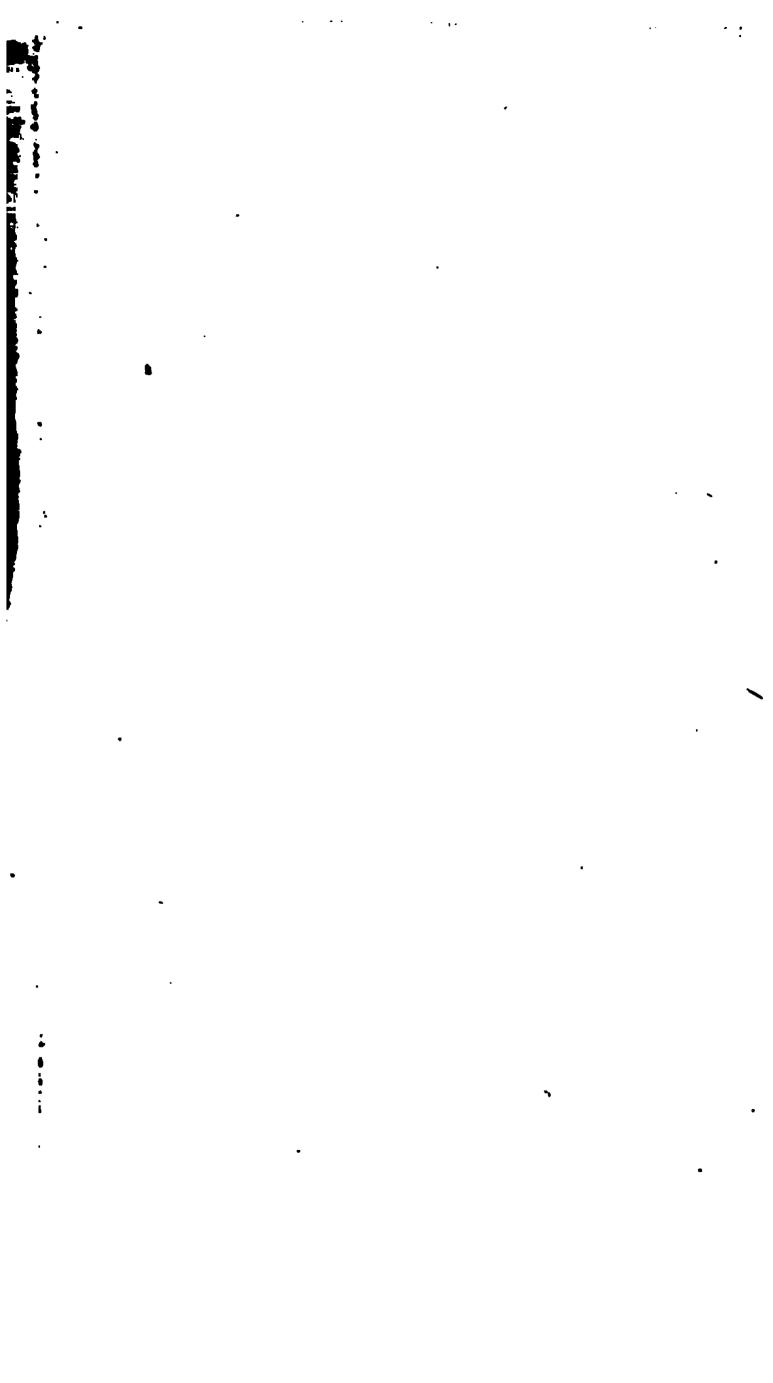












Recreations Mathematiques. T Pl. 5.

Cecreations Mathematiques.

Pag. 12.

fig. 6.

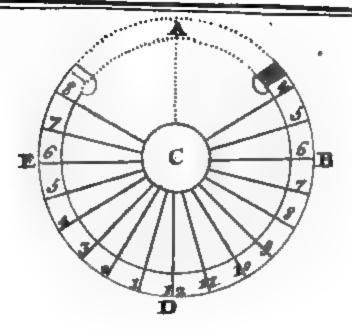
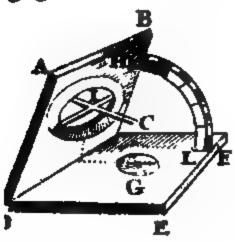
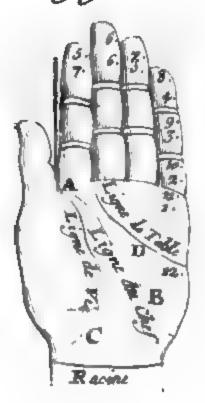


fig. 8.

fy . 7.

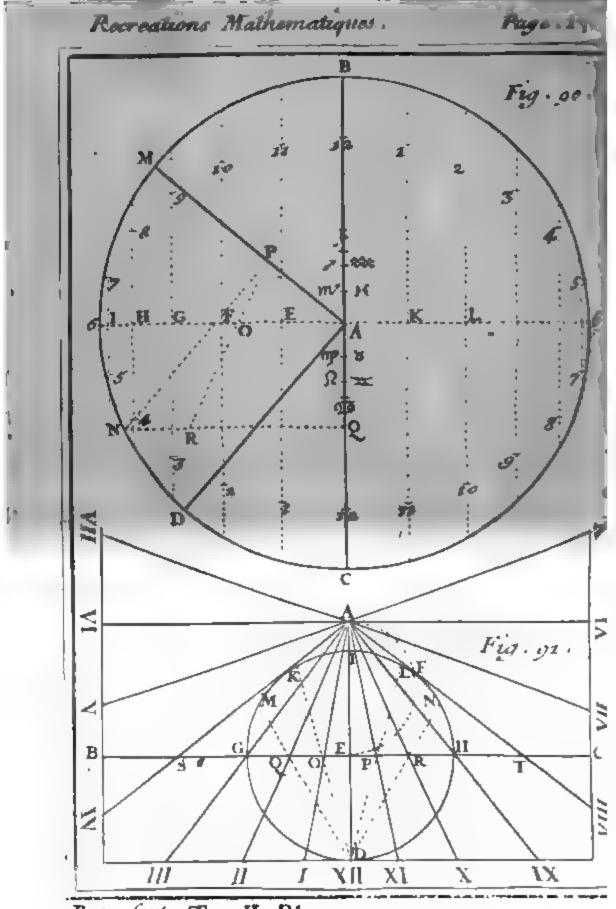




o. H. Pl. 6.

• ٠.

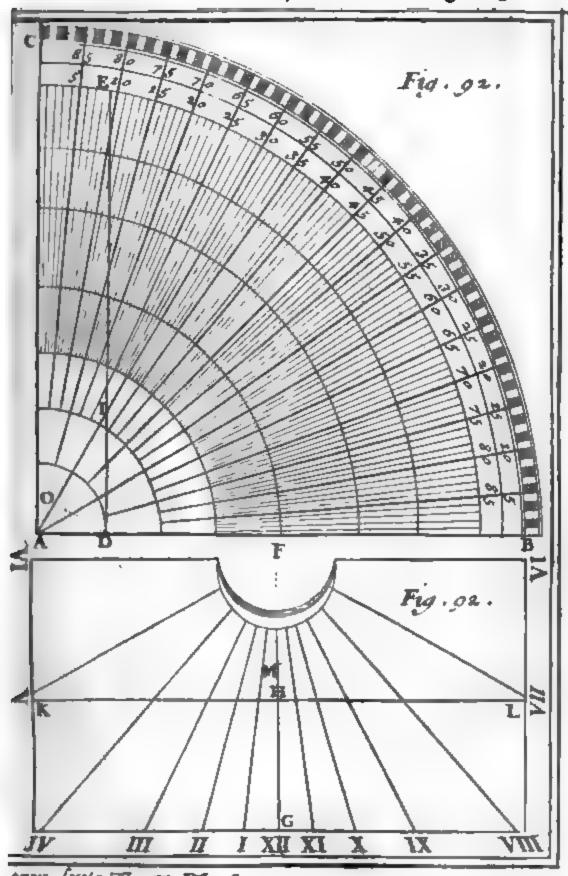




Berry Seut - To . IL. Pl. 7.

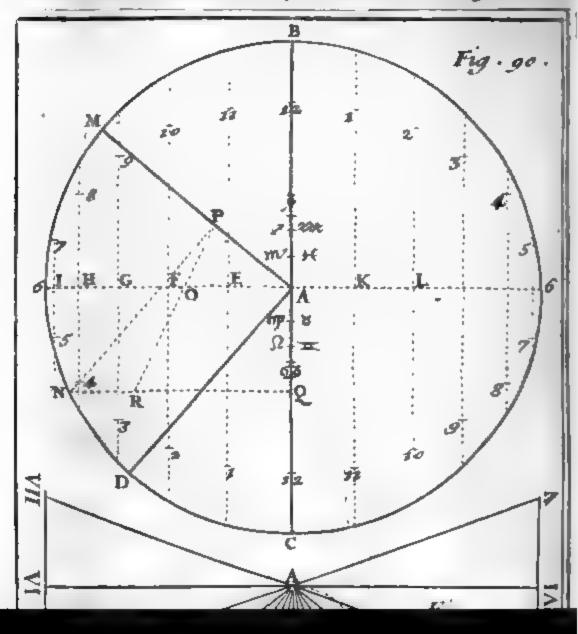
Recreations Mathematiques .

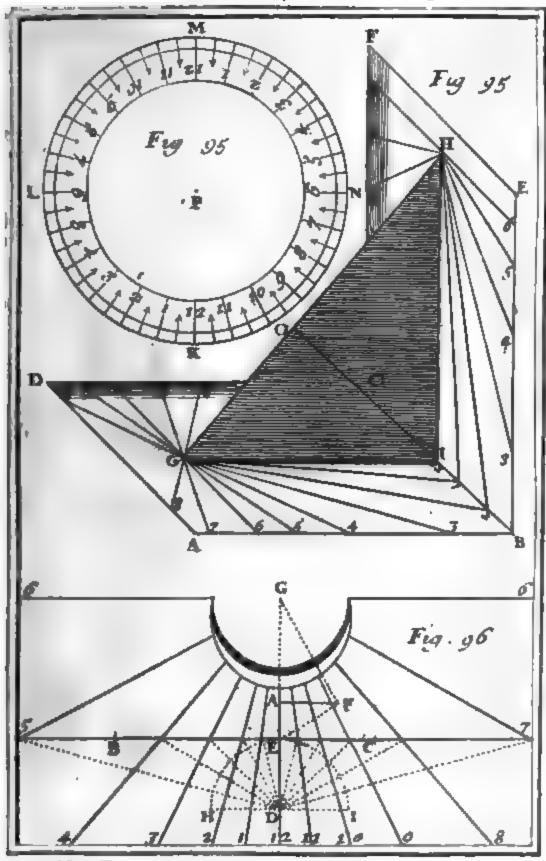
Page . 19 .



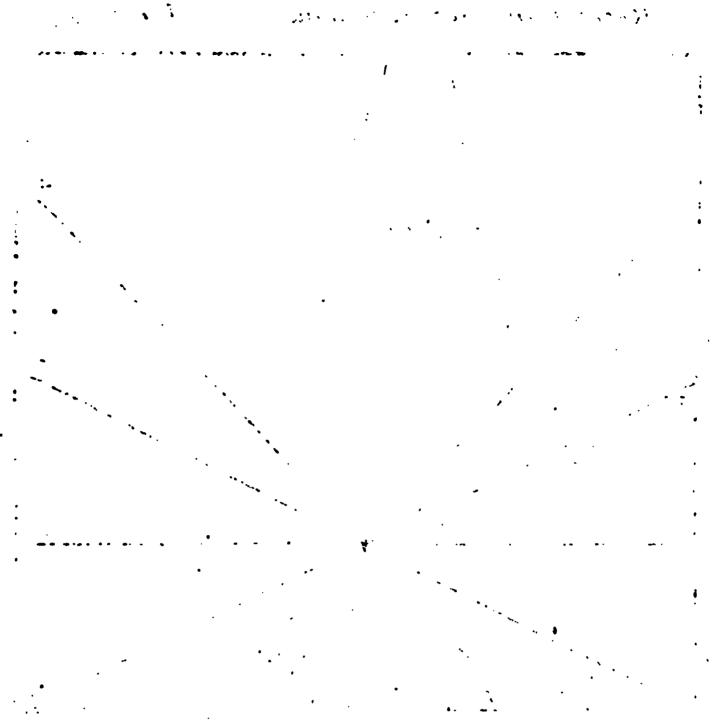
croy feet To . 11. Pl . 8.

• . • • 1 . • •





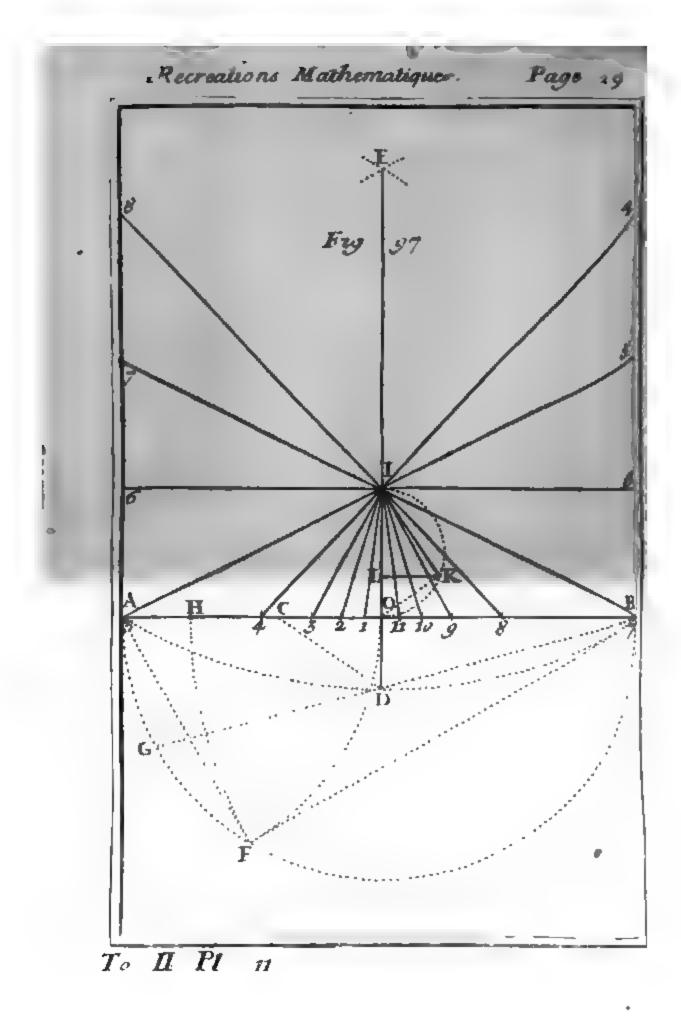
To . II. Pl. 10

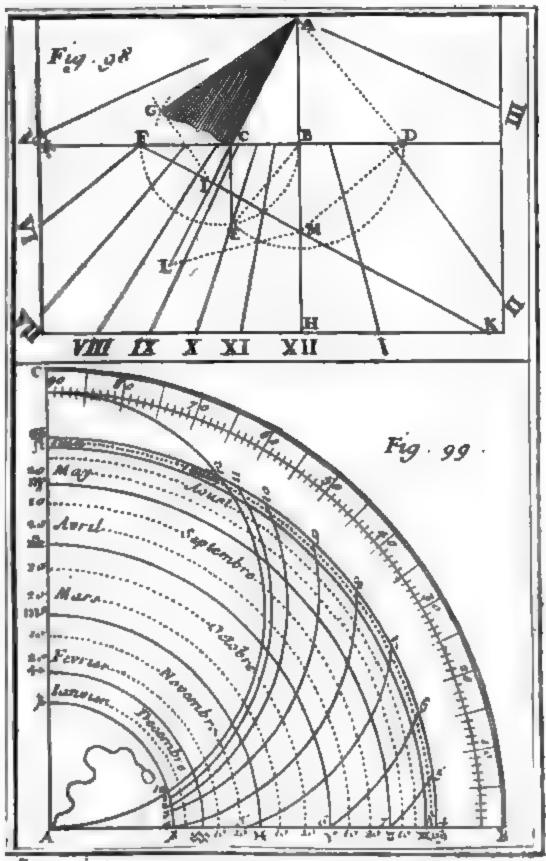


1

•

, • •

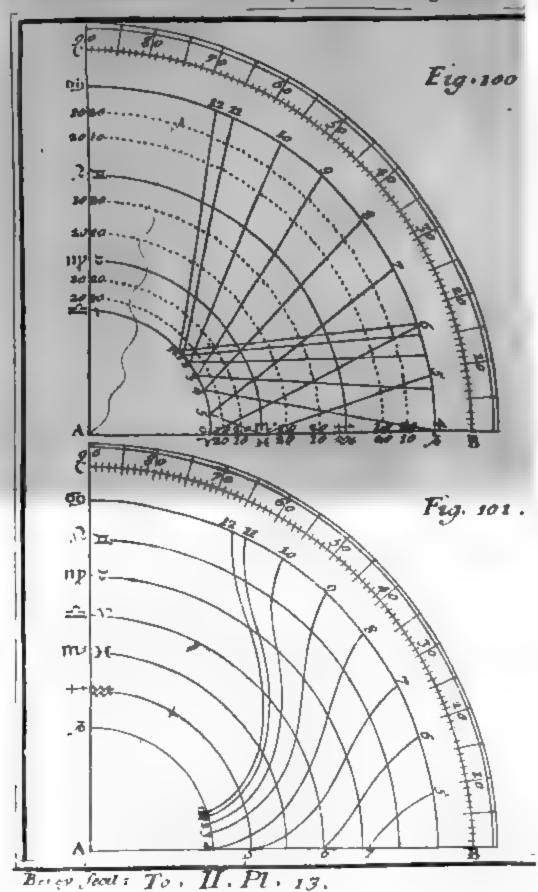


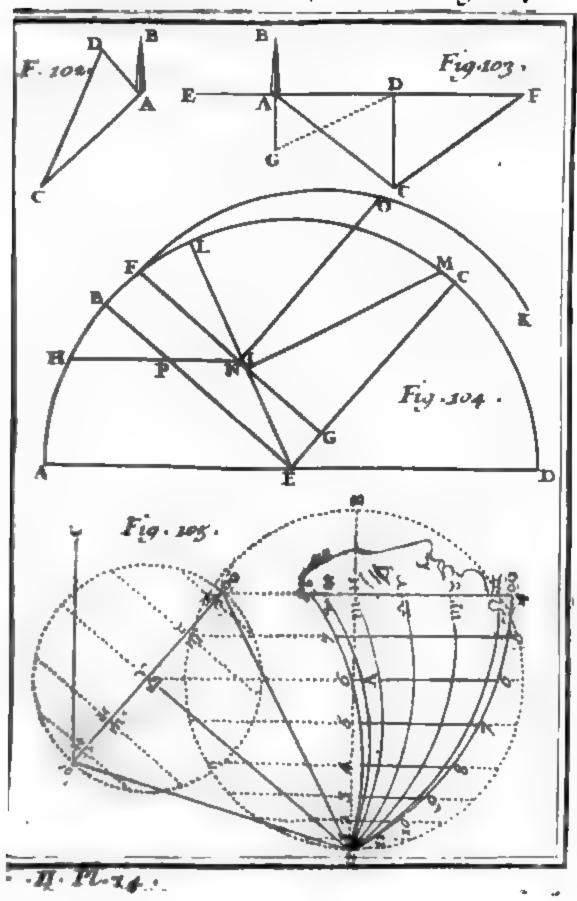


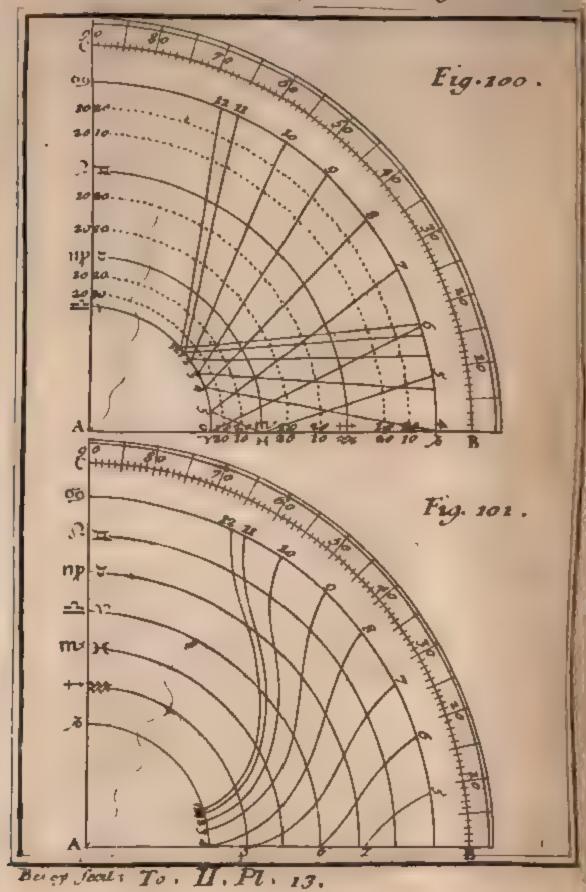
Rerey /sed To . II. Pl. 12.

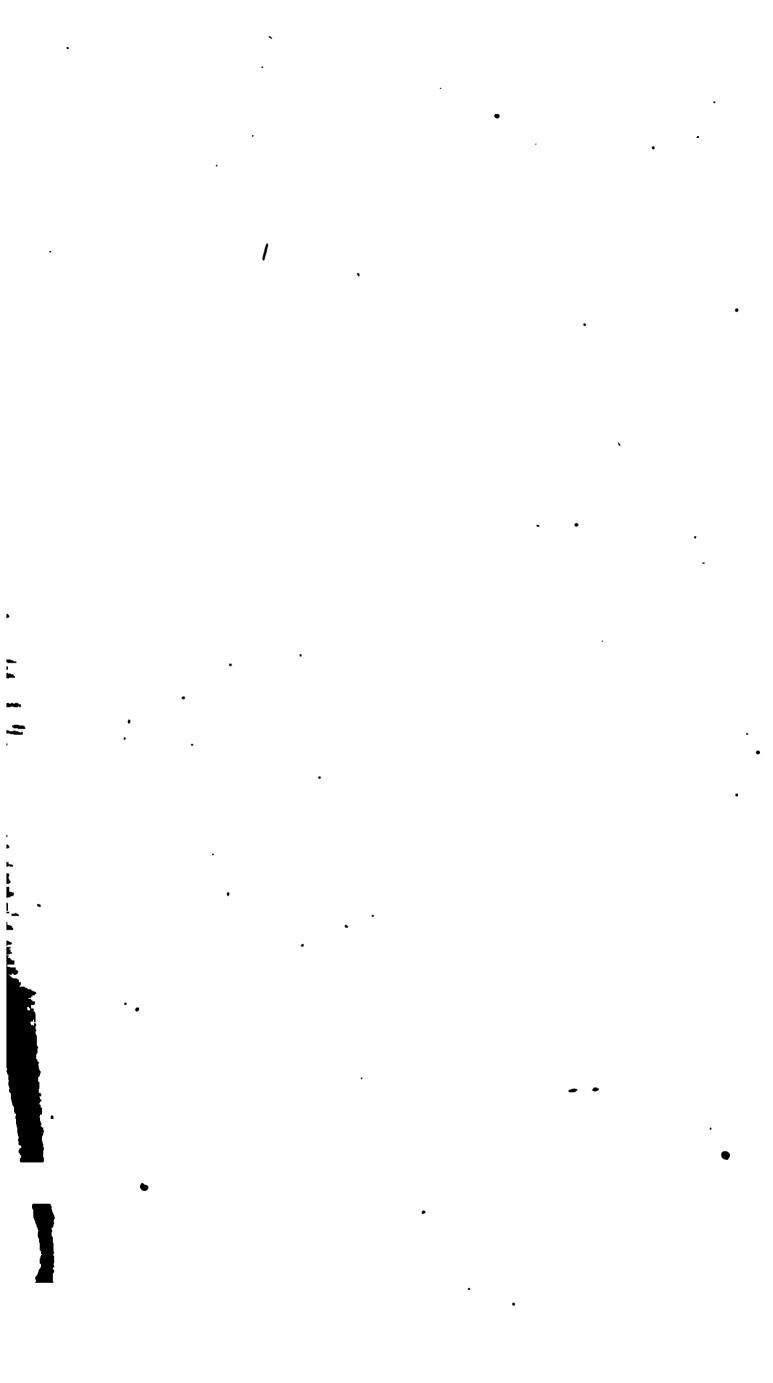


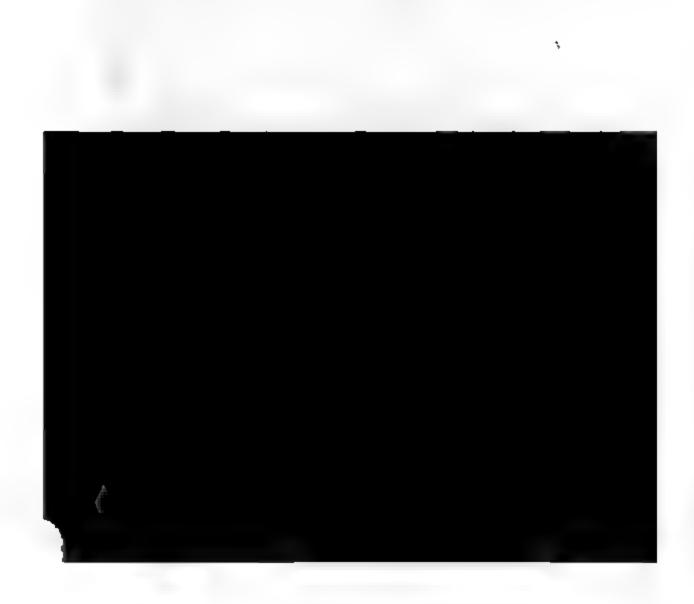


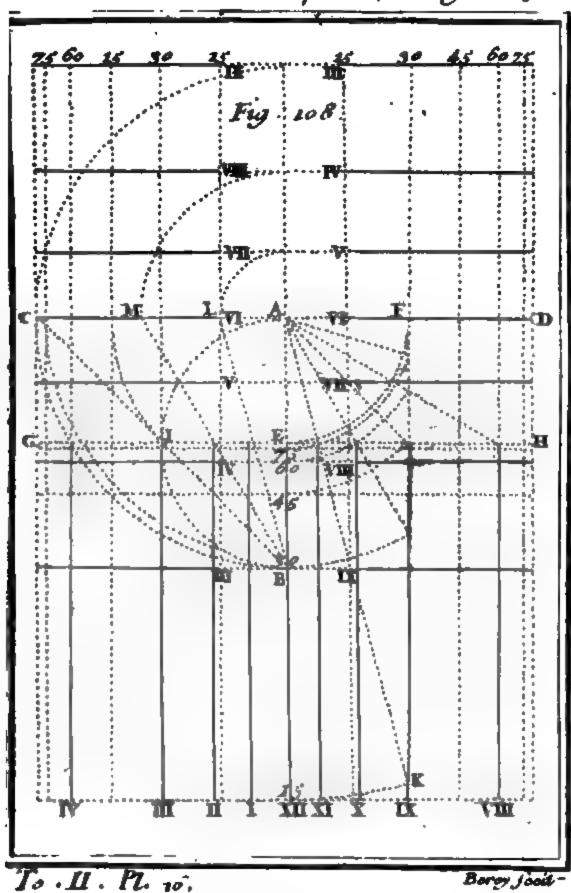








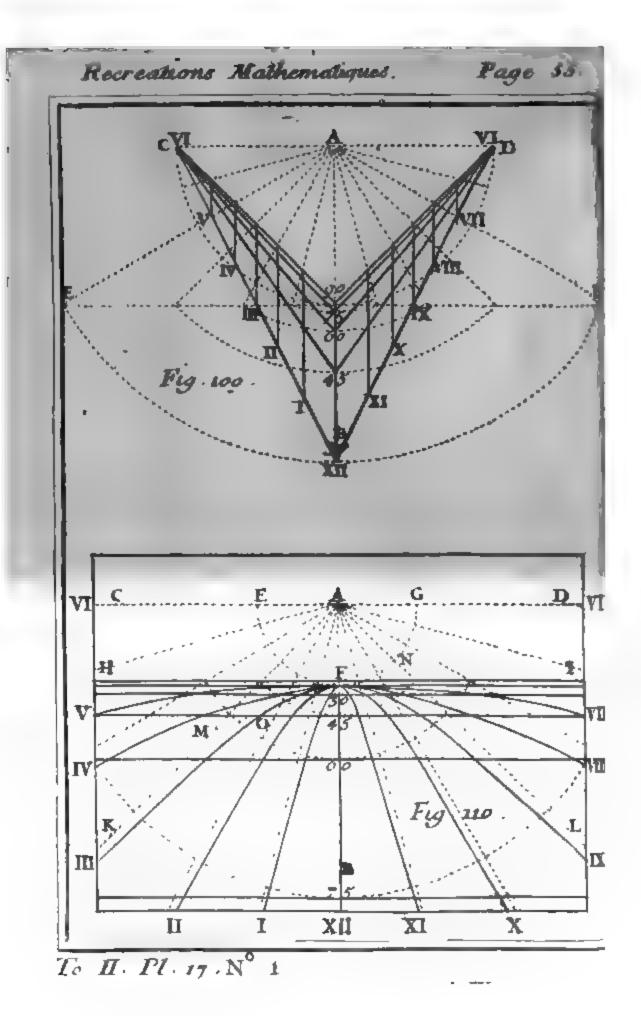


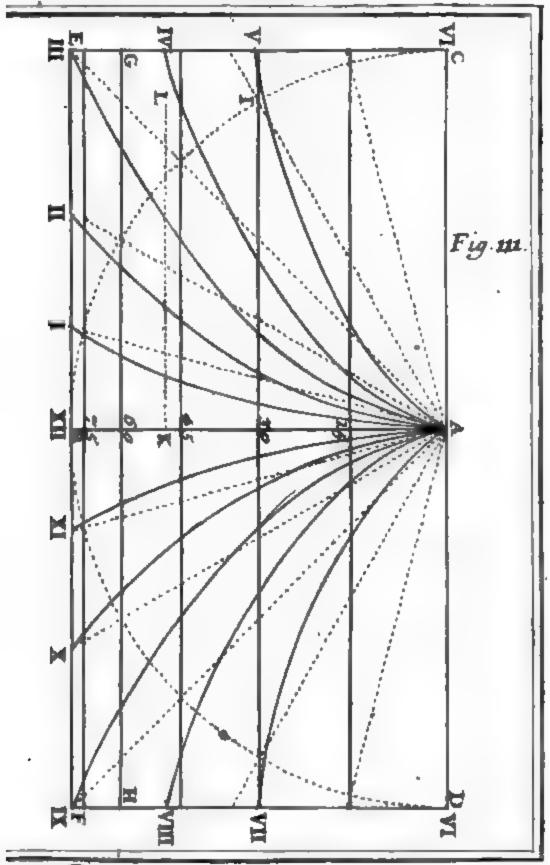


To . 11 . Pl. 10.

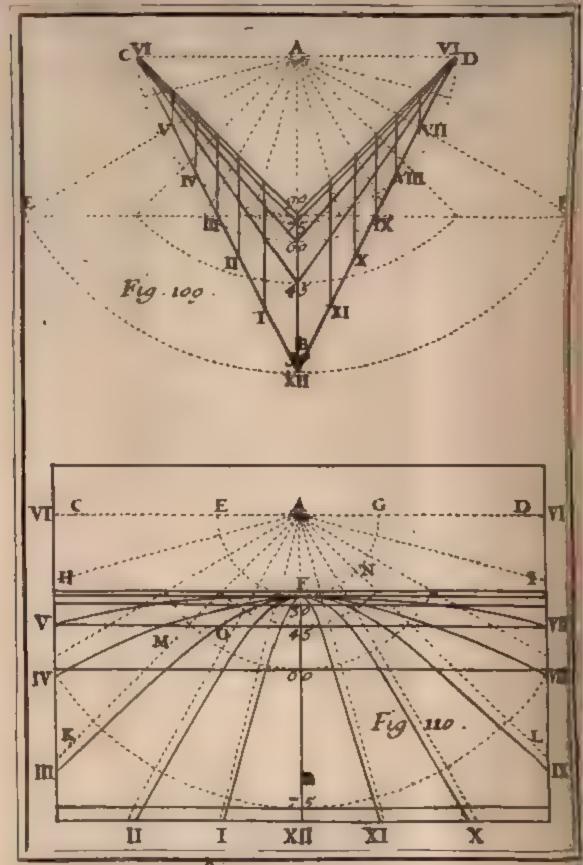






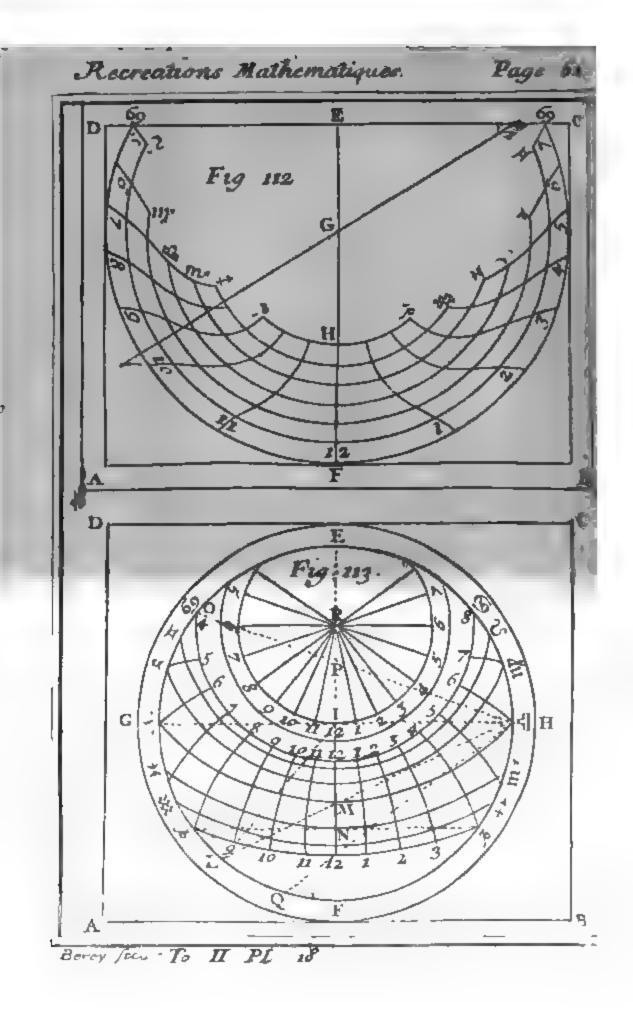


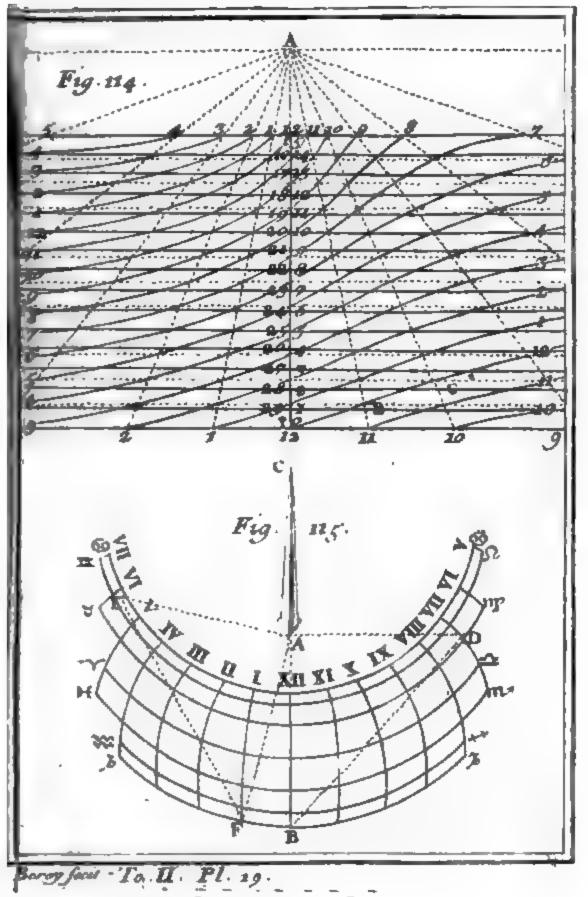
IL. Pt. 17: Nº 2



To. II. Pl. 17 . No. 1.





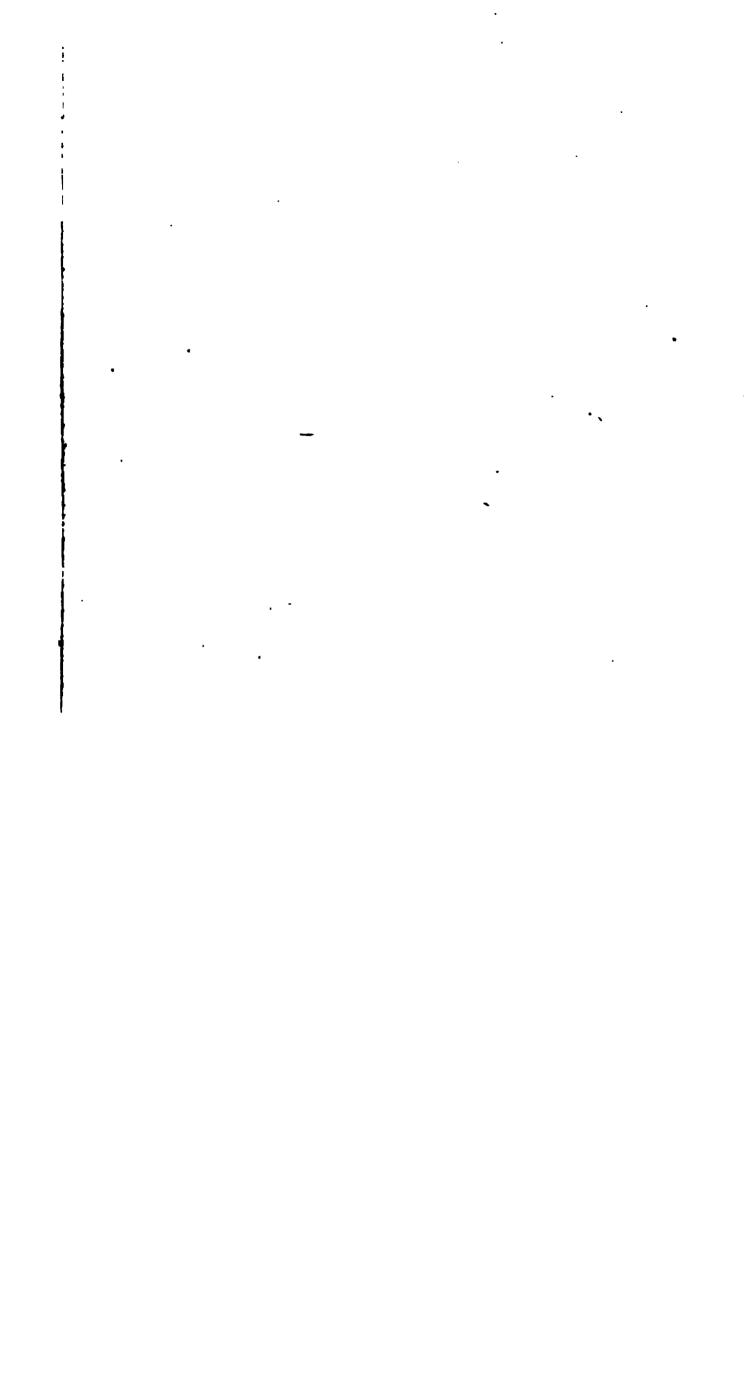




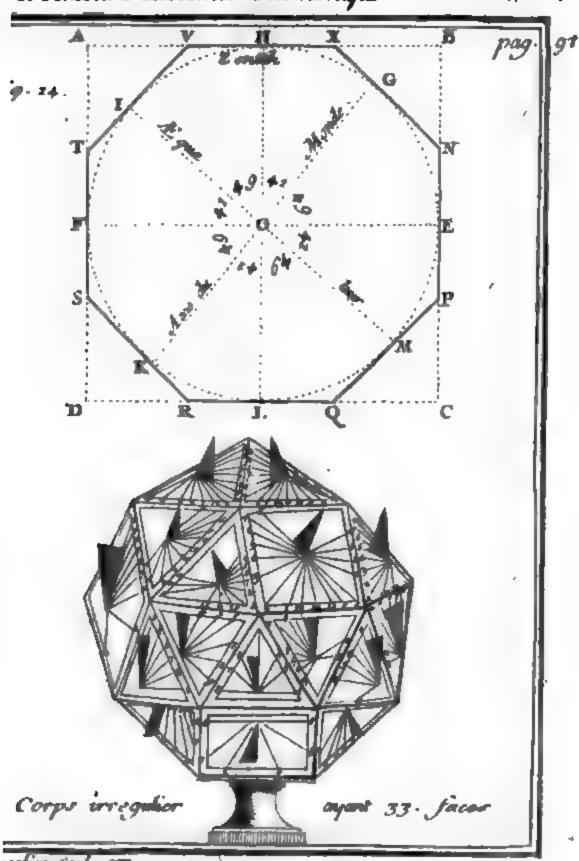
	•		
			•
•			
		•	
•		•	

		•		•	
		•			
				•	
		•			
		•			•
			•		
				•	
			•		•
•					
	•				
•					
•					
•	•				•
1		•		•	,
• !		٠.			
•		•			
:					
		•			





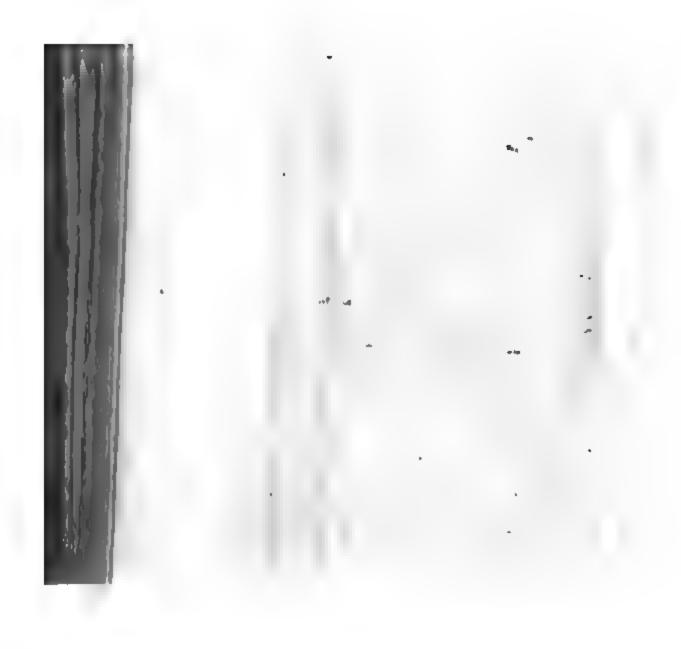
screations Mathema Gnomonique



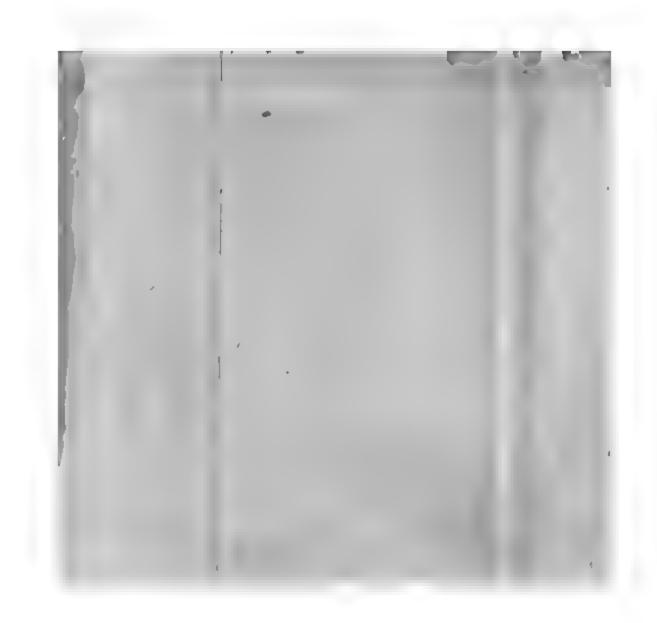
white tout To . H. Pl. 22.

• • •

que. · Page .93. Fig. 15. dent Occident Tom IL Pl. 23

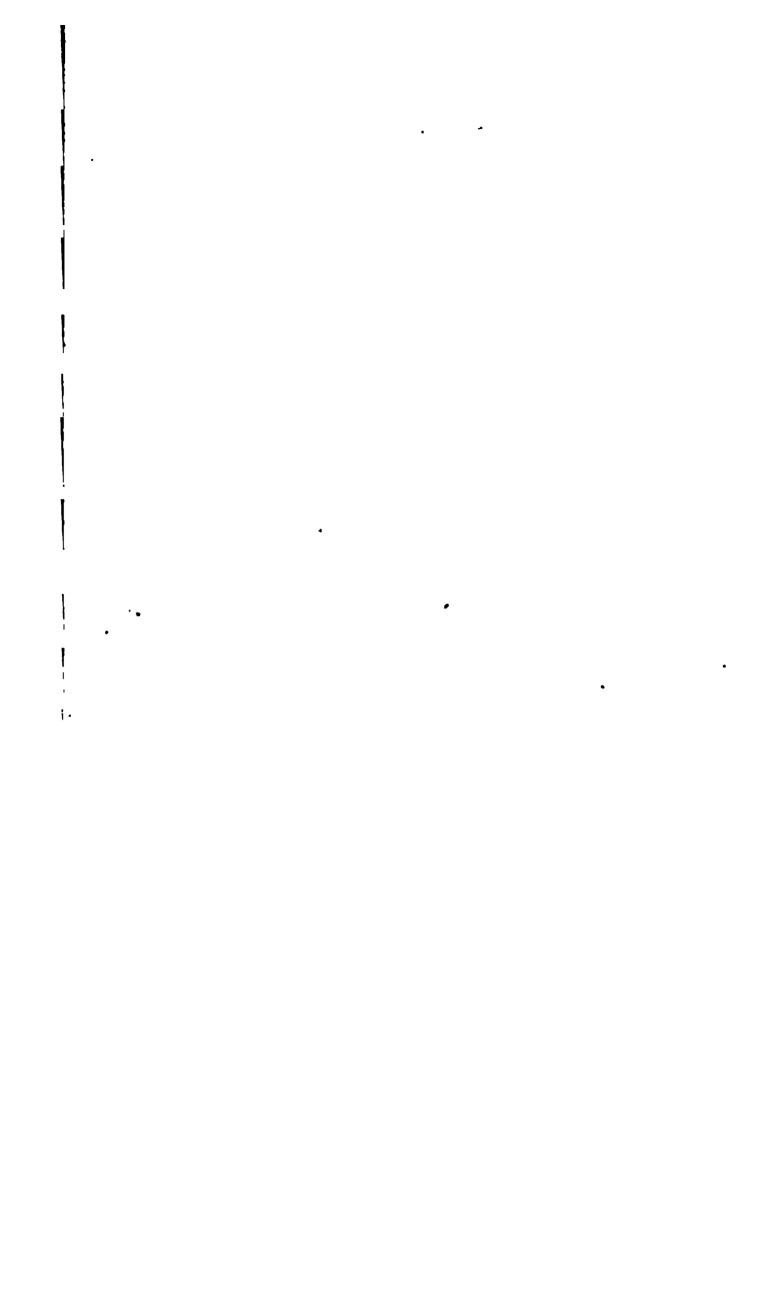


N°. 18.

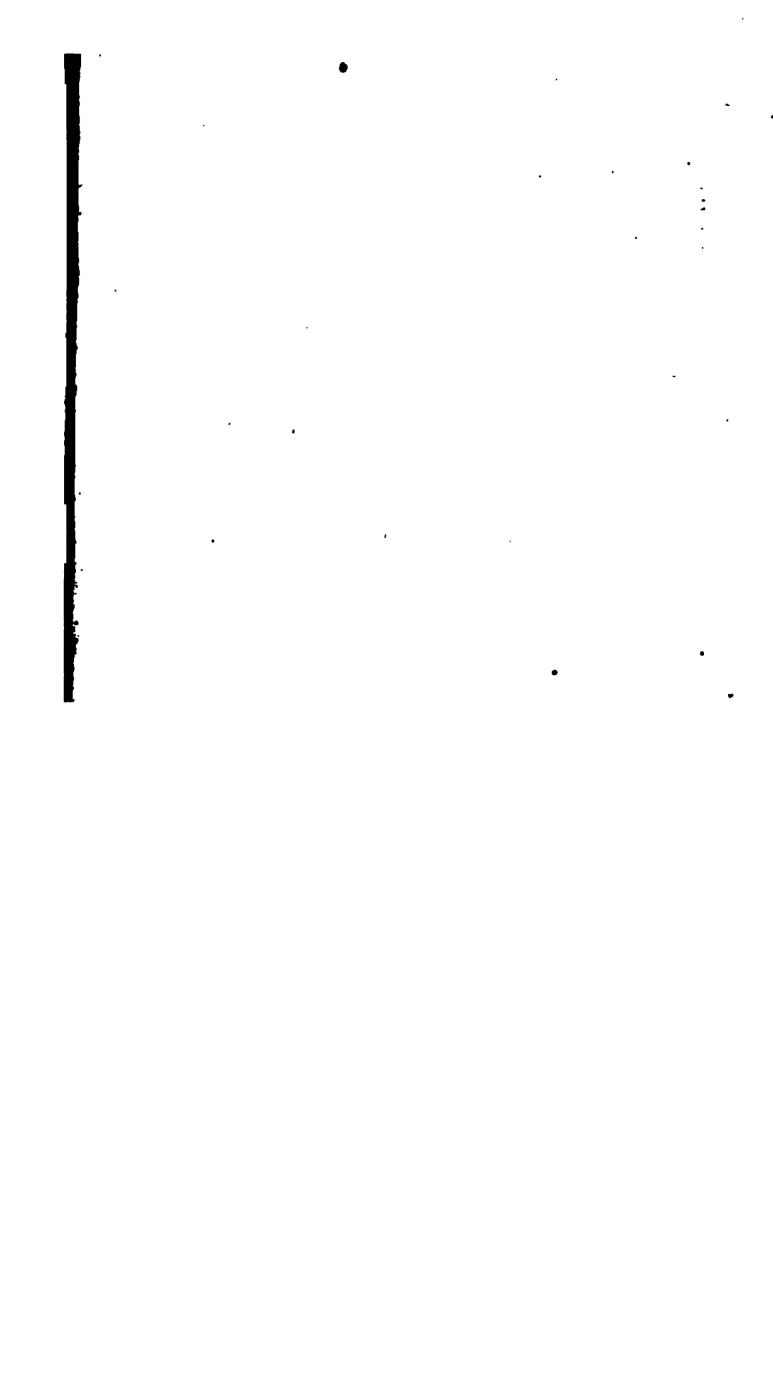




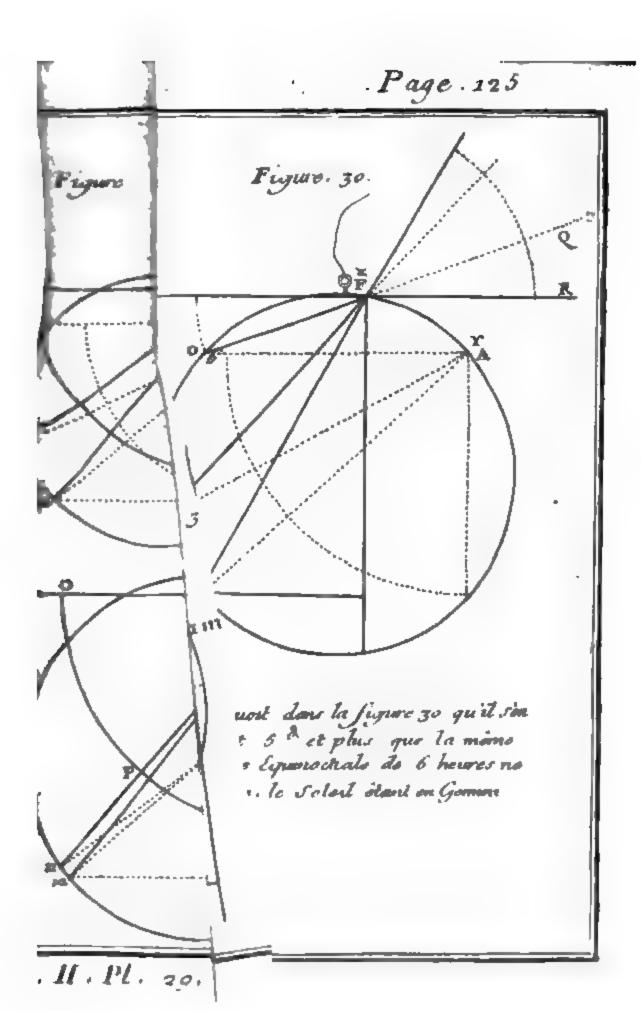
creation is set Pag. 105. 25.





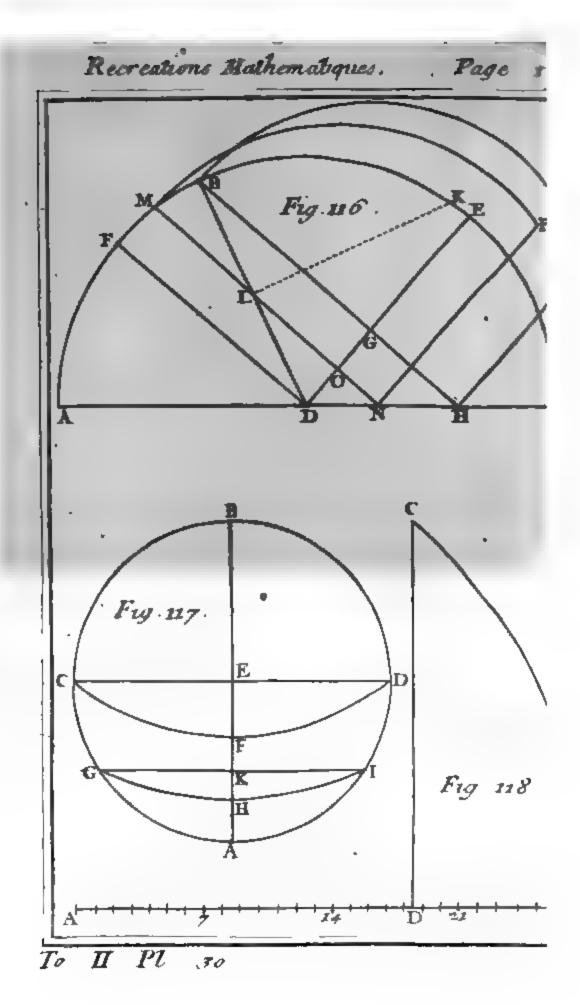








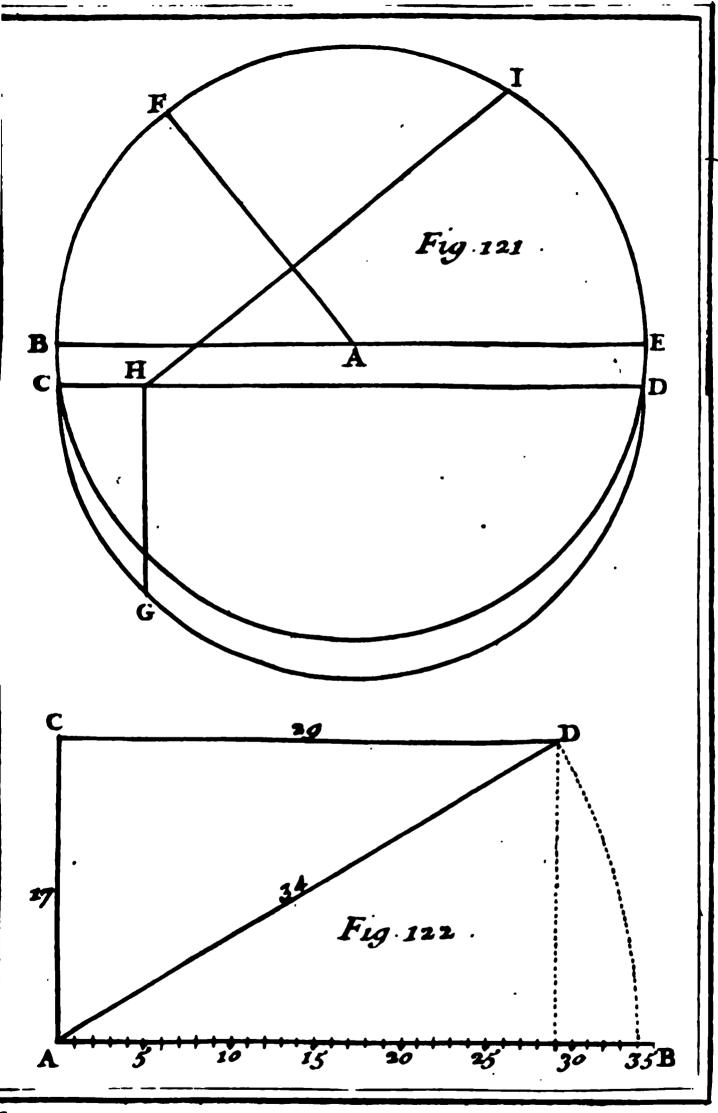






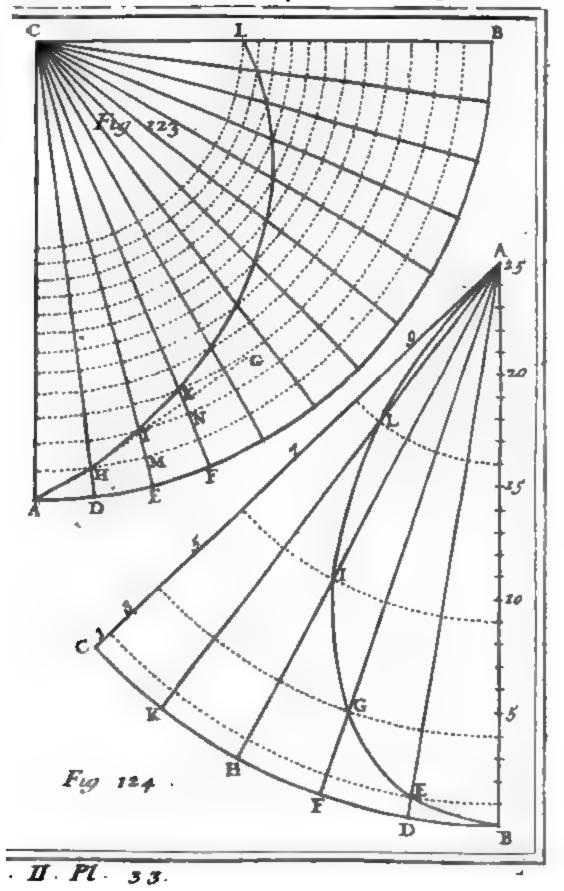
Recreations Mathematiques. Fig.119. Fig 120

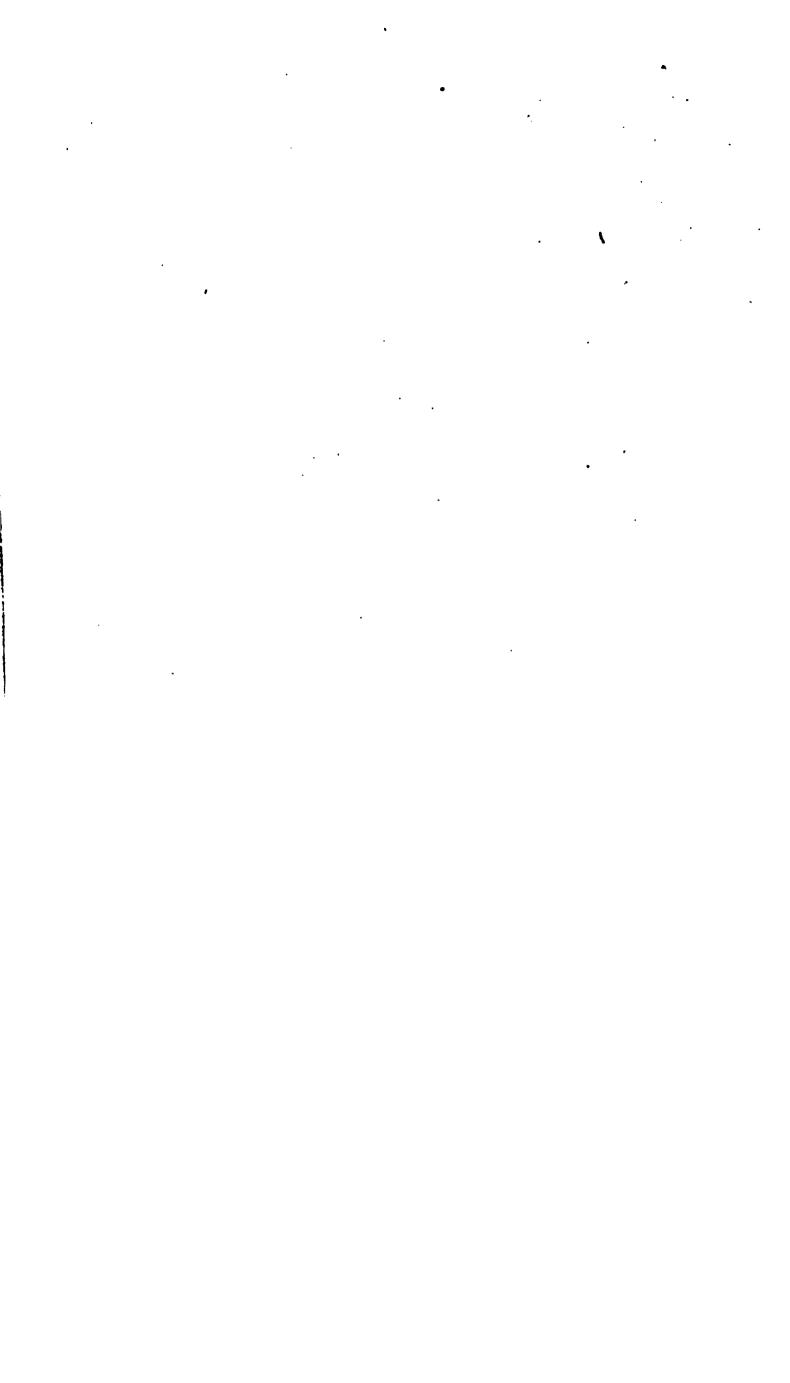
To. II. Pl 31.



6. II. Pl. 32.

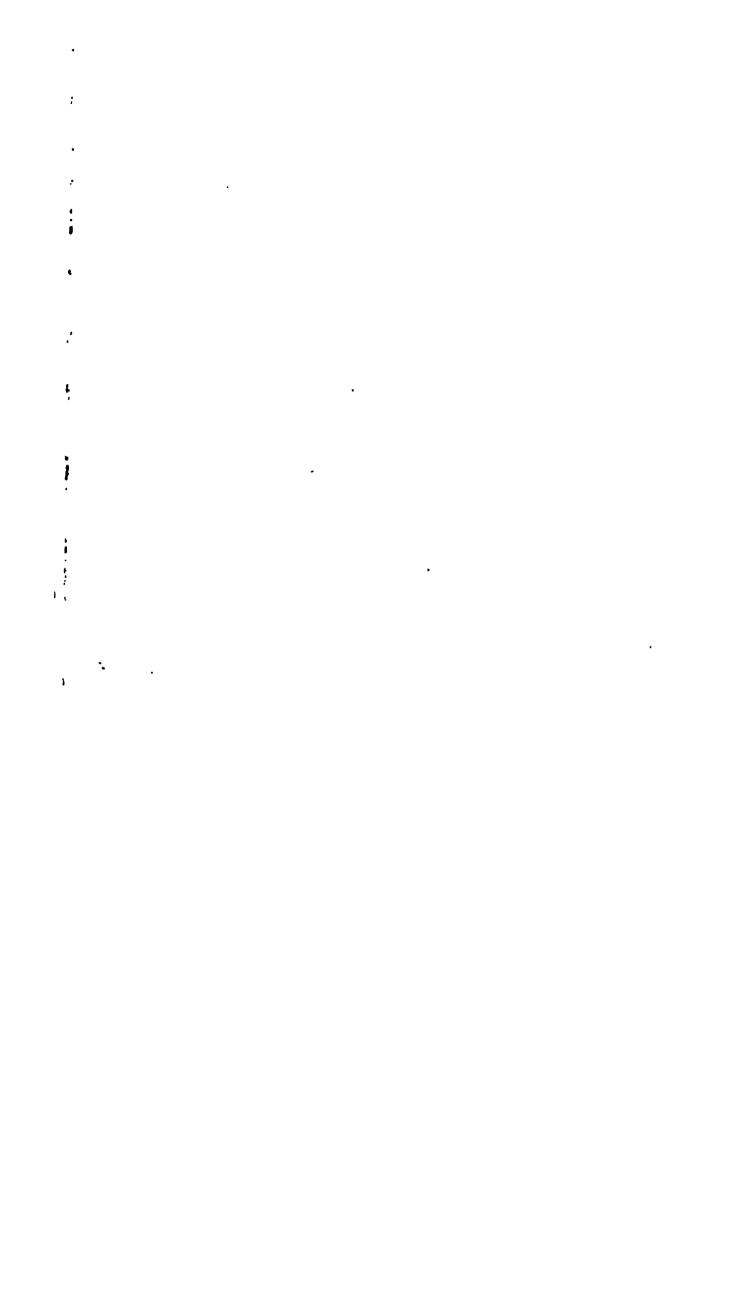


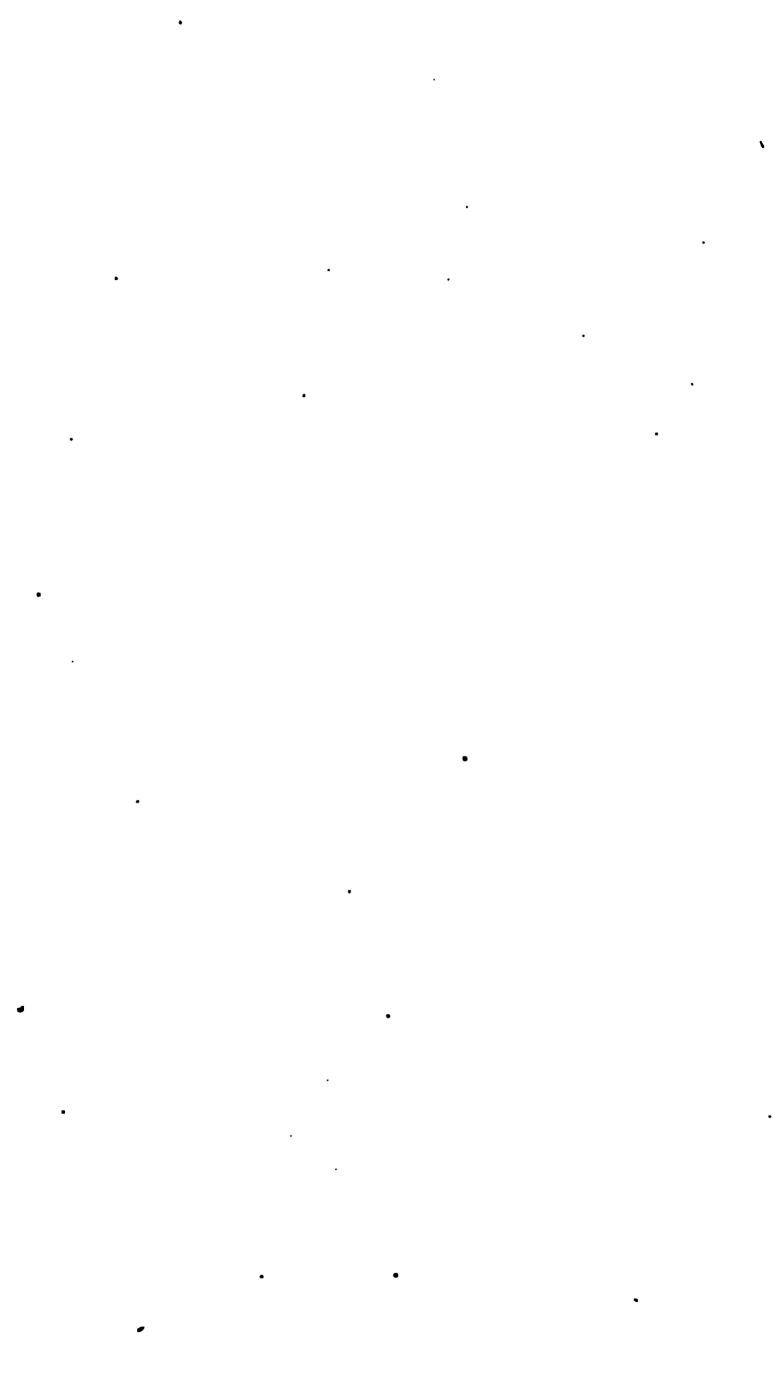


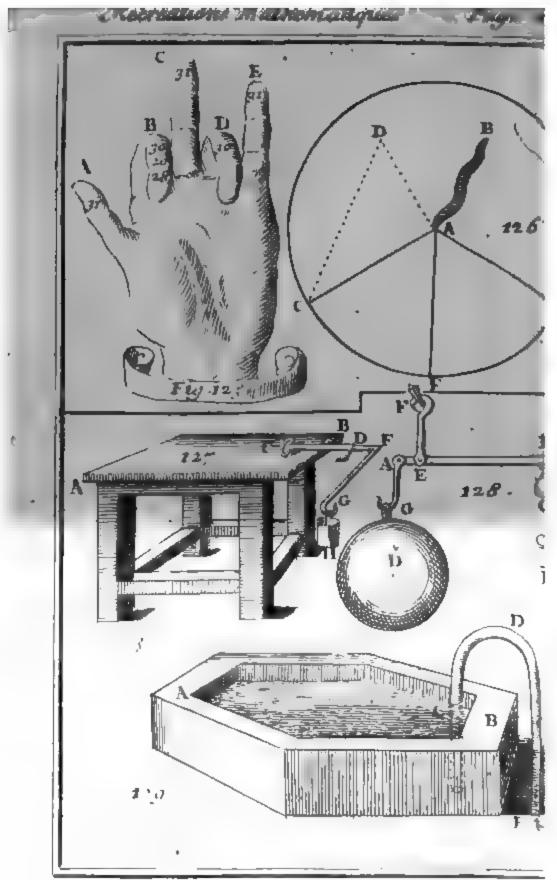




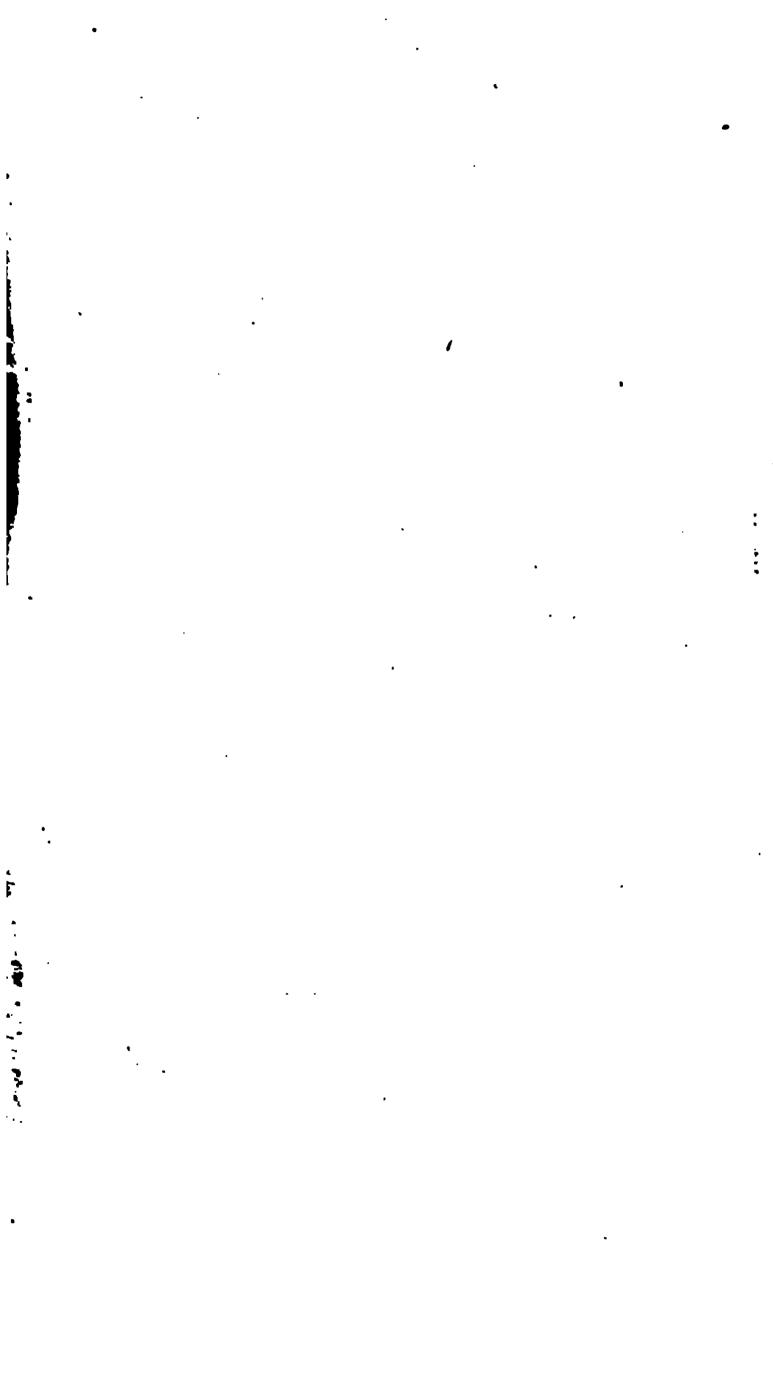
.II . Pl. 34 .

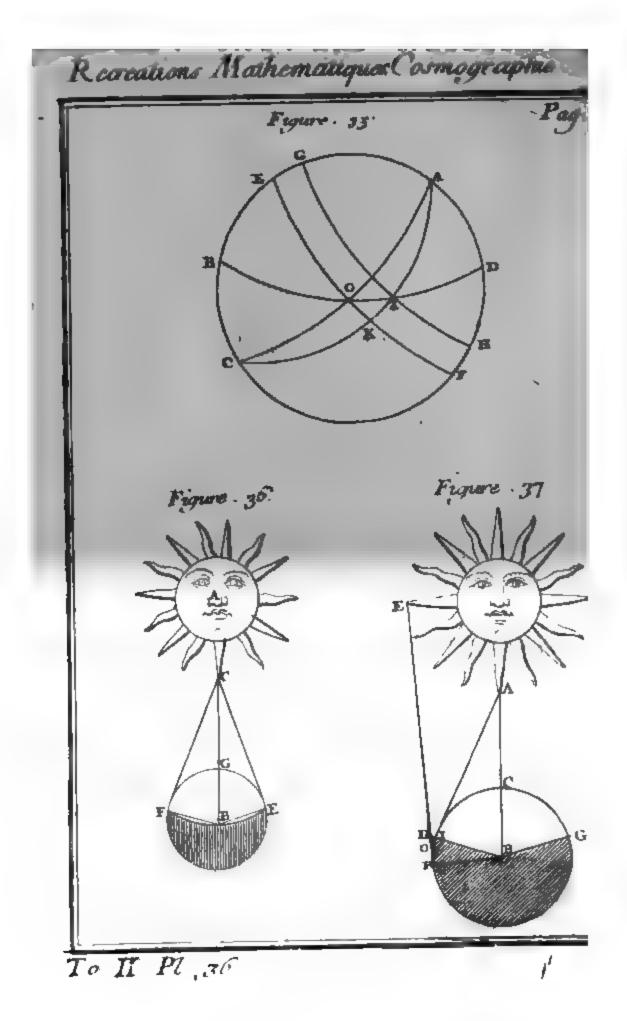




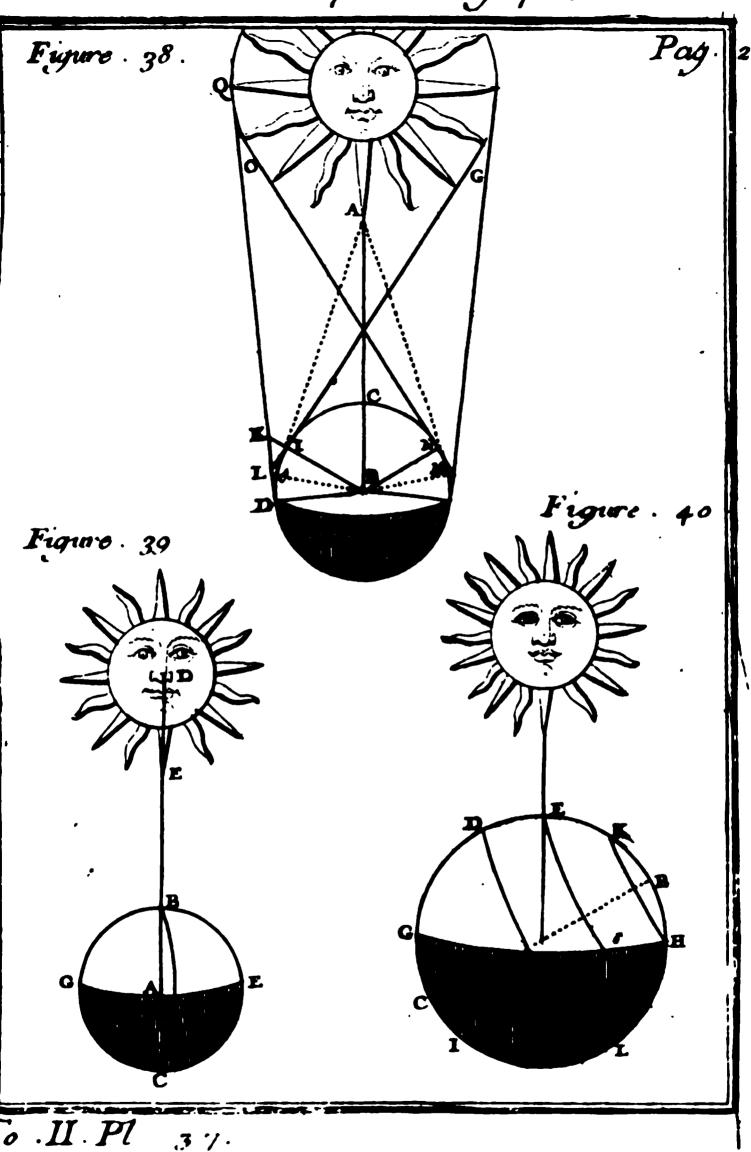


Bury 1- To . H. Pl gs





Recreations Mathematiques Cosmographie.



•

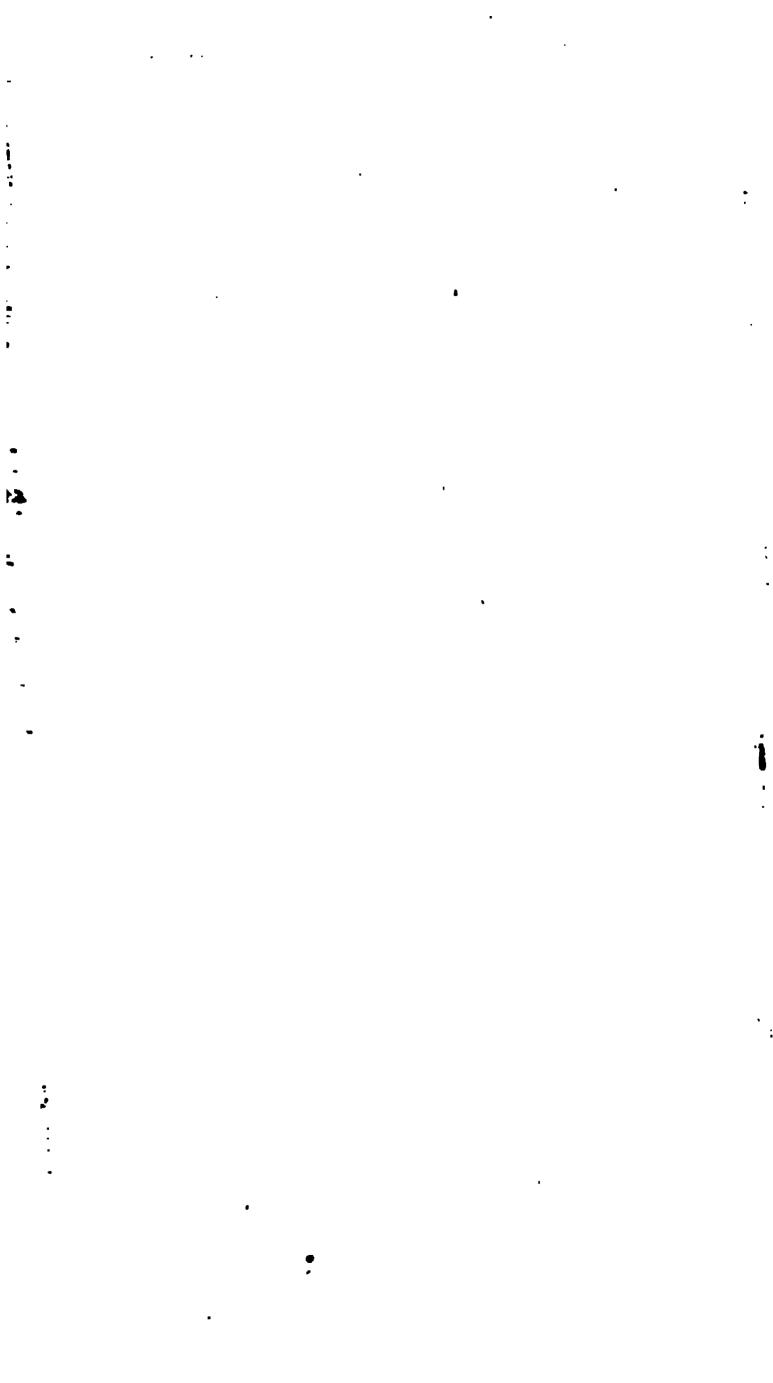
.

F 6 8

.

-

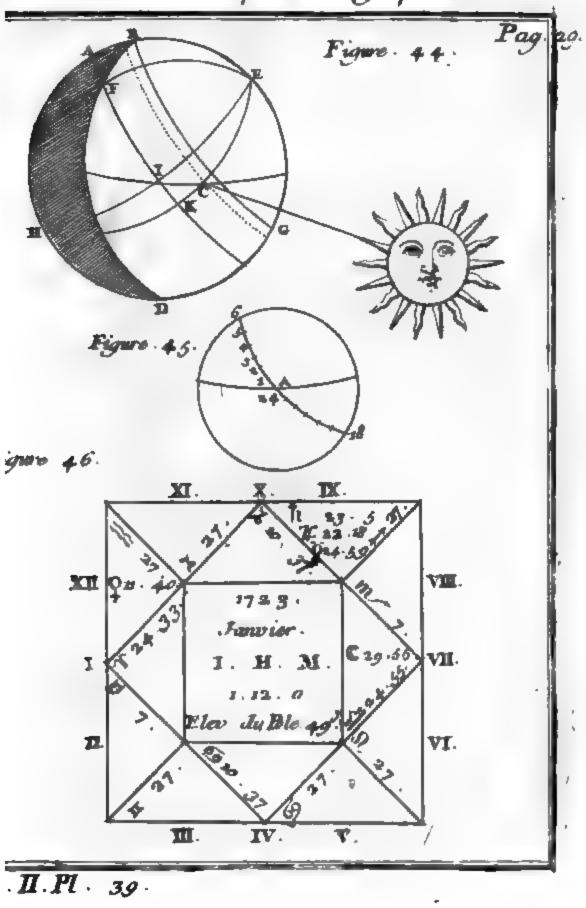
·



Recreations Mathematiques Cosmographie Figure . 41 . Figure . 42. Figure 43 G

To . II. Pl 3 E

ecreations Mathematiques.Compgraphie







· Page \$07

	1260	- 77	The same of
1. Gra		15 Eralesthenes	
2. Gal		16. Time charis	11
3. 11-6		17. Plato	
4. Kept		18. Ar shimedes	
5. Gas		19. Insulasinus	
6. Sola		, Medii	- 11
7. Has		10. Puatus	
8. Her		2 L. T. Vcho	- 11
9, 7.001		11. Endoxus	
10. Res		23. Arislotes	- 11
12. Copt		s 4 Manilius	
12. Hell		25.Menolaus	
13. Cap		16.Hermes	
14. Back	4.17. 注了量	27 Possidenius	
	建营		
			'
			- 11
	建设		
		10000000000000000000000000000000000000	- 11
	福		11
			- 11
			- 11
		計	- 11
			- 11
	E	3	- 1
	屋 / 墨		
		y	- 1
18.Die	7	38Petarius	H
29. Pla	1	39 Langrenus	
So. Cat		40 Taruntius	
. The		A.MareHumorum	
31. Fra	100 Table	B. Mars Nubium	
32.Pro		C.Mare Inbrium	l l
33. MC		DMareNectorse	
34. 340		E Marc Tranquililatis	
35. Pr 4	2	E. Mare Serencialis	
37. Cu		Gaire Lecunditalis	Tom. II Pl
07, 14		Haure Crumon	

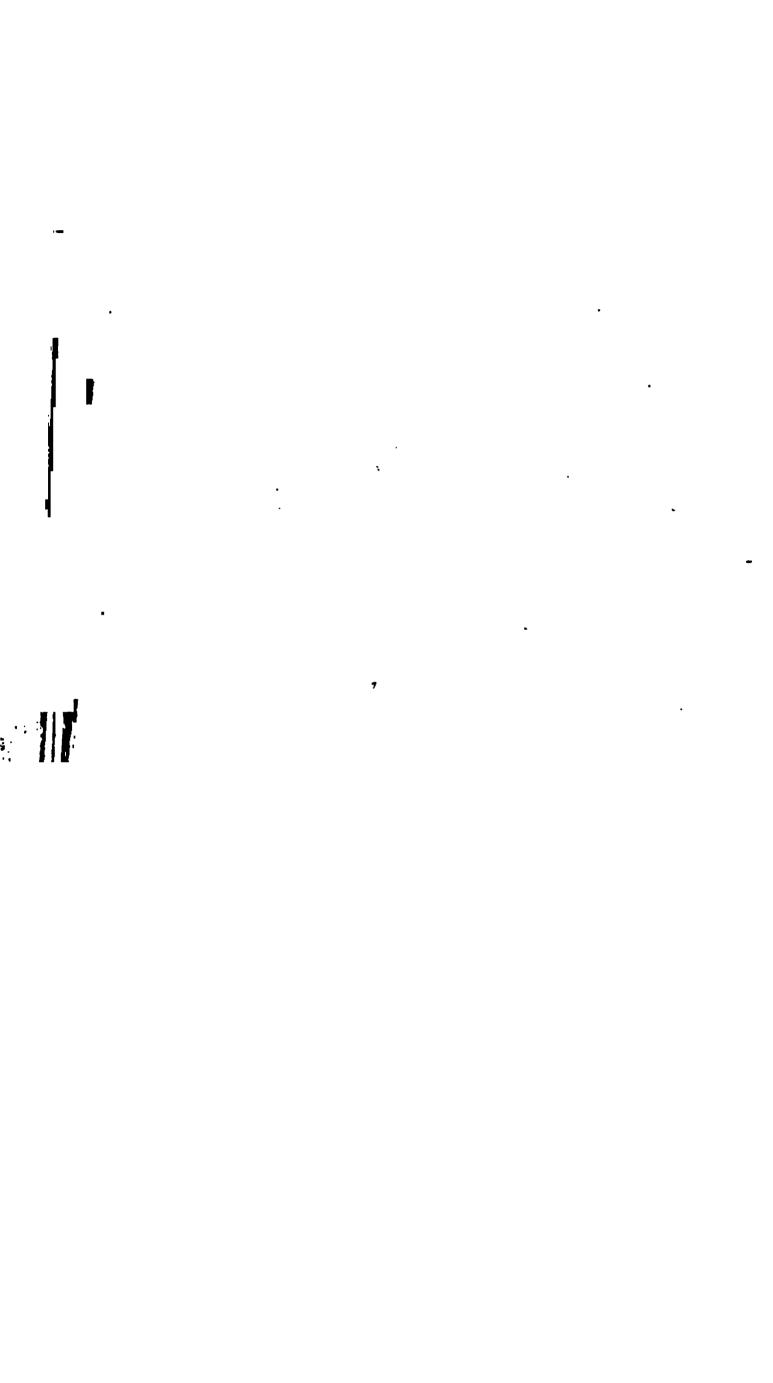
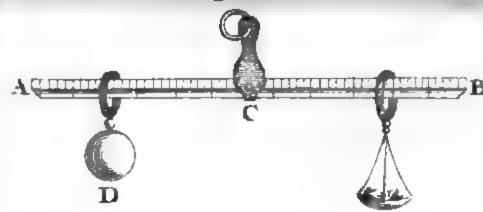
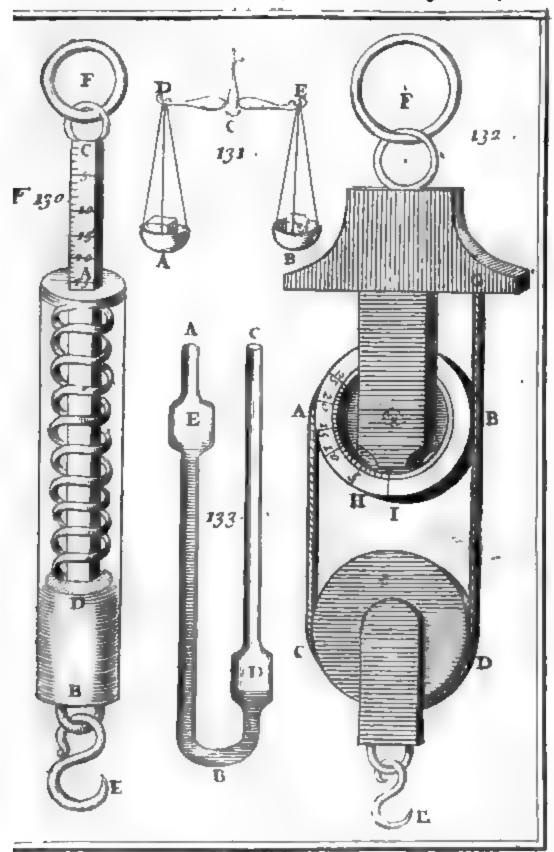


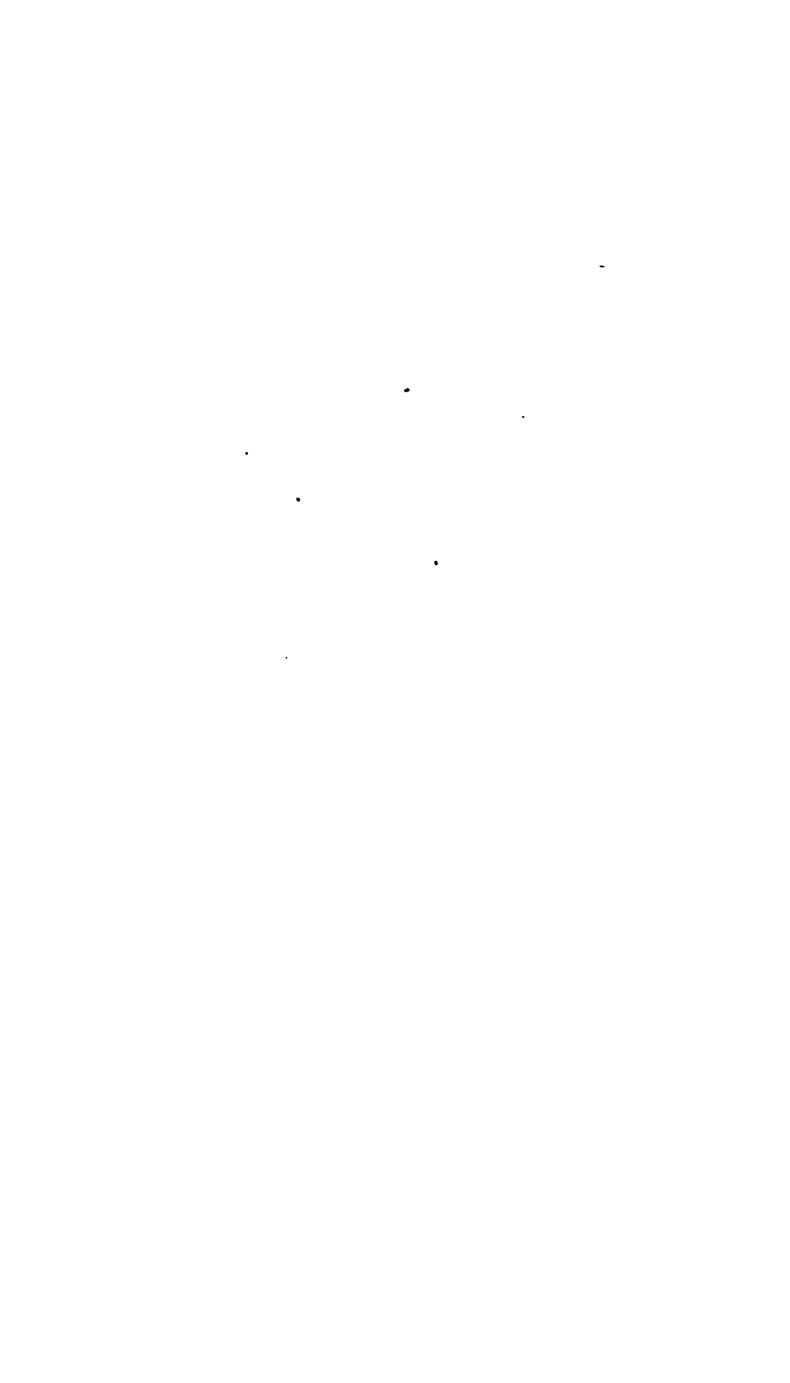


Fig. 47. Fig. 50.





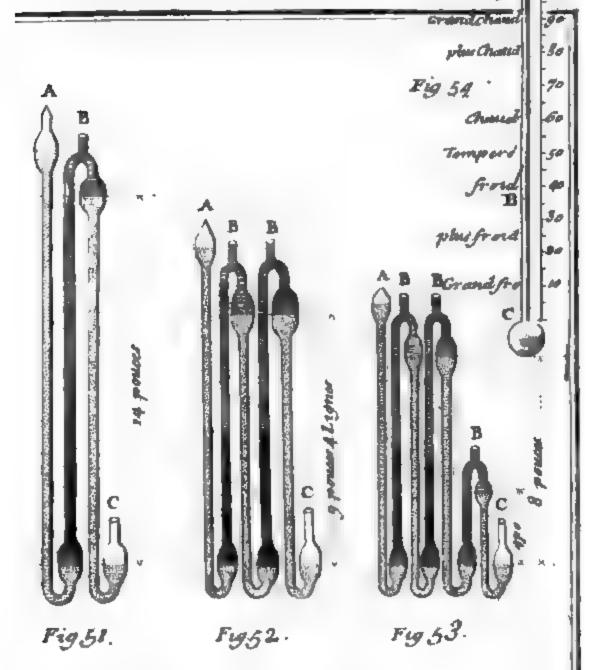
To . 11 . Pt . 42



Recreations Methem . Meanique

	Fig 49		Pag. 353
Temps	24		Sec.
Beau	22 20 19 18	28.7	Frac.
Beau	17 16 15		Temps.
Temps	14 13 12 11		Variable.
Pluie	30 9 8		ou vent.
Grande	7 6 6		Phuie.
Tom=	3 2		=peste.
	The state of the s	26. poua	s 6.Lignes.



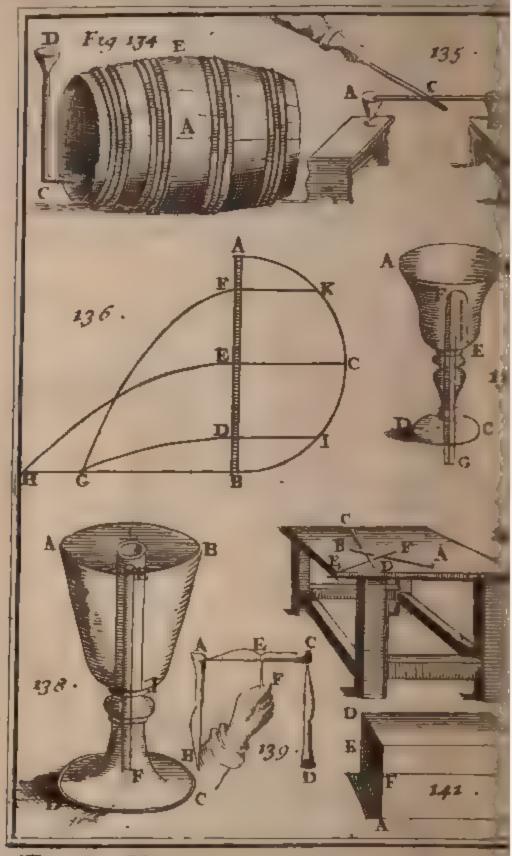


Les peuts pourls que sont ilans les Tuyaux Represente ilentific de tartre colorée de les simples Lignes Represente l'éuille de Karabé ou des-Petfole

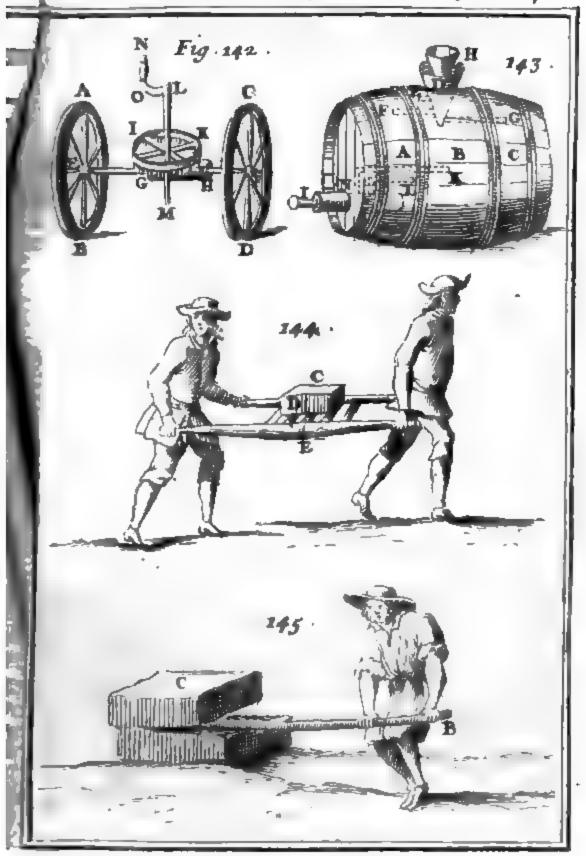
Tom H. Pl 44.







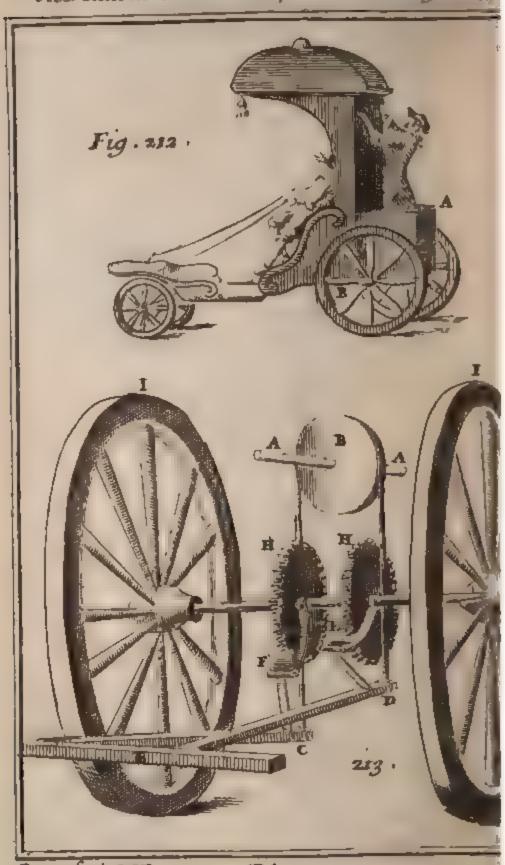
To. II. Pl 45



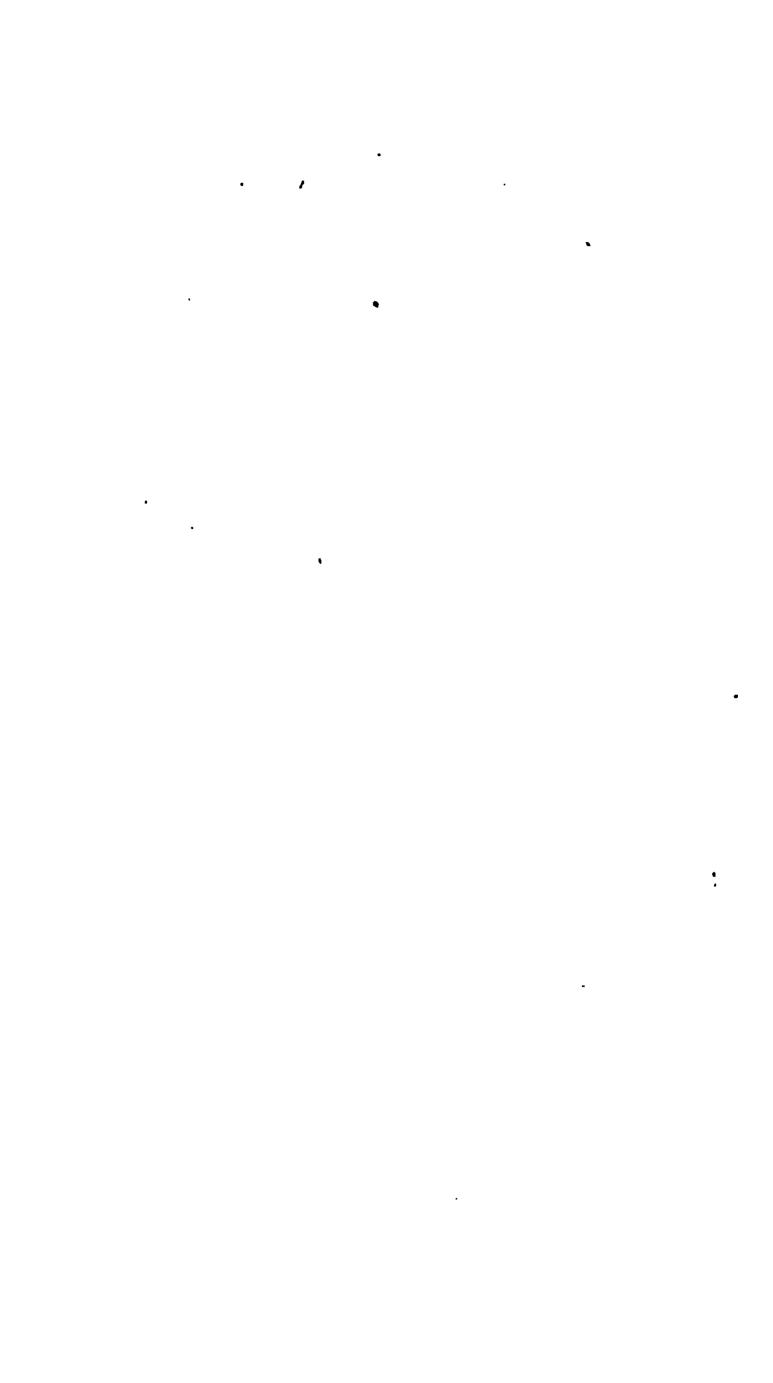
Hergy , but To . II . PL 46

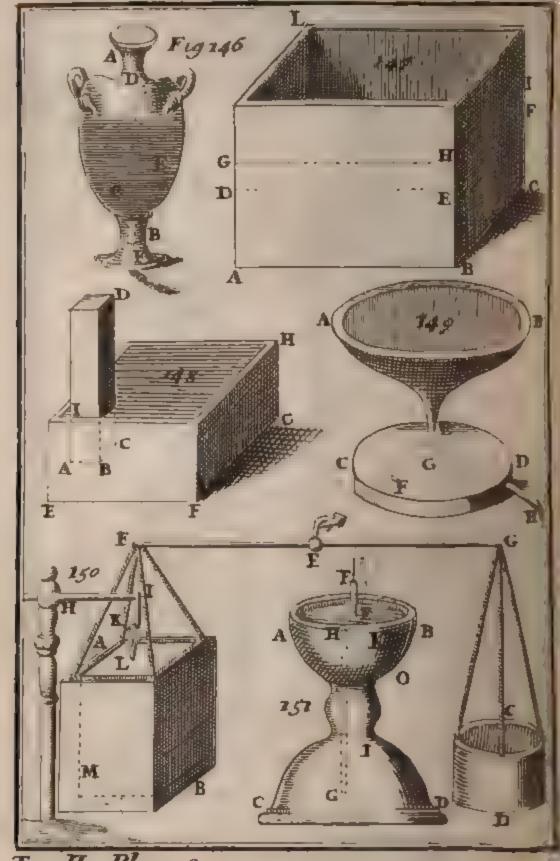


• • . •



Boroy Soul - To . II . Pl 47 .

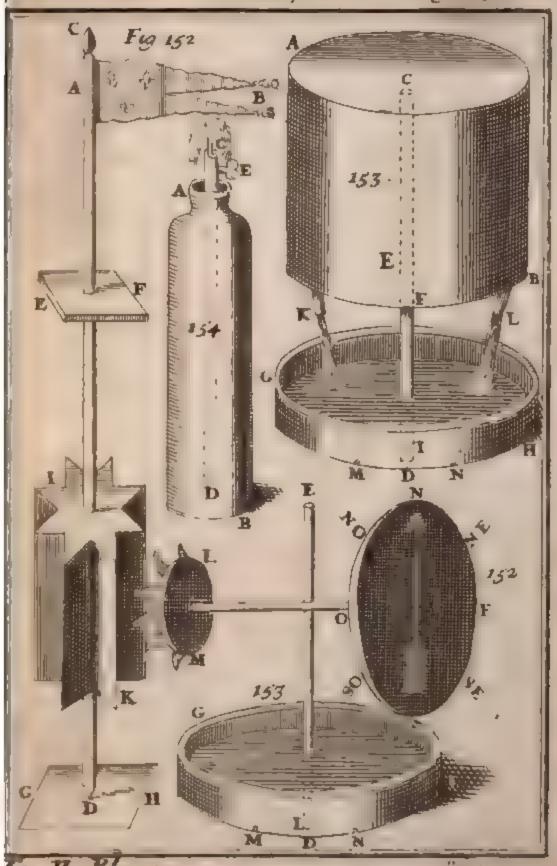




To . II . Pl. 48

Recreations Mathematiques.

Page 415

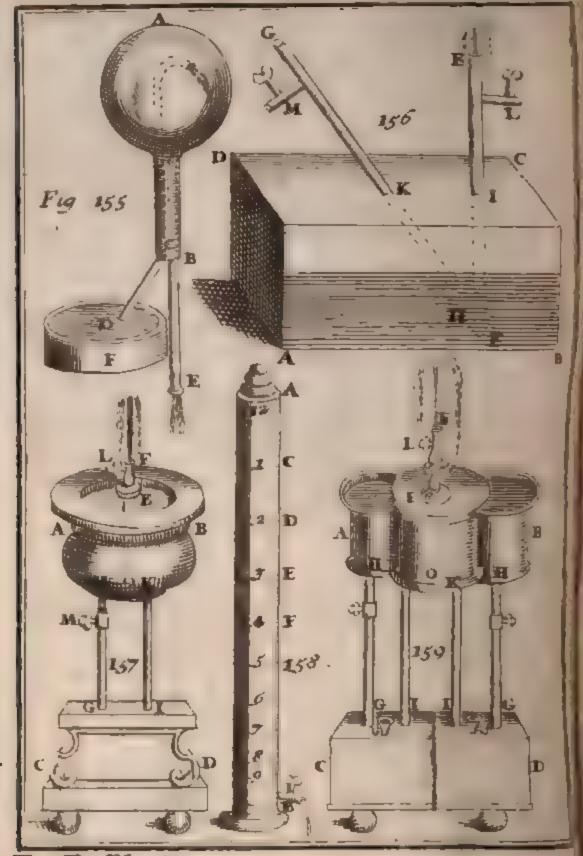


To. II. Pl. 40

. • , i . • • •

Recreations Mathematiques.

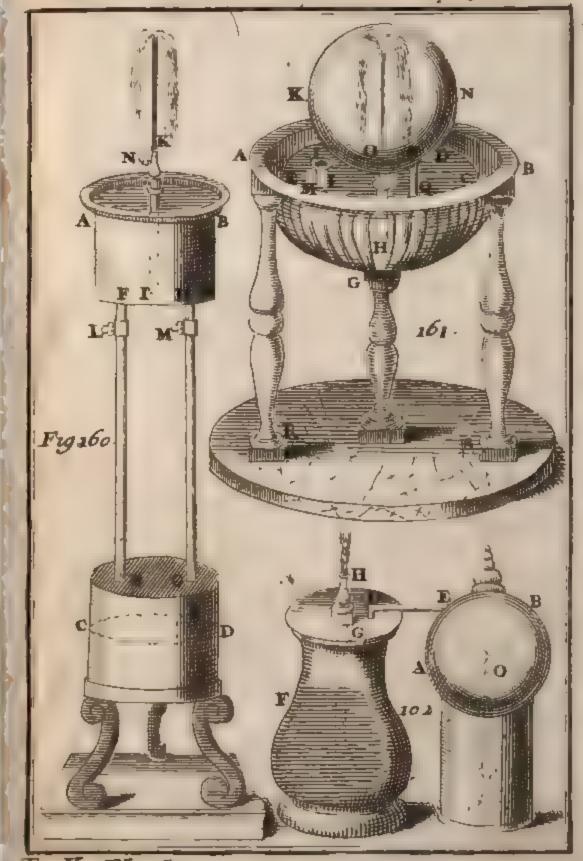
Page 421



To .II. Pl 50 .

Recreations Mathematiques.

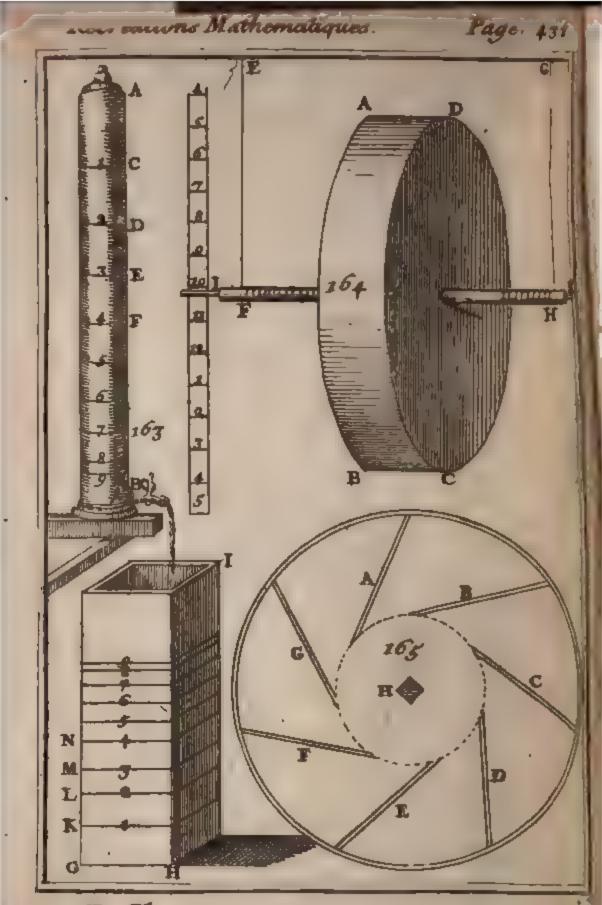
Page 427.



To .II . Pl. 51.



• . . •



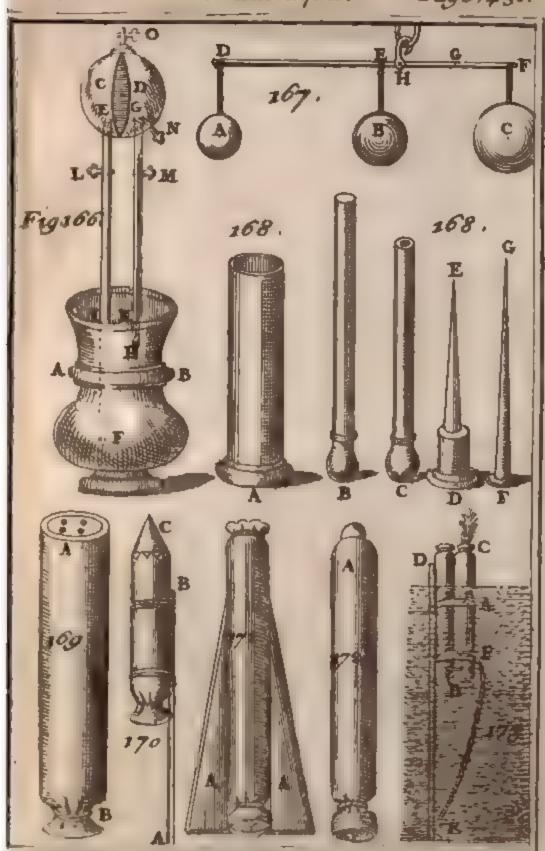
To . II . Pl. 52.

• • • 1 •

Recreations Methem Mecanique Fig. 58. Fig .55. Fig.60. Fig. 61.

Recreations Mathematiques.

Page, 438.



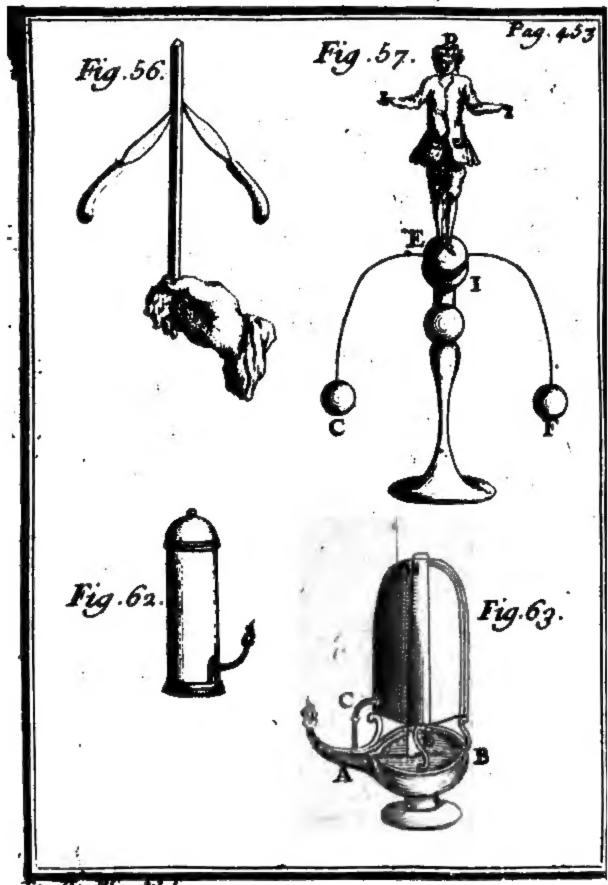
7 . II. P . 54

Beres Jack





Recreations Mathem Mecanique





	·	•	
•		•	
	•		
~			

